직선 위에 나타낸 것이다. 이 때, 연립부등식의 해를 구하여라.

**2.** 부등식 4-x≤3x-4<2x+2 를 풀면?

①  $x \le 2$ 

②  $x \ge 2$ 

 $3 2 \le x < 6$ 

④  $x \le 6$ 

 $\bigcirc$   $x \ge 6$ 

 $4 - x \le 3x - 4 < 2x + 2$  $\Rightarrow \begin{cases} 4 - x \le 3x - 4 \\ 3x - 4 < 2x + 2 \end{cases}$  $\Rightarrow \begin{cases} -x - 3x \le -4 - 4\\ 3x - 2x < 2 + 4 \end{cases}$  $\Rightarrow \begin{cases} -4x \le -8 \\ x < 6 \end{cases}$ 

다음 연립부등식을 만족하는 정수의 개수가 10 개일 때, 정수 a 의 값을 구하여라.
 (7x+4>5x

$$\begin{cases} 7x + 4 > 5x \\ 15 - x > a \end{cases}$$

 $\therefore a = 6$ 

① 3,4 ② 5,6 ③ 6 ④ 6,7 ⑤ 4,5,6

4. 부등식  $|2x-1| \ge 3$ 을 풀면?

 $x \le -1$  또는  $x \ge 1$ 

 $x \le -1$  또는  $x \ge 2$ 

 $x \le -2$  또는  $x \ge 2$ 

x < 1 또는 x > 2

*x* ≤ 1 또는 *x* > 2

- $|2x-1| \ge 3$ 에서
- $2x-1 \le -3$  또는  $2x-1 \ge 3$  정리하면  $x \le -1$  또는  $x \ge 2$

5. 
$$i(x+2i)^2$$
 이 실수가 되는 실수  $x$  의 값을 정하면? (단,  $i=\sqrt{-1}$ )

$$i(x+2i)^2 = i(x^2+4ix-4) = x^2i-4x-4i$$

$$= -4x+(x^2-4)i$$
실수가 되려면 허수부분이 0이면 된다.
∴  $x^2-4=0$  ⇒  $x=\pm 2$ 

5.  $(1+ai)^2 = 2i \ (a 는 실수)$ 라 할 때 (1+ai)(1-ai)의 값을 구하시오.  $(단, i = \sqrt{-1})$ 

▷ 정답: 2

답:

$$(1+ai)^2 = 2i$$
 에서  $(1-a^2) + 2ai = 2i$   
복소수의 상등에서  $1-a^2 = 0$ ,  $2a = 2$ 

=2

$$\therefore a = 1$$

$$\therefore a = 1$$

$$\therefore (1 + ai)(1 - ai) = (1 + i)(1 - i)$$

$$= 1 - (-1)$$

7.  $x = \frac{1+\sqrt{2}i}{3}$  일 때,  $9x^2 - 6x + 5$  의 값은?

$$\bigcirc -2$$
  $\bigcirc -1$   $\bigcirc 0$   $\bigcirc 0$   $\bigcirc 1$ 

$$x = \frac{1 + \sqrt{2}i}{3}$$
이므로
$$3x = 1 + \sqrt{2}i$$

$$3x - 1 = \sqrt{2}i$$
  
양변을 제곱하면  $9x^2 - 6x + 1 = -2$ 

$$\therefore 9x^2 - 6x = -3$$
  
 $9x^2 - 6x + 5$ 에서  $9x^2 - 6x$ 가  $-3$ 이므로  $-3 + 5 = 2$ 

8. x에 대한 이차방정식 $(m-1)x^2-2mx+(m+2)=0$ 이 중근을 갖도록 하는 실수 m의 값과 그 때의 중근을  $\alpha$ 라 할 때,  $m+\alpha$  의 값을 구하여 라.

