이 목장의 가장자리를 따라 일정한 간격으로 향나무를 심으려고 한다. 세 모퉁이는 반드시 향나무를 심어야 하며 나무의 개수는 될 수 있는 한 적게 하려고 할 때. 향나무를 최소한 몇 그루를 준비해야 하는지 고르면? ① 6 그루 ② 18 그루

38 그루

세 변의 길이가 각각 66 m. 84 m. 78 m 인 삼각형 모양의 목장이 있다.

③ 24 그루

1.

66, 84, 78 의 최대공약수는 6 이므로 나무의 수는 $(66 \div 6) + (84 \div 6) + (78 \div 6) = 11 + 14 + 13$

⑤ 41 그루

= 38 (그루)

2. 세 변의 길이가 각각 96 m, 84 m, 108 m 인 삼각형 모양의 농장이 있다. 이 농장의 둘레에 같은 간격으로 말뚝을 박아 철조망을 설치하려고 한다. 세 모퉁이는 반드시 말뚝을 박아야 하며, 말뚝의 개수는 될 수 있는 한 적게 하려고 할 때, 말뚝은 최소한 몇 개를 준비해야 하는지 고르면?

해설

3. 가로의 길이가 90 m, 세로의 길이가 180 m 인 직사각형 모양의 농장과, 같은 모양으로 가로의 길이가 72 m, 세로의 길이가 108 m 인 목장이 있다. 이 농장과 목장의 가장 자리를 따라 두 곳 모두 같은 간격으로 나무를 심는데, 네 모퉁이에는 반드시 나무를 심고 나무 사이의 간격이 20 m 를 넘지 않으면서 가장 넓게 심으려고 한다면, 몇 그루의 나무가 필요한지 구하여라.

답: 그루

▷ 정답: 50 그루

해설

목장: 가로 72 = 18 (m) × 4 (그루) 세로 108 = 18(m) × 6 (그루)

: 직사각형 모양의 농장과 목장의 가장자리에 필요한 나무는

 $\{(5+10)\times 2\} + \{(4+6)\times 2\} = 50 \ (\ \Box = \)$

나무 사이의 간격을 x 라 할 때, $90 = x \times \square$, $180 = x \times \triangle$ $72 = x \times \bigcirc$, $108 = x \times \diamondsuit$

4. 네 변의 길이가 각각 96 m, 160 m, 192 m, 224 m 인 사각형 모양의 토지가 있다. 이 토지의 둘레에 같은 간격으로 말뚝을 박아 울타리를 만들려고 한다. 네 모퉁이에는 반드시 말뚝을 박아야 하고, 말뚝의 개수는 될 수 있는 한 적게 하려고 한다. 말뚝 사이의 간격은 20 m 를 넘지 않게 할 때, 말뚝은 모두 몇 개가 필요한지 구하여라.

개

답:▷ 정답: 42 개

해설

말뚝과 말뚝 사이의 간격은 96, 160, 192, 224 의 공약수이고, 20 보다 작은 수 중 가장 큰 공약수는 16 이다. 사각형의 둘 레는 96 + 160 + 192 + 224 = 672 (m) 이므로 말뚝의 개수는 672 ÷ 16 = 42 (개)이다.

5. 어떤 자연수로 38을 나누면 2가 남고, 27을 나누면 3이 남고, 125로 나누면 5가 남는다고 한다. 이러한 자연수 중에서 가장 큰 수를 구하여라.

2) 6 4 20 3 2 10

3 2 10 최대공약수: $6 \times 2 = 12$

어떤 자연수로 63 을 나누면 3 이 남고 41 을 나누면 5 가 남는다고 6. 한다. 이런 자연수 중 가장 큰 수는?

2 8

4 15

(5) 30

63-3=60, 41-5=36 이므로 구하는 가장 큰 수는 60 과 36 의 최대공약수 12 이다.

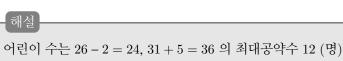
 \bigcirc 6

나누어 주려고 했더니 사과는 2 개가 남고, 귤은 5 개가 부족했다. 어린이는 모두 몇 명인가?

