

1. $-3a - 2 < -3b - 2$ 일 때, 다음 중 옳은 것은?

- ① $a < b$ ② $-3a > -3b$
③ $5a - 3 > 5b - 3$ ④ $3 - a > 3 - b$
⑤ $\frac{a}{3} < \frac{b}{3}$

해설

$$-3a - 2 < -3b - 2 \cdots ⑦$$

(⑦ + 2) $\div (-3)$ 하면, $a > b$ 이다.

따라서 만족하는 식은 $5a - 3 > 5b - 3$

2. $-2 \leq x \leq 3$ 일 때, $3x - 1$ 의 최댓값과 최솟값의 합은?

- ① -3 ② -1 ③ 1 ④ 3 ⑤ 5

해설

$$-2 \leq x \leq 3 \text{에서 } -6 \leq 3x \leq 9, \quad -7 \leq 3x - 1 \leq 8$$

따라서, 최댓값은 8이고 최솟값은 -7이므로 두 값의 합은 1이다.

3. 다음 중 연립부등식 $\begin{cases} 2x - 3 < 7 \\ 5x + 4 \geq x \end{cases}$ 의 해를 모두 고르면? (정답 3 개)

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\begin{cases} 2x - 3 < 7 \\ 5x + 4 \geq x \end{cases}$$

두 개의 부등식을 연립하면 $-1 \leq x < 5$ 이다.

4. 부등식 $-1 < -2x + 1 < 3$ 의 해는?

- ① $-2 < x < 2$ ② $-2 < x < -1$ ③ $-1 < x < 1$
④ $-1 < x < 2$ ⑤ $1 < x < 2$

해설

$$\begin{aligned} -1 &< -2x + 1 < 3 \\ \Rightarrow \begin{cases} -1 < -2x + 1 \\ -2x + 1 < 3 \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} x < 1 \\ x > -1 \end{cases} \\ \therefore -1 &< x < 1 \end{aligned}$$

5. 부등식 $|x - 1| < 2$ 을 풀면?

- ① $-1 < x < 0$
② $-1 < x < 3$
③ $1 < x < 3$
④ $x < -1$ 또는 $x > 3$
⑤ $\frac{1}{2} < x < 1$

해설

$$|x - 1| < 2 \text{에서 } -2 < x - 1 < 2$$

$$\therefore -1 < x < 3$$

6. 부등식 $|x - 1| + |x + 2| < 9$ 를 만족하는 정수 x 의 개수는?

- ① 4 개 ② 5 개 ③ 6 개 ④ 7 개 ⑤ 8 개

해설

(i) $x < -2$ 일 때

$$-(x - 1) - (x + 2) < 9$$

$$-x + 1 - x - 2 < 9, \quad x > -5$$

$$\therefore -5 < x < 2$$

(ii) $-2 \leq x < 1$ 일 때

$$-(x + 1) + x + 2 < 9, \quad -x + 1 + x + 2 < 9$$

$0 \cdot x < 6$ 이므로 $-2 \leq x < 1$ 인 범위의 모든 x 는 주어진 부등식의 해가 된다.

$$\therefore -2 \leq x < 1$$

(iii) $x \geq 1$ 일 때,

$$(x - 1) + (x + 2) < 9, \quad x < 4$$

$$\therefore 1 \leq x < 4$$

(i), (ii), (iii)에서 해는 $-5 < x < 4$

따라서 정수는 8 개

7. 부등식 $|7 - 3x| > 2$ 를 풀면?

- ① $x < \frac{5}{3}$ 또는 $x > 3$ ② $x < \frac{5}{2}$ 또는 $x > 2$
③ $x < \frac{5}{4}$ 또는 $x > 4$ ④ $x < 1$ 또는 $x > 3$
⑤ $x < \frac{5}{6}$ 또는 $x > 6$

해설

$$\begin{aligned}|7 - x| &> 2 \text{에서} \\ 7 - 3x &> 2 \text{ 또는 } 7 - 3x < -2 \\ -3x &> -5 \text{ 또는 } -3x < -9 \\ \therefore x &< \frac{5}{3} \text{ 또는 } x > 3\end{aligned}$$

8. 이차부등식 $x^2 + 2x - 35 < 0$ 을 풀면?

- ① $-15 < x < 12$ ② $-15 < x < 5$
④ $-7 < x < 2$ ⑤ $-5 < x < 7$

해설

$$x^2 + 2x - 35 < 0 \Leftrightarrow (x+7)(x-5) < 0$$
$$\therefore -7 < x < 5$$