주어진 방정식이 이차방정식이므로  $m \neq 1$  이고, x의 계수가 2m

➢ 정답: 4

이므로
$$\frac{D}{4} = m^2 - (m-1)(m+2) = 0$$

$$\therefore x = 2 \left( \frac{2}{6} \frac{1}{6} \alpha \right)$$

$$\therefore m + \alpha = 2 + 2 = 4$$

**).** x에 대한 삼차방정식  $x^3 + 3x^2 - kx - 5 = 0$ 의 한 근이 -1일 때, 상수 k의 값은?

해설 
$$x^3 + 3x^2 - kx - 5 = 0$$
의 한 근이  $-1$ 이므로  $x = -1$ 을 대입하면 
$$(-1)^3 + 3(-1)^2 - k(-1) - 5 = 0$$
$$\therefore k = 3$$

10. 
$$x^3-1=0$$
의 한 허근을  $\omega$ 라 할 때,  $\omega^3+\overline{\omega}^3$ 의 값을 구하면? (단,  $\overline{\omega}$ 는  $\omega$ 의 켤레복소수이다.)

해설 
$$x^{3} - 1 = (x - 1)(x^{2} + x + 1) = 0$$

$$x = 1 또는 x = \frac{-1 \pm \sqrt{3}i}{2}$$

$$\frac{-1 + \sqrt{3}i}{2} \stackrel{=}{=} \omega 라 하면$$

$$\overline{\omega} = \frac{-1 - \sqrt{3}i}{2}$$

$$\therefore \omega^{3} = 1, \overline{\omega}^{3} = 1, \omega^{3} + \overline{\omega}^{3} = 2$$

1. 연립부등식  $\begin{cases} 2x \le x + 4 \\ x^2 - 4x - 5 < 0 \end{cases}$  을 만족시키는 정수 x의 개수를 구하 여라.

▷ 정답: 5개

**12.** 실수 
$$a,b$$
에 대하여 연산 $*$ 를  $a*b=a^2+b$  로 정의한다. 방정식  $x*(x-6)=0$ 의 두 근을  $\alpha,\beta$ 라 할 때,  $\alpha+2\beta$ 의 값을 구하여라. (단,  $\alpha<\beta$ )

해설 
$$x*(x-6) = 0$$
 에서

 $x^2 + x - 6 = 0$ 

$$(x+3)(x-2) = 0$$

$$\therefore x = -3, 2$$

$$\therefore \alpha = -3, \beta = 2 (\alpha < \beta)$$

$$\therefore \alpha = -3, \beta = 2 (\alpha < \beta)$$
$$\therefore \alpha + 2\beta = 1$$

## **13.** x에 대한 이차방정식 $x^2 = k(x-2) + a$ 가 실수 k의 값에 관계없이 항상 실근을 갖기 위한 실수 a의 값의 범위를 구하면?

①  $a \ge -2$ 

 $2a \ge 4$ 

 $3 a \leq 4$ 

④  $a \ge -4$ 

 $\bigcirc$   $a \ge 2$ 

## - 해설

주어진 이차방정식을 정리하면 
$$x^2 - kx + (2k - a) = 0$$

$$k^2 - 4(2k - a) \ge 0$$
$$k^2 - 8k + 4a \ge 0$$

*k*<sup>2</sup> − 8*k* + 4*a* ≥ 0 위 부등식을 *k* 에 대하여 정리하면

실근을 가지려면 판별식 D > 0이어야 한다.

 $(k-4)^2 + 4a - 16 \ge 0$  실수 k의 값에 관계없이 항상 성립하려면 판별식  $\frac{D}{4} \le 0$ 이거나,

4 4a-16≥0(∵(k-4)²≥0)이어야 한다. 따라서 a≥4

**14.** 이차방정식 
$$x^2 - 3x + 1 = 0$$
의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라 할 때,  $\alpha + \frac{1}{\beta}, \beta + \frac{1}{\alpha}$ 을 두 근으로 가지는  $x$ 의 이차방정식이  $x^2 + ax + b = 0$ 이다.  $a + b$ 의

값을 구하면?

