

1. 이차함수 $y = -x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 2만큼, y 축의 방향으로 -1만큼 평행이동한 포물선의 식은?

- ① $y = -x^2 + 4x + 2$ ② $y = -x^2 + 4x - 5$
③ $y = -x^2 - 4x + 5$ ④ $y = -x^2 - 4x - 2$
⑤ $y = -x^2 - 6x + 2$

해설

$$y = -(x - 2)^2 - 1 = -x^2 + 4x - 5$$

2. $y = -\frac{1}{3}(x+2)^2$ 의 그래프에서 x 값이 증가함에 따라 y 값도 증가하는 x 의 값의 범위는?

- ① $x > 0$ ② $x < 2$ ③ $x > 2$
④ $x > -2$ ⑤ $x < -2$

해설

꼭짓점이 $(-2, 0)$ 이고 위로 볼록한 그래프이다. $x < -2$ 일 때, x 가 증가하면 y 도 증가한다.

3. $y = -x^2$ 을 x 축의 방향으로 2 만큼 평행이동한 다음 y 축에 대하여 대칭이동한 그래프의 방정식은?

① $y = -x^2 + 4x - 4$ ② $y = x^2 - 4x + 4$
③ $y = -x^2 - 4x - 4$ ④ $y = -x^2 - 4x + 4$
⑤ $y = x^2 + 4x - 4$

해설

x 축의 방향으로 2 만큼 평행이동시키면 $y = -(x - 2)^2$
 y 축에 대하여 대칭이동시키면 $y = -(-x - 2)^2$
 $= -(x^2 + 4x + 4)$
 $= -x^2 - 4x - 4$

4. 이차함수 $y = ax^2$ 의 그래프가 $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프보다 폭이 좁고, $y = 2x^2$ 의 그래프보다 폭이 넓다고 할 때, a 의 값으로 옳지 않은 것은?

① $-\frac{3}{4}$ ② -1 ③ $\frac{4}{3}$ ④ $\frac{5}{2}$ ⑤ $\frac{7}{4}$

해설

$$\begin{aligned}|a| &> \left| -\frac{1}{2} \right| \\ |a| &< |2| \\ \therefore -2 < a < -\frac{1}{2}, \quad \frac{1}{2} < a < 2\end{aligned}$$