1. 이차방정식 $2x^2 + 7x + a = 0$ 의 한 근이 x = -1 일 때, 다른 한 근은?

①
$$x = -\frac{5}{2}$$
 ② $x = -\frac{3}{2}$ ③ $x = -\frac{1}{2}$ ④ $x = -\frac{1}{2}$

$$x = -\frac{1}{2}$$

해설
$$2x^2 + 7x + a = 0$$
 의 한 근이 -1 이므로

$$2-7+a=0, a=5$$

$$2x^2+7x+5=0$$

x = -1 을 대입하면

$$2x^2 + 7x + 5 = 0$$

$$(2x+5)(x+1) = 0$$

따라서 $x = -\frac{5}{2}$ 또는 $x = -1$ 이다.

|
| 따라서
$$x=-\frac{5}{2}$$
 또

- 2. 차가 5 인 두 자연수의 곱이 126 일 때, 두 수 중 작은 수로 알맞은 것을 고르면?
 - ① 7 ② 9 ③ 11 ④ 13 ⑤ 15

해설

x(x+5) = 126 $x^2 + 5x - 126 = 0$ (x+14)(x-9) = 0 x = 9 또는 x = -14따라서 x 는 자연수이므로 x = 9 이다.

- 다음 중 y 가 x 에 관한 이차함수인 것을 모두 고르면? 3.
 - ① 지름의 길이가 x 인 원의 넓이 y
 - \bigcirc 한 변의 길이가 x 인 정사각형의 넓이 y
 - ③ 윗변의 길이가 2x, 아랫변의 길이가 3x, 높이가 3 인 사다리꼴의 넓이 y
 - ④ 밑변의 반지름의 길이가 x , 높이가 10 인 원뿔의 부피 y⑤ 시속 xkm 로 3시간 동안 달린 거리 y

① $y = \left(\frac{1}{2}x\right)^2 \pi$ 이므로 이차함수이다.

② $y = x^2$ 이므로 이차함수이다. ③ $y = \frac{3}{2}(2x + 3x)$ 이므로 이차함수가 아니다. ④ $y = \frac{10}{3}x^2\pi$ 이므로 이차함수이다.

⑤ y = 3x 이므로 이차함수가 아니다.

이차함수 y=f(x) 에서 $f(x)=x^2+x-4$ 일 때, f(-2)+2f(1) f(2)4. 의 값은?

② -9 ③ 10 ① 9

⑤ 11

4)-10

f(-2)=-2 , f(1)=-2 , f(2)=2 이므로 $f(-2)+2f(1)\cdot f(2)=-2-8=-10$ 이다.

5. 원점을 꼭짓점으로 하고 점 (1, -3) 을 지나는 이차함수의 그래프가 제 3 사분면 위의 점 (a, -27)과 제 4 사분면 위의 점 (b, -27) 을 지날 때, b - a 의 값은?

① -3 ② 3 ③ 0

4)6

⑤ −6

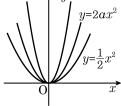
해설 원점을 꼭짓점으로 하는 이차함수의 식은 $y = ax^2$ 이고, 점

(1, -3)을 지나므로 $-3 = a \times (1)^2$, a = -3 : $y = -3x^2$ 점 (m, -27) 를 지나므로 $-27 = -3 \times m^2, m^2 = 9$ $\therefore m = \pm 3$

제 3 사분면 위의 점은 (x 좌표) < 0 이고, 제 4 사분면 위의 점은 (x 좌표) > 0 이므로 $a = -3, \ b = 3$

따라서 b-a=3-(-3)=6 이다.