해설

이차방정식 
$$x^2 - 3x + 1 = 0$$
의 두 근이  $\alpha$ ,  $\beta$ 이므로,  
근과 계수와의 관계에 의해서  
 $\alpha + \beta = 3$ ,  $\alpha\beta = 1$ 이다.  

$$\left(\alpha + \frac{1}{\beta}\right) + \left(\beta + \frac{1}{\alpha}\right) = (\alpha + \beta) + \left(\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}\right)$$

$$= (\alpha + \beta) + \frac{\alpha + \beta}{\alpha\beta} = 3 + \frac{3}{1} = 6$$

$$\left(\alpha + \frac{1}{\beta}\right) \left(\beta + \frac{1}{\alpha}\right) = \alpha\beta + 1 + 1 + \frac{1}{\alpha\beta} = 1 + 2 + 1 = 4$$

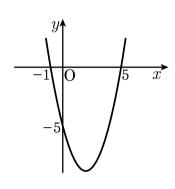
$$\therefore \alpha + \frac{1}{\beta}, \beta + \frac{1}{\alpha} \stackrel{\triangle}{=} 두 근으로 가지는 x의 이차방정식은$$

$$x^2 - 6x + 4 = 0$$

$$\therefore a = -6, b = 4$$

$$\therefore a + b = -2$$

## **15.** 다음 그림은 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프이다. 이 이차함수의 최솟값을 구하여라.



해설 
$$y = ax^2 + bx + c$$
 에서  $x$  절편이  $-1,5$  이므로  $y = a(x+1)(x-5)$ 

이다.

y 절편이 -5 이므로 a = 1 이다. y = (x+1)(x-5) $= x^2 - 4x - 5$ 

 $=(x-2)^2-9$ 따라서 (최솟값) = -9 이다.

**16.** 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$  의 그래프가 x = 1 에서 최솟값 -1 을 갖고한 점 (3, 7) 을 지날 때, a + b + c 의 값은?

꼭짓점이 
$$(1, -1)$$
 이므로  
 $y = a(x-1)^2 - 1 = ax^2 - 2ax + a - 1$   
 $(3, 7)$  을 대입하면  
 $7 = 9a - 6a + a - 1$ 

a = 2, b = -4, c = 1

 $\therefore a+b+c=2+(-4)+1=-1$ 

**17.** 실수 x, y가 2x + y = 4를 만족할 때,  $x^2 + y^2$ 의 최솟값을 구하면?

 $2\frac{8}{5}$   $3\frac{4}{5}$ 

 $4 \frac{12}{5}$ 

 $\bigcirc \frac{17}{5}$ 

해설 
$$2x + y = 4$$
에서  $y = -2x + 4 \cdots$  ①

따라서  $x^2 + y^2 \stackrel{\circ}{\leftarrow} x = \frac{8}{5}$ 일 때,

최솟값  $\frac{16}{5}$ 을 갖는다.

**18.** 방정식  $x^3 - x^2 - 11x + 3 = 0$ 의 유리수 근이 아닌 두 근을  $\alpha$ ,  $\beta$ 라 할 때,  $\sqrt{\alpha^2 + 1} + \sqrt{\beta^2 + 1}$ 의 값을 구하여라.

$$ightharpoons$$
 정답:  $2\sqrt{6}$ 

$$x^3 - x^2 - 11x + 3 = 0$$

 $(x+3)(x^2-4x+1)=0$ 

$$\therefore x = -3, \ 2 \pm \sqrt{3}$$

$$\sqrt{\alpha^2+1}+\sqrt{\beta^2+1}$$

$$=\sqrt{8+4\sqrt{3}}+\sqrt{8-4\sqrt{3}}$$

 $=\sqrt{(2+\sqrt{3})^2+1}+\sqrt{(2-\sqrt{3})^2+1}$ 

$$= \sqrt{8 + 2\sqrt{12}} + \sqrt{8 - 2\sqrt{12}}$$
$$= (\sqrt{6} + \sqrt{2}) + (\sqrt{6} - \sqrt{2}) = 2\sqrt{6}$$

