

1.  $-2 < x < y < 0$  일 때, 다음 양수를 모두 고르면?

㉠  $\sqrt{(2-x)^2}$

㉡  $-\sqrt{(x-2)^2}$

㉢  $\sqrt{(2+y)^2}$

㉣  $-\sqrt{(-y)^2}$

㉤  $-\sqrt{(y-2)^2}$

① ㉠

② ㉡

③ ㉢

④ ㉠, ㉢

⑤ ㉢, ㉣

해설

㉠  $-2 < x < y < 0$   $\Rightarrow 2 < 2-x < 4$

$$\Rightarrow 2 < \sqrt{(2-x)^2} = 2-x < 4$$

㉡  $-2 < x < 0$   $\Rightarrow -4 < x-2 < -2$

$$\Rightarrow -4 < x-2 < -2$$

㉢  $-2 < y < 0$   $\Rightarrow 0 < y+2 < 2$

$$\Rightarrow 0 < \sqrt{(2+y)^2} = y+2 < 2$$

㉣  $-2 < y < 0$   $\Rightarrow 0 < -y < 2$

$$\Rightarrow -2 < -\sqrt{(-y)^2} = -(-y) = y < 0$$

㉤  $-2 < y < 0$   $\Rightarrow -4 < y-2 < -2$

2. 두 자연수  $x, y$ 에 대하여  $\sqrt{120xy}$ 가 가장 작은 정수가 되도록  $x, y$ 의 값을 정할 때, 다음 중  $x$ 의 값이 될 수 없는 것은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\sqrt{120xy} = \sqrt{2^3 \times 3 \times 5 \times xy} = 2\sqrt{30xy}$$

$$xy = 30$$

$$(x, y) = (1, 30), (2, 15), (3, 10), (5, 6), \\ (6, 5), (10, 3), (15, 2), (30, 1)$$

3.  $\sqrt{59+a} = b$  라 할 때,  $b$ 가 자연수가 되도록 하는 가장 작은 자연수  $a$  와 그 때의  $b$ 의 합  $a+b$ 의 값은?

- ① 11      ② 12      ③ 13      ④ 14      ⑤ 15

해설

59 보다 큰 제곱수는  $64, 81, 100, \dots$  이므로

$$59 + a = 64, 81, 100 \dots$$

$$\therefore a = 5, 22, 41, \dots$$

따라서 가장 작은 자연수  $a = 5$ ,  $b = \sqrt{59+5} = 8$  이다.

$$\therefore a+b = 5+8=13$$

4.  $-1 < x < y < 0$  일 때, 다음 중 1 보다 큰 수를 고르면?

①  $\sqrt{xy}$

②  $\sqrt{-\frac{y^2}{x}}$

③  $\sqrt{-\frac{y}{x^2}}$

④  $\sqrt{-x^2y}$

⑤  $\sqrt{-xy^2}$

해설

$-1 < x < y < 0$  이므로  $xy < 1$  이고  $\frac{y}{x} < 1$ ,  $\frac{x}{y} > 1$

①  $\sqrt{xy} < 1$

②  $\sqrt{-\frac{y^2}{x}} < \sqrt{-y} < 1$

③  $\frac{x}{y} > 1, -\frac{1}{y} > 1$  이므로  $\sqrt{-\frac{x}{y^2}} > 1$

④  $\sqrt{-x} < 1$  이므로 양변에  $\sqrt{xy}$  를 곱하면  $\sqrt{-x^2y} < \sqrt{xy} < 1$

⑤  $\sqrt{-y} < 1$  이므로 양변에  $\sqrt{xy}$  를 곱하면  $\sqrt{-x^2y} < \sqrt{xy} < 1$   
따라서 1 보다 큰 것은 ③뿐이다.

5. 두 수 5 와 9 사이에 있는 무리수 중에서  $\sqrt{n}$  의 꼴로 나타낼 수 있는  
가장 큰 수를  $\sqrt{a}$ , 가장 작은 수를  $\sqrt{b}$  라고 할 때,  $a + b$  의 값으로  
알맞은 것을 고르면? (단,  $n$  은 자연수)

① 98

② 100

③ 102

④ 104

⑤ 106

해설

$$5 = \sqrt{25},$$

$$9 = \sqrt{81},$$

$$a = 80,$$

$$b = 26,$$

$$\therefore a + b = 106$$

6.  $f(x) = \sqrt{x+1} - \sqrt{x}$ 이고,  $S(x) = f(1) + f(2) + f(3) + \cdots + f(x)$ 이라고 한다. 100 이하의 자연수  $n$ 에 대하여  $S(n)$ 의 값이 자연수가 되는  $n$ 을 모두 고르면?