- 이차함수 $y = 3x^2$, $y = 2ax^2$, $y = \frac{1}{2}x^2$ 의 그래프가 다음과 같다. 상수 a의 값의 범위가 m < a < n일 때, m + n의 값은? 6. ① $\frac{5}{4}$ ② $\frac{3}{2}$ ③ $\frac{7}{4}$ ④ 2 ⑤ $\frac{9}{4}$





해설
$$\frac{1}{2} < 2a < 3$$
이므로
$$\frac{1}{4} < a < \frac{3}{2}$$
$$\therefore m = \frac{1}{4}, \quad n = \frac{3}{2}$$
$$\therefore m + n = \frac{7}{4}$$

$$\therefore m+n=\frac{1}{2}$$

- 7. 이차함수 $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프에 대한 다음 설명 중 옳은 것은?
 - ① $y = 4x^2$ 의 그래프보다 폭이 좁다.
 - ② 꼭짓점의 좌표는 $\left(0, -\frac{1}{2}\right)$ 이다.
 - ③ x > 0일 때 x의 값이 증가하면 y의 값도 증가한다.
 - ④ 아래로 볼록하다. ○ 1 · · · ·
 - ③ $y = \frac{1}{2}x^2$ 의 그래프와 x축에 대하여 서로 대칭이다.

$y = ax^2$ 의 그래프는 다음의 기본성질을 갖는다.

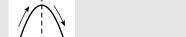
해설

꼭짓점은 (0,0), 대칭축은 y축, 즉 x=0이다. a>0이면 아래로 볼록, a<0이면 위로 볼록하다. |a|이 작을수

a > 0 이면 아래로 볼록, a < 0 이면 위로 볼록[;] 록 포물선의 폭이 넓다.

③에서 위로 볼록하므로 축의 오른쪽(축보다 큰 범위)에서 x의

값이 증가하면 y의 값은 감소한다.





8. 서로 다른 세 개의 x 값에 대하여 다음 식이 성립할 때, a+b+c 의

$$\frac{ax^2 - 3x - b}{4x^2 + cx - 5} = 2$$

- ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{7}{2}$ ③ $\frac{9}{2}$ ④ $\frac{11}{2}$ ⑤ $\frac{33}{2}$

 $\frac{ax^2 - 3x - b}{4x^2 + cx - 5} = 2$ 를 정리하면, $(a-8)x^2 + (-3-2c)x - b + 10 = 0$

이 식이 서로 다른 세 개의 x 값에 대하여 성립하므로 x 에 대한

항등식이다. 따라서 a-8=0, -3-2c=0, -b+10=0

 $\therefore a = 8, b = 10, c = -\frac{3}{2}$

 $a+b+c=rac{33}{2}$ 이다.

 $5x + 2 \le 4x + 5$ 이고 x는 자연수 일 때, 다음 이차방정식을 풀면? 9.

 $x^2 - 6x + 5 = 0$

- ① x = 1, x = 3 ② x = 1, x = 5
- 3x = 1
- $4 \quad x = 2, \ x = 3$ $5 \quad x = 2, \ x = 5$

 $5x + 2 \le 4x + 5$ 에서 $x \le 3$ 이다.

해설

따라서 *x*의 값은 1, 2, 3이다. $x^2-6x+5=0$ 를 만족하는 x의 값은 $x=1,\ x=5$ 이므로 이차방정식의 해는 x = 1이다.

10. 이차방정식 $x^2 - 4x + 2 = 0$ 의 한 근이 a 일 때, $a^2 + \frac{4}{a^2}$ 의 값은?

① 12 ② 13 ③ 15 ④ 16 ⑤ 18

x = a 를 주어진 이차방정식에 대입하면 $a^2 - 4a + 2 = 0$ 양변을 a 로 나누면 $a - 4 + \frac{2}{a} = 0$ 이므로 $a + \frac{2}{a} = 4$ $\therefore a^2 + \frac{4}{a^2} = \left(a + \frac{2}{a}\right)^2 - 4 = 4^2 - 4 = 12$

$$a + \frac{1}{a^2} - (a + \frac{1}{a})^{-4} - 4 - 4 - 12$$

- **11.** 이차방정식 $2x^2 7x + 2 = 0$ 의 두 근 중에서 큰 것을 m 이라 하면 n < m < n + 1이다. 정수 n 의 값은?
 - ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

 $\therefore n = 3$

- **12.** 이차방정식 $x^2 + ax + 9b = 0$ 이 중근을 가질 때, a 의 값이 최대가 되도록 b 의 값을 정하려고 한다. 이 때, a 의 값은? (단, a, b는 두 자리의 자연수)
- ① 18 ② 27 ③ 36 ④ 45
- **⑤** 54

