

1. 다음 중 y 가 x 에 관한 이차함수인 것은?

- ① 반지름의 길이가 x 인 원의 둘레의 길이 y
- ② 밑변의 길이가 4, 높이가 x 인 삼각형의 넓이 y
- ③ 가로가 x , 세로가 10 인 직사각형의 넓이 y
- ④ 한 변의 길이가 x 인 정사각형의 넓이 y
- ⑤ 시간이 x , 속력이 40 일 때의 거리 y

해설

식으로 나타내면 다음과 같다.

- ① $y = 2\pi x$ (일차함수)
- ② $y = \frac{1}{2} \times 4 \times x = 2x$ (일차함수)
- ③ $y = 10x$ (일차함수)
- ④ $y = x^2$ (이차함수)
- ⑤ $y = 40x$ (일차함수)

2. 함수 $f : R \rightarrow R$ 에서 $f(x) = x^2 - x - 2$ 이다. $f(a) = 4$ 일 때, 양수 a 의 값은?(단, R 은 실수)

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$f(a) = 4 \text{ 이므로 } a^2 - a - 2 = 4, \quad a^2 - a - 6 = 0, \quad (a - 3)(a + 2) = 0$$

$$\therefore a = 3 \text{ 또는 } a = -2$$

한편, $a > 0$ 이므로 $a = 3$ 이다.

3. $y = 2x^2$ 의 그래프 위의 두 점 $A(2, p)$, $B(q, 2)$ 를 지나는 직선의 방정식은?(단, $q < 0$)

① $y = 2x - 3$ ② $y = -2x + 3$ ③ $y = 2x + 4$

④ $y = -2x + 4$ ⑤ $y = 2x - 4$

해설

$(2, p)$ 를 $y = 2x^2$ 에 대입하면 $p = 2 \times 2^2 = 8$

$(q, 2)$ 를 대입하면 $2 = 2q^2$, $q^2 = 1 \therefore q = \pm 1$

그런데 $q < 0$ 이므로 $q = -1$

$(2, 8)$, $(-1, 2)$ 를 지나는 직선의 방정식은

$$(기울기) = \frac{8 - 2}{2 - (-1)} = \frac{6}{3} = 2$$

$y = 2x + b$ 에 $(2, 8)$ 을 대입하면 $8 = 2 \times 2 + b \therefore b = 4$

따라서 구하는 식은 $y = 2x + 4$ 이다.

4. 원점을 꼭짓점으로 하는 이차함수의 그래프 $y = f(x)$ 에 대하여

$2f\left(\frac{1}{2}\right) - f(-2) = 7$ 일 때, 다음 중 이 그래프 위의 점이 아닌 것은

모두 몇 개인가?

[보기]

Ⓐ (1, -2) ⓒ $\left(-\frac{1}{3}, -\frac{2}{9}\right)$ Ⓝ (3, -12)

Ⓓ $\left(\frac{3}{2}, -\frac{9}{2}\right)$ Ⓟ (-4, -30)

- ① 1 개 ⓒ 2 개 Ⓝ 3 개 Ⓞ 4 개 Ⓟ 5 개

[해설]

$f(x) = ax^2$ 에 대하여 $f\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{4}a, f(-2) = 4a$ 이므로

$2f\left(\frac{1}{2}\right) - f(-2) = 7, 2 \times \frac{1}{4}a - 4a = 7, -7a = 14, a = -2$

$\therefore f(x) = -2x^2$

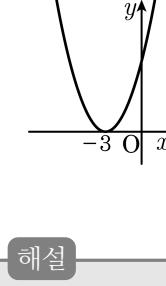
Ⓐ $f(3) = -2 \times (-3)^2 = -18 \quad \therefore (3, -18)$

Ⓑ $f(-4) = -2 \times (-4)^2 = -32 \quad \therefore (-4, -32)$

따라서 주어진 그래프 위의 점이 아닌 것은 ⓒ, Ⓟ의 2 개이다.

5. 다음 중 $y = -\frac{2}{3}(x - 3)^2$ 의 그래프는?

①



②



③



Ⓐ



⑤



해설

x^2 의 계수 $-\frac{2}{3}$ 는 음수이므로 위로 볼록, 꼭짓점의 좌표는 $(3, 0)$ 이다.

6. 이차함수 $y = 2x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 1 만큼 평행이동시키면 점 $(3, m)$ 을 지난다. m 의 값은?

① 8 ② 12 ③ 18 ④ 20 ⑤ 32

해설

$y = 2(x - 1)^2$ 의 그래프가
점 $(3, m)$ 을 지나므로
 $m = 2(3 - 1)^2$, $m = 8$ 이다.

7. 이차함수 $y = -x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 -2 만큼 평행이동한
그래프에서 x 의 값이 증가할 때 y 의 값도 증가하는 x 의 범위
는?