① 8

② 15

③ 35

④ 50

⑤ 99

해설

$$\begin{aligned}S(n) &= (\sqrt{2} - 1) + (\sqrt{3} - \sqrt{2}) + (\sqrt{4} - \sqrt{3}) + \dots + \\&(\sqrt{n+1} - \sqrt{n}) = \sqrt{n+1} - 1\end{aligned}$$

①  $n = 8$  일 때,  $S(n) = 3 - 1 = 2$

②  $n = 15$  일 때,  $S(n) = 4 - 1 = 3$

③  $n = 35$  일 때,  $S(n) = 6 - 1 = 5$

④  $n = 50$  일 때,  $S(n) = \sqrt{51} - 1$

⑤  $n = 99$  일 때,  $S(n) = 10 - 1 = 9$

따라서 ①, ②, ③, ⑤가 답이다.

7. 연립방정식  $\begin{cases} \sqrt{2}x + \sqrt{3}y = 5\sqrt{6} \\ \sqrt{3}x - 2\sqrt{2}y = -2 \end{cases}$  를 풀면?

①  $x = \frac{17}{7}\sqrt{3}, y = \frac{18}{7}\sqrt{2}$

③  $x = \frac{17}{7}\sqrt{2}, y = \frac{18}{7}\sqrt{3}$

⑤  $x = \frac{17}{7}\sqrt{3}, y = \frac{18}{7}\sqrt{3}$

②  $x = \frac{18}{7}\sqrt{2}, y = \frac{17}{7}\sqrt{3}$

④  $x = \frac{18}{7}\sqrt{3}, y = \frac{17}{7}\sqrt{2}$

### 해설

$$\begin{cases} \sqrt{2}x + \sqrt{3}y = 5\sqrt{6} \cdots ㉠ \\ \sqrt{3}x - 2\sqrt{2}y = -2 \cdots ㉡ \end{cases}$$

㉠ × 2 $\sqrt{2}$  + ㉡ ×  $\sqrt{3}$  을 하면

$$\begin{array}{rcl} 4x + 2\sqrt{6}y &=& 20\sqrt{3} \\ +) 3x - 2\sqrt{6}y &=& -2\sqrt{3} \\ \hline 7x &=& 18\sqrt{3} \end{array}$$

$$\therefore x = \frac{18}{7}\sqrt{3}$$

㉡에  $x = \frac{18}{7}\sqrt{3}$  을 대입하면

$$\frac{54}{7} - 2\sqrt{2}y = -2, \quad \sqrt{2}y = \frac{34}{7}$$

$$y = \frac{17}{7}\sqrt{2}$$

8.  $f(a) = \sqrt{a+1} + \sqrt{a}$  일 때,  $\frac{1}{f(4)} + \frac{1}{f(5)} + \cdots + \frac{1}{f(9)}$  의 값을 구하  
면?

①  $-\frac{1}{2}$

② -2

③  $\sqrt{10} - 2$

④  $\sqrt{10} - \sqrt{5}$

⑤  $\sqrt{10} + \sqrt{5} - 2$

해설

$f(a) = \sqrt{a+1} + \sqrt{a}$  에서

$$\frac{1}{f(a)} = \frac{1}{\sqrt{a+1} + \sqrt{a}} = \sqrt{a+1} - \sqrt{a}$$

따라서,  $\frac{1}{f(4)} + \frac{1}{f(5)} + \cdots + \frac{1}{f(9)} = \sqrt{5} - 2 + \sqrt{6} - \sqrt{5} + \cdots + \sqrt{10} - \sqrt{9} = \sqrt{10} - 2$

9.  $f(n) = \frac{1}{\sqrt{n+1} + \sqrt{n}}$  일 때,  $f(1) + f(2) + f(3) + \cdots + f(8)$ 의 값은?

- ① 2                          ② 3                          ③  $2\sqrt{2} - 1$   
④  $2\sqrt{2} + 1$               ⑤  $3\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned}f(n) &= \sqrt{n+1} - \sqrt{n} \circ] \text{므로} \\(\text{준식}) &= \sqrt{2} - 1 + \sqrt{3} - \sqrt{2} + \cdots + \sqrt{9} - \sqrt{8} \\&= -1 + 3 = 2\end{aligned}$$

10.  $\sqrt{1.43}$  의 값을  $a$ 라 하고,  $\sqrt{b} = 1.105$  일 때,  $a, b$ 의 값은?