**19.** 삼차방정식  $x^3 - ax - b = 0$ 의 한 근이  $1 - \sqrt{2}$ 일 때, 유리수 a, b에 대하여 a + b의 값을 구하여라.

방정식 
$$x^3 - ax - b = 0$$
의 계수가 유리수이므로 세 근을  $1 - \sqrt{2}$ ,  $1 + \sqrt{2}$ ,  $\alpha$  라고 하면  $\left(1 - \sqrt{2}\right) + \left(1 + \sqrt{2}\right) + \alpha = 0$  ···  $\bigcirc$   $\left(1 - \sqrt{2}\right) \left(1 + \sqrt{2}\right) + \left(1 + \sqrt{2}\right) \alpha + \left(1 - \sqrt{2}\right) \alpha = -a$  ···  $\bigcirc$ 

 $\bigcirc$  에서  $\alpha = -2$  를  $\bigcirc$  에 대입하면  $-a = 1 - 2 - 2 - 2\sqrt{2} - 2 + 2\sqrt{2} = -5$   $\therefore a = 5$ 

$$\alpha = -2$$
를 ©에 대입하면  $b = -2(1 - \sqrt{2})(1 + \sqrt{2}) = 2$   
  $\therefore a + b = 5 + 2 = 7$ 

 $(1-\sqrt{2})(1+\sqrt{2})\alpha=b$  ...©

**20.** 연립방정식  $\begin{cases} x^2 - xy + y^2 = 7 \\ 4x^2 - 9xy + y^2 = -14 \end{cases}$  에서 x + y의 값을 a, b라 할

(5) 5

때, a - b 의 값은? (단, x, y는 양수, a > b)

①1 ② 2 ③ 3

 $\Box$ :  $2x = 3y = 4 \times \bigcirc$  식에 대입하면

 $7y^2 = 28$ ,  $y^2 = 4$ , y = 2(y > 0), x = 3∴ x + y = 5

$$a > b$$
이므로  $a = 5, b = 4$   
∴  $a - b = 1$ 

 $\therefore x + y = 4$ 

**21.** 방정식  $2x^2 - 4xy + 4y^2 - 8x + 16 = 0$ 을 만족하는 실수 x, y에 대하여 x와 y의 곱은?

① 
$$-2$$
 ② 3 ③ 4 ④8 ⑤ 10

$$2x^{2} - 4xy + 4y^{2} - 8x + 16 = 0 \text{ odd}$$

$$(x^{2} - 4xy + 4y^{2}) + (x^{2} - 8x + 16) = 0,$$

$$(x - 2y)^{2} + (x - 4)^{2} = 0$$

$$x = 2y, x = 4$$

$$\therefore x = 4, y = 2 \quad \therefore xy = 8$$

**22.** 모든 실수 x 에 대하여 곡선  $y = x^2 + (k-2)x + 3$  의 그래프가 직선 v = x + 2 의 그래프보다 항상 위쪽에 있기 위한 실수 k 의 값의 범위 는?

③  $k \le -1, k \le 5$ 

① 
$$1 < k < 5$$
  
④  $k < 1, k > 5$ 

$$② 1 \le k \le 5$$

곡선의 그래프가 직선의 그래프보다 위쪽에 있으려면 
$$x^2 + (k-2)x + 3 > x + 2$$

$$\therefore x^2 + (k-3)x + 1 > 0$$

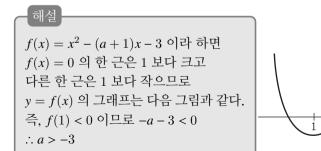
위의 부등식이 항상 만족해야 하므로  
방정식 
$$x^2 + (k-3)x + 1 = 0$$
의 판별식  $D$  가  $D < 0$  이어야 한다.