사과 26 개와 귤 31 개를 될 수 있는 대로 많은 어린이들에게 똑같이

② 4 명





8. 사탕 52개, 초콜릿 75개, 껌 103개를 가능한 한 많은 학생들에게 똑같이 나누어 주었더니 사탕은 2개가 부족하고, 초콜릿은 3개가 남았고, 껌은 5개가 부족했다. 몇 명의 학생에게 나누어 주려고 하였는지 구하여라.

명

	답:	
\triangleright	정답:	18 명

해설

사탕은 2개 부족하고, 초콜릿은 3개 남고, 껌은 5개 부족하므로 사탕은 54개, 초콜릿 72개, 껌 108개가 있으면 똑같이 나누어 줄 수 있다.

따라서 구하는 학생 수는 54, 72, 108의 최대공약수인 18명이다.

두 수 35/81 의 어느 것에 곱하여도 항상 자연수가 되게 하는 분수가 있다. 이 중 가장 작은 분수를 주어진 두 수에 곱하여 만들어진 두 자연수의 합을 구한 것은?

해설
$$\frac{35}{72}, \frac{91}{81}$$
에 곱해야 하는 가장 작은 분수의 분모는 35 와 91 의 최대공약수인 7 이고, 분자는 72 와 81 의 최소공배수인 648 이다. 그러므로 $\frac{35}{72} \times \frac{648}{7} = 45, \frac{91}{81} \times \frac{648}{7} = 104$ 이다. 두 자연수의 합은 149 이다.

10. 두 분수
$$\frac{15}{16}$$
, $\frac{5}{12}$ 의 어느 것에 곱해도 그 결과가 자연수가 되는 분수 중에서 가장 작은 기약분수를 구하여라.

$$ightharpoonup$$
 정답: $\frac{48}{5}$

(16, 12의 최소공배수)
(15, 5의 최대공약수) =
$$\frac{48}{5}$$

11.
$$\frac{12}{7}$$
, $\frac{36}{5}$, $\frac{15}{4}$ 의 어느 것에 곱하여도 양의 정수가 되는 분수 중 가장 작은 수는?

①
$$\frac{1}{3}$$
 ② $\frac{10}{3}$ ③ $\frac{100}{3}$ ④ $\frac{120}{3}$ ⑤ $\frac{140}{3}$

해설
7, 5, 4 의 최소공배수: 140
12, 36, 15 의 최대공약수: 3
따라서, 구하는 분수는
$$\frac{140}{3}$$
 이다.

12. 두 분수 $\frac{1}{14}$, $\frac{1}{8}$ 중 어느 것을 곱해도 자연수가 되는 수 중 두 자리 자연수를 구하여라.





```
구하는 수는 14 와 8 의 공배수이다.
14 와 8 의 공배수는 14 와 8 의 최소공배수인 56 의 배수이므로
```

14 와 8 의 공배수는 14 와 8 의 최소공배수인 56 의 56, 112, 168, · · · 이다.

이 중 두자리 자연수는 56이다.

13. A 와 B 가 함께 일자리를 구했다. A 는 4 일간 일하고 하루 쉬고, B 는 5 일간 일하고 이틀간 쉬기로 하였다. 이와 같이 180 일간 일한다면, 두 사람이 같이 쉬는 일수는?

① 5일 ② 10일 ③ 15일 ④ 20일 ⑤ 35일

A, B, C 가 있다. 점 A 는 한 바퀴 도는 데 8초 걸리고, 점 B 는 1 분에 20 바퀴, 점 C 는 1 분에 30 바퀴를 돈다고 한다. 어떤 시각에 A, B, C 가 동시에 점 P 를 통과했을 때, 이 시각에서 15 분 후 사이에는 점 P 를 동시에 몇 번 통과하는지 구하여라.

답:

법

한 개의 원주 위를 같은 방향으로 일정한 속도로 움직이는 세 점

14.