해설 $x^2 + ax + 9b = 0$ 이 중근을 가지려면

 $D = 0, \ a^2 - 4 \times 9b = 0$

 $\therefore a^2 = 36b = 6^2b$

따라서 b 는 제곱수이어야 하고, b 가 최대일 때 a 가 최대가

된다. 두 자리의 자연수 중 가장 큰 제곱수는 81 이므로 b = 81 이다. $\therefore a^2 = 6^2 \times 81 = (6 \times 9)^2 = 54^2$

∴ a = 54 (∵ a는 자연수)

13. x 에 대한 이차방정식 $x^2 + ax + a^2 + a - 1 = 0$ 이 서로 다른 두 근 α, β 를 가질 때, $\alpha + \beta$ 의 범위는 $m < \alpha + \beta < n$ 이다. m+n의 값은?

① 1 ② $\frac{4}{3}$ ③ $\frac{5}{3}$ ④ 2 ⑤ $\frac{7}{3}$

근과 계수의 관계에서

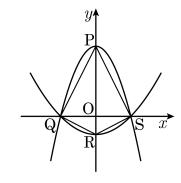
해설

 $\alpha + \beta = -a$, $\alpha\beta = a^2 + a - 1$ 서로 다른 두 근을 가지므로

 $a^2 - 4a^2 - 4a + 4 > 0$ (3a - 2)(a + 2) < 0

(3a-2)(a+2) < 0 $-2 < a < \frac{2}{3}$ 그런데 $\alpha + \beta = -a$ 이므로 $-\frac{2}{3} < \alpha + \beta < 2$ $\therefore m+n = \frac{4}{3}$

14. 함수 $y = -x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 4 만큼 평행이동하고, $y = \frac{1}{4}x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 -1 만큼 평행이동한 그림을 나타낸 것이다. 이 때 다음 설명 중 옳은 것의 개수는?



- \bigcirc 점 Q(2,0) 이고, 점 S(-2,0) 이다.
- ⑤ $\overline{\mathrm{QS}} = 8$ 이다.

¬ 점 P(0,4) 이고, 점 R(0,-1) 이다.

- ② $\triangle PRS = 5$, $\triangle QPR = 8$ 이다. ⑤ □PQRS = 12 이다.

①1 개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

함수 $y=-x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 4 만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y=-x^2+4$ 함수 $y = \frac{1}{4}x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 -1 만큼 평행이동한

그래프의 식은 $y = \frac{1}{4}x^2 - 1$ $y = -x^2 + 4$ 에 y = 0 을 대입하면 점 Q(-2,0), S(2,0) 이다. $\overline{\mathrm{QS}}=4$

또, P(0, 4)이고 R(0, -1) $\triangle PRS = \triangle QPR = 5$

따라서 옳은 것은 ⊙이므로 1 개이다.

15. 이차함수 $y = 2(x+p)^2 + \frac{1}{2}$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 1 만큼 평행이동하면 꼭짓점의 좌표가 (2, a) 이고, 점 $\left(-\frac{1}{2}, b\right)$ 를 지난다. 이 때, 상수 a, b, p 의 곱 abp 의 값은?

① $\frac{11}{3}$ ② 13 ③ $-\frac{11}{3}$ ④ $\frac{13}{2}$ ⑤ $-\frac{13}{2}$

 $y=2(x+p-1)^2+\frac{1}{2}$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표가 $\left(1-p,\,\frac{1}{2}\right)$ 이므로 $1-p=2,\;p=-1,\;a=\frac{1}{2}$ 이다.

 $y = 2(x-2)^2 + \frac{1}{2}$ 의 좌표가 점 $\left(-\frac{1}{2}, b\right)$ 를 지나므로 b =

$$2\left(-\frac{1}{2}-2\right)^2+\frac{1}{2},\;\;b=13$$
이다.

 $\therefore abp = \frac{1}{2} \times 13 \times (-1) = -\frac{13}{2}$