$$k^2 - 6k + 5 < 0$$

 $D = (k-3)^2 - 4 < 0$ 

**23.** 이차방정식  $x^2 - (a+1)x - 3 = 0$ 의 한 근은 1보다 크고, 다른 한 근은 1보다 작도록 하는 실수 a의 값의 범위를 구하면?

① 
$$a > -1$$
 ②  $a > -2$  ③  $a > -3$  ④  $a > -5$ 



y=f(x)

**24.** 이차방정식 
$$ax^2 + (a-3)x - 2a = 0$$
의 두 근의 차가  $\sqrt{17}$ 이 되도록 하는 상수  $a$ 의 값들의 합은?

① 
$$-\frac{9}{4}$$
 ②  $-\frac{3}{4}$  ③  $\frac{3}{4}$  ④  $\frac{9}{4}$  ⑤  $\frac{11}{4}$ 

 $ax^{2} + (a-3)x - 2a = 0$ 의 두 근을  $\alpha$ ,  $\beta$ 라 하면,

문제의 조건에서 
$$|\alpha - \beta| = \sqrt{17}$$
  
 $\therefore 17 = (\alpha - \beta)^2 = (\alpha + \beta)^2 - 4\alpha\beta$   
 $= \left(\frac{a-3}{a}\right)^2 + 8$   
 $\therefore \left(\frac{a-3}{a}\right)^2 = 9, 8a^2 + 6a - 9 = 0$   
따라서,  $a$ 의 값들의 합은  $-\frac{3}{4}$ 

 $\alpha + \beta = -\frac{a-3}{a}, \ \alpha\beta = -2$ 

25. 다음 그림과 같이 이차함수 y = f(x) 의 그래프는 x축과 점 A(1, 0) 에서 접하고, 이 차함수 y = g(x) 의 그래프는 x축과 두 점 A(1, 0), B(-8, 0) 에서 만난다. 두 함수 f(x), g(x) 의  $x^2$  의 계수가 모두 1일 때, 방정식 f(x) + 2g(x) = 0 의 근은?

②  $x = -\frac{1}{3}$  또는 x = 1④  $x = -\frac{1}{5}$  또는 x = 1

① x = 1

해설 
$$f(x) = (x-1)^2, \ g(x) = (x+8)(x-1) 이므로$$
 
$$f(x) + 2g(x) = (x-1)^2 + 2(x+8)(x-1) = 3x^2 + 12x - 15$$
 따라서, 방정식  $f(x) + 2g(x) = 0$ , 즉  $3x^2 + 12x - 15 = 0$  의 근은  $3(x+5)(x-1) = 0$   $\therefore x = -5$  또는  $x = 1$ 

**26.** x 의 이차방정식  $x^2 - ax + a^2 - 3 = 0$  의 두 실근을  $\alpha$ ,  $\beta$  라 할 때,  $\alpha^2 + \beta^2$  의 최댓값과 최솟값의 합을 구하면?

1)8

2 9

a = 0 일 때 최대이고, 최댓값 : 6  $a = \pm 2$  일 때 최소이고, 최소값 : 2

③ 10

4 11

⑤ 12

 $x^2 - ax + a^2 - 3 = 0 \cdots \bigcirc$ ①는 두 실근을 가지므로.  $D = a^2 - 4(a^2 - 3) \ge 0$ ,  $\stackrel{\sim}{\neg} a^2 - 4 \le 0$ :  $-2 \le a \le 2$ 그런데  $\alpha$ ,  $\beta$ 는  $\Box$ 의 두 근이므로. 근과 계수와의 관계에서  $\alpha + \beta = a$ ,  $\alpha\beta = a^2 - 3$  $\alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = a^2 - 2(a^2 - 3) = 6 - a^2$ 여기서,  $-2 \le a \le 2$  이므로  $0 < a^2 < 4$  $\therefore 2 < 6 - a^2 < 6$  $\therefore 2 < \alpha^2 + \beta^2 < 6$ 따라서  $\alpha^2 + \beta^2$  은

27. 어떤 수공예 업자가 만든 수공예품의 원가는 15000 원이다. 시장 조사를 하였더니 정가를 25000 원으로 하면 하루에 200 개를 팔 수 있고, 500 원씩 정가를 내릴 때마다 20 개씩 더 팔 수 있다고 한다. 최대 이윤을 얻으려면 정가를 얼마로 해야 하는가?