- ① $x > -2$ ② $x < -2$ ③ $x < 2$
④ $x > 2$ ⑤ $x > 0$

해설

$y = -(x + 2)^2$ 의 그래프이므로
꼭짓점이 $(-2, 0)$ 이고 위로 볼록한 그래프,
 $x < -2$ 일 때, x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가한다.

8. 이차함수 $y = (x - 2)^2 + 1$ 의 그래프를 x 축에 대하여 대칭이동한 다음,
 y 축의 방향으로 1 만큼 평행이동시킨 포물선의 꼭짓점의 좌표는?

- ① (2, 2) ② (2, -1) ③ (2, 0)
④ (2, -2) ⑤ (2, 1)

해설

$$y = (x - 2)^2 + 1 \text{ 을 } x \text{ 축에 대하여 대칭이동하면}$$

$$-y = (x - 2)^2 + 1 \Leftrightarrow y = -(x - 2)^2 - 1$$

$y = -(x - 2)^2 - 1$ 을 y 축의 방향으로 1 만큼 평행이동하면

$$y = -(x - 2)^2 - 1 + 1 \Leftrightarrow y = -(x - 2)^2$$

∴ 꼭짓점의 좌표는 (2, 0)

9. 다음 보기애 주어진 이차함수에 대하여 옳게 설명한 것은?

보기

$$\textcircled{1} \quad y = -\frac{3}{4}x^2 + 4$$

$$\textcircled{2} \quad y = \frac{1}{4}x^2$$

$$\textcircled{3} \quad y = x^2 + 3$$

$$\textcircled{4} \quad y = -2(x+3)^2 - 1$$

$$\textcircled{5} \quad y = -\frac{2}{3}(x-1)^2$$

- ① 아래로 볼록한 포물선은 ①, ④, ⑤이다.
② 꼭짓점이 원점인 포물선은 ②이다.
③ 축의 방정식이 $x = 0$ 인 이차함수는 ①, ②, ⑤이다.
④ 폭이 가장 넓은 포물선은 ②이다.
⑤ 꼭짓점이 x 축 위에 있는 이차함수는 ③, ④이다.

해설

① x^2 의 계수가 양이면 아래로 볼록하다. 따라서 ②, ⑤이 아래로 볼록하다.

② 꼭짓점이 원점인 포물선의 식은 $y = ax^2$ 의 꼴이다. 따라서 ②이다.

③ 축의 방정식이 $x = 0$ 인 포물선은 $y = ax^2$ 또는 $y = ax^2 + q$ 의 꼴이다. 따라서 ①, ②, ⑤(옳다)

④ x^2 의 계수의 절댓값이 작을수록 폭이 넓으므로 ②의 폭이 가장 넓다.

⑤ 꼭짓점이 x 축 위에 있는 포물선은 $y = a(x-p)^2$ 의 꼴이므로 ③, ④이다.

10. 이차함수 $y = ax^2$ 의 그래프가 두 점 $(4, 8)$, $\left(b, \frac{9}{2}\right)$ 를 지난다. 이 함수와 x 축 대칭인 이차함수가 (b, c) 를 지난 때, c 의 값은?(단, $b < 0$)
- ① -2 ② $-\frac{5}{2}$ ③ 3 ④ $\frac{7}{2}$ ⑤ $-\frac{9}{2}$

해설

$$y = ax^2 \text{ 에 } (4, 8), \left(b, \frac{9}{2}\right) \text{ 을 대입하면}$$

$$a = \frac{1}{2}, b = -3 \text{ 이다.}$$

이 이차함수와 x 축 대칭인 이차함수는

$$y = -\frac{1}{2}x^2 \text{ 이고 } (-3, c) \text{ 를 지나므로}$$

$$\therefore c = -\frac{9}{2}$$

11. 다음 그림은 모두 꼭짓점이 원점인 포물선이고, $y = x^2$ ⋯ (ㄱ), $y = -x^2$ ⋯ (ㄴ)이다. $-1 < a < 0$ 일 때, $y = -ax^2$ 의 그래프로 알맞은 것은?

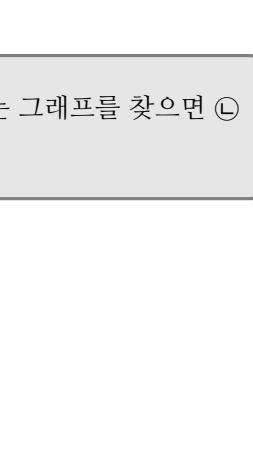
① ㉠

② ㉡

③ ㉢

④ ㉣

⑤ ㉤



해설

$0 < -a < 1$ 이므로 (ㄱ)와 x 축 사이에 있는 그래프를 찾으면 ㉡이다.