수	0	1	2	3	...
1.0	1.000	1.005	1.010	1.015	...
1.1	1.049	1.054	1.058	1.063	...
1.2	1.095	1.100	1.105	1.109	...
1.3	1.140	1.145	1.149	1.153	...
1.4	1.183	1.187	1.192	1.196	...

- ①  $a = 1.000, b = 1.13$       ②  $a = 1.005, b = 1.15$   
③  $a = 1.049, b = 1.42$       ④  $a = 1.196, b = 1.22$   
⑤  $a = 1.192, b = 1.23$

해설

표에서 1.43 을 찾으면 1.196 이므로  $\sqrt{1.43} = 1.196$  이고, 제곱근의 값이 1.105인 것을 찾으면 1.22 이므로  $\sqrt{1.22} = 1.105$ 이다. 따라서  $a = 1.196, b = 1.22$ 이다.

11.  $4x^2 - 4x - a$  가 두 일차식의 곱으로 인수분해되고, 이 중 한 인수가  $2x + 3$  일 때,  $a$  의 값은?

- ① -15      ② -6      ③ 3      ④ 6      ⑤ 15

해설

$$\begin{aligned}4x^2 - 4x - a &= (2x + 3)(bx + c) \\&= 2bx^2 + (3b + 2c)x + 3c\end{aligned}$$

$$2b = 4, \quad b = 2$$

$$2c + 3b = -4, \quad c = -5$$

$$-a = 3c = -15, \quad a = 15$$

12.  $a^4 + a^2b^2 + b^4$  을 인수분해하면?

①  $(a^2 + ab + b^2) (a^2 - ab + b^2)$

②  $(a^2 + ab + b) (a^2 - ab + b)$

③  $(a^2 + ab + b) (a^2 - ab - b)$

④  $(a^2 + ab - b) (a^2 - ab + b)$

⑤  $(a + ab + b^2) (a - ab + b^2)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (a^2 + b^2)^2 - (ab)^2 \\&= (a^2 + b^2 + ab) (a^2 + b^2 - ab)\end{aligned}$$

13. 자연수  $10^4 - 1$  의 약수의 개수는?

- ① 10 개      ② 12 개      ③ 16 개      ④ 24 개      ⑤ 28 개

해설

$$\begin{aligned}10^4 - 1 &= (10^2 + 1)(10^2 - 1) \\&= (10^2 + 1)(10 + 1)(10 - 1) \\&= 101 \times 11 \times 9 \\&= 3^2 \times 11 \times 101\end{aligned}$$

따라서 약수의 개수는  $(2 + 1)(1 + 1)(1 + 1) = 12$ (개)

14.  $\frac{x^2 - y^2}{xy - y^2} = 3$  일 때,  $x^2 - 4xy + 4y^2 - 8x + 16y - 11$ 의 값은? (단,  $x \neq y$ )

① -13

② -7

③ -5

④ -3

⑤ -11

해설

$$\frac{x^2 - y^2}{xy - y^2} = 3 \text{에서 } \frac{(x+y)(x-y)}{y(x-y)} = 3,$$

$x \neq y$  ∵]므로  $x - y \neq 0$

따라서,  $\frac{x+y}{y} = 3$ ,  $x = 2y$

$x = 2y$ 를 대입하면

$$x^2 - 4xy + 4y^2 - 8x + 16y - 11$$

$$= 4y^2 - 8y^2 + 4y^2 - 16y + 16y - 11 = -11$$

15. 밑면의 가로와 세로가 각각  $3x - 1$ ,  $x - 2y$  인 직육면체의 부피가  $3x^3 - 7x^2 - 6x^2y + 2x + 14xy - 4y$  이다. 이때, 이 직육면체의 높이를 구하면?

①  $x - 2$

②  $x - 1$

③  $x + 1$

④  $x + 2$

⑤  $2x + 1$

해설

$y$ 에 관하여 내림차순으로 정리하면  
(준식)

$$= -2y(3x^2 - 7x + 2) + 3x^3 - 7x^2 + 2x$$

$$= -2y(3x^2 - 7x + 2) + x(3x^2 - 7x + 2)$$

$$= (x - 2y)(3x^2 - 7x + 2)$$

$$= (x - 2y)(3x - 1)(x - 2)$$

따라서 높이는  $x - 2$  이다.