② 23000 원⑤ 24500 원

③ 23500원

팔리는 제품의 개수는 
$$200 + \frac{10000 - x}{500} \times 20 = 600 - \frac{x}{25}$$

한 개의 이유을 x원이라 하면

총 이윤을 
$$p$$
라 하면 
$$p = x \left(600 - \frac{x}{25}\right) = -\frac{x^2}{25} + 600x$$

$$= -\frac{1}{25}(x^2 - 15000x)$$

= 
$$-\frac{1}{25}(x-7500)^2+2250000$$
  
따라서 한 개의 이윤이 7500원일 때.

최대 이윤을 얻을 수 있으므로 정가는 15000 + 7500 = 22500(원)

28. 지상에서 초속 50m 의 속력으로 쏘아 올린 공의 t 초 후의 높이는  $(50t-5t^2)$ m 이다. 이 공의 높이가 지상으로부터 최대가 되는 것은 쏘아 올린지 몇 초 후인가?

① 5 초 후 ② 7 초 후 ③ 8 초 후 ④ 10 초 후 ⑤ 알 수 없다

따라서 5 초 후에 최고 높이 125m 가된다.

 $y = 50t - 5t^{2}$   $y = -5(t^{2} - 10t + 25 - 25)$   $= -5(t - 5)^{2} + 125$ 

**29.** x에 대한 이차함수  $y = (a-3)x^2 - 2(a-3)x + 3$ 의 값이 모든 실수 x에 대하여 항상 양이 되는 실수 a의 값의 집합을 A라 하고, 항상 음이되는 실수 a의 값의 집합을 B라 할 때,  $A \cup B$ 는?

① 
$$\{a \mid a < 6\}$$
 ②  $\{a \mid a \le 6\}$  ③  $\{a \mid 3 < a < 6\}$ 

 $\therefore B = \emptyset$ 

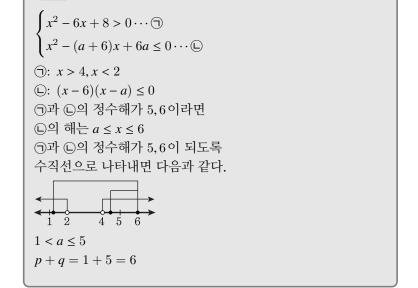
(i), (ii)에서  $A \cup B = \{a \mid 3 < a < 6\}$ 

y = (a - 3) x² - 2 (a - 3) x + 3 이 이차함수이므로 a ≠ 3  
이 때, 이차방정식 (a - 3) x² - 2 (a - 3) x + 3 = 0 의 판별식을 D  
라 하자.  
(i) 항상 양일 경우  
모든 실수 x에 대하여 항상 y > 0 이려면 a - 3 > 0, 즉 a > 3  
이고  
$$\frac{D}{4} = (a - 3)^2 - 3(a - 3) < 0$$
(a - 3) (a - 3 - 3) < 0, (a - 3) (a - 6) < 0  
∴ 3 < a < 6  
∴ A = {a | 3 < a < 6}  
(ii) 항상 음일 경우  
모든 실수 x에 대하여 항상 y < 0 이려면 a - 3 < 0, 즉 a < 3 이고  
$$\frac{D}{4} = (a - 3)^2 - 3(a - 3) < 0$$
(a - 3) (a - 3 - 3) < 0, (a - 3) (a - 6) < 0  
∴ 3 < a < 6

**30.** 연립방정식  $\begin{cases} x^2 - 6x + 8 > 0 \\ x^2 - (a+6)x + 6a \le 0 \end{cases}$  의 정수의 해가 5와 6일 때, a

의 값의 범위는  $p < a \le q$ 이다. 이때, p + q의 값은?