12. $y = 2x^2$ 의 그래프 위의 두 점 A(2, p), B(q, 2)를 지나는 직선의 방정식은?(단, $q < 0$)

- ① $y = 2x - 3$ ② $y = -2x + 3$ ③ $\textcircled{y} = 2x + 4$
④ $y = -2x + 4$ ⑤ $y = 2x - 4$

해설

(2, p) 를 $y = 2x^2$ 에 대입하면 $p = 2 \times 2^2 = 8$

(q, 2) 를 대입하면 $2 = 2q^2$, $q^2 = 1$ 에서 $q = \pm 1$

그런데 $q < 0$ 이므로 $q = -1$

(2, 8), (-1, 2) 를 지나는 직선의 방정식은

$$(\text{기울기}) = \frac{8 - 2}{2 - (-1)} = \frac{6}{3} = 2$$

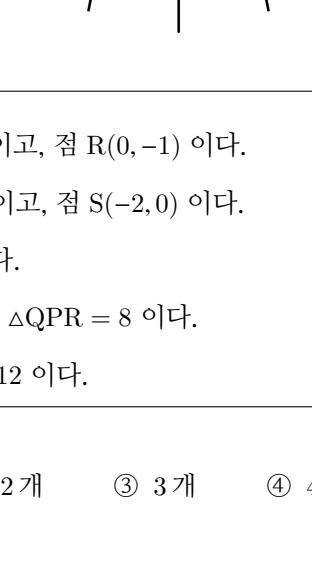
$y = 2x + b$ 에 (2, 8) 을 대입하면

$$8 = 2 \times 2 + b \quad \therefore b = 4$$

따라서 구하는 식은 $y = 2x + 4$

13. 함수 $y = -x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 4 만큼 평행이동하고, $y = \frac{1}{4}x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 -1 만큼 평행이동한 그림을 나타낸 것이다.

이 때 다음 설명 중 옳은 것의 개수는?



Ⓐ 점 $P(0, 4)$ 이고, 점 $R(0, -1)$ 이다.

Ⓑ 점 $Q(2, 0)$ 이고, 점 $S(-2, 0)$ 이다.

Ⓒ $\overline{QS} = 8$ 이다.

Ⓓ $\triangle PRS = 5$, $\triangle QPR = 8$ 이다.

Ⓔ $\square PQRS = 12$ 이다.

Ⓐ 1 개 Ⓑ 2 개 Ⓒ 3 개 Ⓓ 4 개 Ⓔ 5 개

해설

함수 $y = -x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 4 만큼 평행이동한
그레프의 식은 $y = -x^2 + 4$

함수 $y = \frac{1}{4}x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 -1 만큼 평행이동한

그레프의 식은 $y = \frac{1}{4}x^2 - 1$

$y = -x^2 + 4$ 에 $y = 0$ 을 대입하면 점 $Q(-2, 0)$, $S(2, 0)$ 이다.

$\overline{QS} = 4$

또, $P(0, 4)$ 이고 $R(0, -1)$

$\triangle PRS = \triangle QPR = 5$

따라서 옳은 것은 Ⓑ이므로 1 개이다.

14. 이차함수 $y = 2(x + p)^2 + \frac{1}{2}$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 1 만큼
평행이동하면 꼭짓점의 좌표가 $(2, a)$ 이고, 점 $\left(-\frac{1}{2}, b\right)$ 를 지난다.
이 때, 상수 a, b, p 의 곱 abp 의 값은?

① $\frac{11}{3}$ ② 13 ③ $-\frac{11}{3}$ ④ $\frac{13}{2}$ ⑤ $-\frac{13}{2}$

해설

$$y = 2(x + p - 1)^2 + \frac{1}{2} \text{ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표가 } \left(1 - p, \frac{1}{2}\right)$$

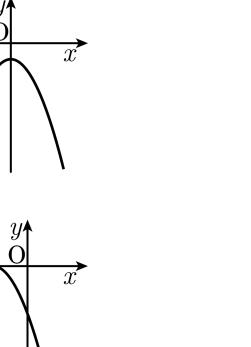
이므로 $1 - p = 2, p = -1, a = \frac{1}{2}$ 이다.

$$y = 2(x - 2)^2 + \frac{1}{2} \text{ 의 좌표가 점 } \left(-\frac{1}{2}, b\right) \text{ 를 지난므로 } b =$$

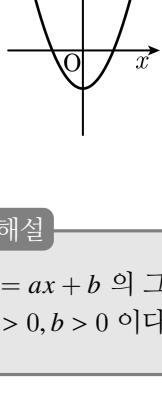
$$2\left(-\frac{1}{2} - 2\right)^2 + \frac{1}{2}, b = 13 \text{ 이다.}$$

$$\therefore abp = \frac{1}{2} \times 13 \times (-1) = -\frac{13}{2}$$

15. 일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 중 이차함수 $y = ax^2 + b$ 의 그래프의 개형은?



①



②



③



④



⑤



해설

$y = ax + b$ 의 그래프에서
 $a > 0, b > 0$ 이다.