➢ 정답 : 37번

해설 한 바퀴 도는 데 A 는 8 초, B 는 3 초, C 는 2 초가 걸리므로 8, 3, 2 의 최소공배수인 24 초마다 점 P 를 동시에 통과한다. 15×60 = 900(초) 에서 900÷24 = 37.5 이므로 37 번 통과한다. 간다. 4월 1일 일요일에 함께 자전거를 타러 갔다면 다음에 두 번째로 함께 자전거를 타러 가는 날은 무슨 요일인지 구하여라.

□ 답: 요일
□ 정답: 화요일

진아와 태호는 각각 5일, 3일마다 한강시민공원으로 자전거를 타러

15.

해설
5 와 3 의 최소공배수는 15 이므로 두 사람은 15 일마다 함께 자전거를 탄다.
4 월 1 일 일요일 이후 두 번째로 함께 자전거를 타는 날은 30 일 후인 5 월 1 일 화요일이다.

16. 원주 위를 같은 방향으로 움직이는 세 점 A, B, C 가 3 분에 각각 45 바퀴, 30 바퀴, 60 바퀴를 돈다. 원주 위의 한 점 P 에서 세 점 A, B, C 가 동시에 출발하여 출발한 이후 1 시간 동안 점 P 를 동시에 통과하는 횟수를 구하여라.

회

정단 "	300호
0 H .	300 =

해설

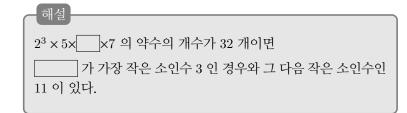
A 가 3 분에 45 바퀴를 돌면 1 바퀴 도는 데는 $\frac{1}{15}$ 분, 즉 4 초가 걸리고, B 가 3 분에 30 바퀴를 돌면 1 바퀴 도는 데는 $\frac{1}{10}$ 분, 즉 6 초 걸리고, C 가 3 분에 60 바퀴를 돌면 1 바퀴 도는 데는 $\frac{1}{20}$ 분, 즉 3 초가 걸린다. 즉, 같은 지점에서 처음에 같이 출발했다가 다시 같이 출발하는

데는 4, 6, 3 의 최소공배수인 12 초가 걸린다. 따라서 점 P 를 1 시간(3600 초) 동안 3600 ÷ 12 = 300(회) 동 시에 통과하다.

	다	ì

	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
✓ ö□ •	0

\sim	저미	다	•	- 1
	0	ы		1



18. 자연수 $2^3 \times A$ 의 약수의 개수가 12 개일 때, 가장 작은 두 자리 자연수 A 를 구하여라.

① 11 ③ 13 (4) 14 (5) 15

(2)
$$12 = 6 \times 2 = (5+1) \times (1+1)$$
 일 때,
 $2^3 \times A = 2^5 \times (2$ 가 아닌 소수) $= 2^3 \times (2^2 \times (2$ 가 아닌 소수))

$$A = 9, 25, 49, 121, \cdots$$

따라서 가장 작은 두 자리 자연수 A 는 12 이다.

19. 서로 다른 한 자리 소수 a, b, c 에 대하여 $a^l \times b^m \times c^n$ 으로 소인수분 해되는 자연수 N 에 3 을 곱하였더니 약수의 개수가 2 배가 되었다. 이때, a+b+c 의 값을 구하여라.



▷ 정답 : 14

a=3 이라 하면

$$a = 3$$
 이터 아면 $2(l+1)(m+1)(n+1) = (l+2)(m+1)(n+1)$

2l + 2 = l + 2, l = 0

l. m. n은 1 이상인 자연수이므로 a. b. c 중에 3은 없다. a, b, c 는 한 자리 소수 2, 3, 5, 7 중에서 3이 아니므로 2, 5, 7 이다.

$$\therefore 2+5+7=14$$

- **20.** $2^4 \times a \times 5^2$ 의 약수가 45 개가 되기 위한 가장 작은 a 의 값은?
 - ① 2 ② 3 ③ 7 ④ 8 ⑤

그러므로 $9 = 3^2$ 이다.

해설
$$2^4 \times a \times 5^2 \text{ 의 약수의 개수는}$$

$$(4+1)\times(a\text{의 지수}+1)\times(2+1)=45\text{ 으로 계산된다. }(a\text{의 지수})+$$

$$1=3\text{ 이 되어야 한다.}$$