① 5 ②6 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10



**31.** x에 대한 이차방정식  $x^2 + 2ax + 6 - a = 0$ 의 모든 실근이 모두 1보다 클 때, 실수 a 의 값의 범위는?

① 
$$3 < a \le 7$$

② 
$$-3 \le a < 7$$

$$\boxed{3} - 7 < a \le -3$$

이차함수 
$$f(x) = x^2 + 2ax + 6 - a$$
의 그래프를 생각하면

$$\frac{D}{4} = a^2 - 6 + a \ge 0, \quad (a+3)(a-2) \ge 0$$

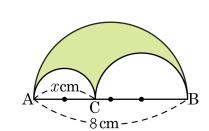
$$\therefore a \le -3, \ a \ge 2 \cdots \bigcirc$$
  
 $f(1) = 1 + 2a + 6 - a > 0$ 

$$\therefore a > -7 \cdot \cdots \quad \square$$

대칭축 
$$x = -a$$
 에서  $-a > 1$ 

$$\therefore a < -1 \cdots \bigcirc$$

**32.** 다음 그림과 같이 세 개의 반원으로 이루어진 도형이 있다.  $\overline{AB}$  의 길이가 8cm 이고 색칠한 부분의 넓이가  $y\pi\text{cm}^2$  일 때, y 의 최댓값을 구하여라



▶ 답:

▷ 정답: 4

 $\overline{AC} = x$ cm 이므로  $\overline{BC} = (8 - x)$ cm 이다. 따라서 색칠한 부분의 넓이 S 는

(전체 반원의 넓이 - 작은 두 반원의 넓이의 합)이다.

$$\frac{1}{2} \times 4^2 \pi - \left\{ \frac{1}{2} \pi \left( \frac{x}{2} \right)^2 + \frac{1}{2} \pi \left( \frac{8 - x}{2} \right)^2 \right\} = y \pi$$

$$8\pi - \left(\frac{x^2}{8}\pi + \frac{64 - 16x + x^2}{8}\pi\right) = y\pi$$
$$8\pi - \left(\frac{2x^2 - 16x + 64}{8}\right)\pi = y\pi$$

$$-\frac{1}{4}x^2\pi + 2x\pi = y\pi$$

$$y\pi = -\frac{1}{4}\pi(x^2 - 8x)$$

$$= -\frac{1}{4}\pi(x^2 - 8x + 16 - 16)$$

$$= -\frac{1}{4}\pi(x - 4)^2 + 4\pi$$

따라서 두 원의 반지름이 각각 4 cm 일 때, 넓이는 최댓값 4π cm 를 갖는다. 33. 어느 공장에서 생산하는 제품은 한 상자에 20 개의 제품이 들어 있고 한 상자 분량의 제품을 만드는데 드는 비용은 40000 원이고 한 상자마다 불량품이 일정하게 나타난다고 한다. 제품 한 개 당 가격은 2600원이고 한 상자 당 원가의 10% ~ 15%의 이익을 올리려고 한다면 한 상자마다 나타나는 불량품은 몇 개인지 구하여라.

개

답:

▷ 정답: 3 개

$$40000 \left(1+0.10\right) \leq \left($$
제품 한 상자의 가격 $\right) \leq 40000 \left(1+0.15\right)$ 즉  $44000 \leq \left($ 제품 한 상자의 가격 $\right) \leq 46000$ 

이어야 하므로 불량품의 개수를 *x* 라 하면

$$44000 \le (20 - x) \times 2600 \le 46000$$
  
∴  $\frac{30}{13} \le x \le \frac{40}{13}$ 

따라서 불량품은 최대 3 개이다.