

1. $a^2x + a^2y$ 에서 각 항에 공통으로 들어 있는 인수를 찾으면?

- ① x
- ② y
- ③ ax
- ④ ay
- ⑤ a^2

해설

$$a^2x + a^2y = a^2(x + y) \text{ 이므로 공통인수는 } a^2$$

2. 다음 중 $3x^2y + 6xy$ 의 인수는?

① x^2y

② $3(x+2)$

③ $x^2 + 2$

④ $xy + 2$

⑤ $3x^2$

해설

$$(\text{준식}) = 3x(xy + 2y) = 3xy(x + 2)$$

3. 다음 중 $(a \pm b)^2$ 의 형태로 인수분해되는 것은?

① $x^2 + x + \frac{1}{4}$

② $x^2 + 8xy - 16y^2$

③ $4x^2 + 6x + 9$

④ $x^2 + 16$

⑤ $2x^2 - 10xy + 2y^2$

해설

$$a^2 \pm 2 \times a \times b + b^2 = (a \pm b)^2$$

① $x^2 + x + \frac{1}{4} = \left(x + \frac{1}{2}\right)^2$

4. 다항식 $x^2 - 2x - 3$ 을 인수분해하였을 때, 두 일차식 인수의 합은?

- ① $2x - 2$
- ② $2x - 1$
- ③ $2x$
- ④ $2x + 1$
- ⑤ $2x + 2$

해설

$$x^2 - 2x - 3 = (x - 3)(x + 1) \text{ 이므로}$$

$$x - 3 + x + 1 = 2x - 2$$

5. 다음 중 인수 분해가 올바른 것을 모두 고르면?

① $x^2 - 3x - 4 = (x - 1)(x + 4)$

② $x^2 - 4x + 3 = (x - 1)(x - 3)$

③ $x^2 - 8xy - 20y^2 = (x - 2)(x + 10y)$

④ $x^2 + 13xy + 22y^2 = (x + 2y)(x + 11y)$

⑤ $x^2 + 5xy - 6y^2 = (x + y)(x - 6y)$

해설

① $(x + 1)(x - 4)$

③ $(x + 2y)(x - 10y)$

⑤ $(x - y)(x + 6y)$

6. $\left(3x - \frac{1}{4}y\right) \left(5x + \frac{3}{4}y\right)$ 에서 xy 의 계수는?

- ① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

$$\begin{aligned}\text{(준식)} &= 15x^2 + \left(\frac{9}{4} - \frac{5}{4}\right)xy - \frac{3}{16}y^2 \\ &= 15x^2 + xy - \frac{3}{16}y^2\end{aligned}$$

7. $x^2 + Ax + 8$ 가 완전제곱식으로 인수분해될 때, A 의 값을 구하여라.
(단, A 는 실수이다.)

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : $A = 4\sqrt{2}$

▶ 정답 : $A = -4\sqrt{2}$

해설

$$(x \pm \sqrt{8})^2 = x^2 \pm 4\sqrt{2}x + 8$$

$$A = \pm 4\sqrt{2}$$

8. 다음 중 $x - 3$ 를 인수로 갖는 다항식은?

① $x^2 - 2x - 8$

② $x^2 - 2x - 3$

③ $x^2 + 3x + 2$

④ $x^2 - x - 2$

⑤ $x^2 - 3x + 2$

해설

① $x^2 - 2x - 8 = (x + 2)(x - 4)$

② $x^2 - 2x - 3 = (x - 3)(x + 1)$

③ $x^2 + 3x + 2 = (x + 1)(x + 2)$

④ $x^2 - x - 2 = (x + 1)(x - 2)$

⑤ $x^2 - 3x + 2 = (x - 1)(x - 2)$

따라서 $(x - 3)$ 을 인수로 갖는 것은 ②

9. 두 다항식 $2x^2 - 5x + 2$ 와 $x^2 + x - 6$ 의 공통인 인수는?

- ① $(x - 2)$ ② $(x + 3)$ ③ $(2x - 1)$
④ $(x + 3)(x - 2)$ ⑤ $(2x - 1)(x - 2)$

해설

$$2x^2 - 5x + 2 = (2x - 1)(x - 2)$$

$$x^2 + x - 6 = (x + 3)(x - 2)$$

따라서 두 다항식의 공통인 인수는 $(x - 2)$ 이다.

10. 두 다항식 $4x^2 - 9$, $2x^2 - 5x + 3$ 의 인수 중에서 공통인 인수를 제외한 나머지 두 인수의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $3x + 2$

해설

$$4x^2 - 9 = (2x + 3)(2x - 3)$$

$$2x^2 - 5x + 3 = (2x - 3)(x - 1)$$

공통인 인수를 제외한 나머지 인수는 $2x + 3$, $x - 1$ 이므로 합은 $3x + 2$ 이다.

11. 두 이차식 $xy + x + y + 1$, $x^2 + x - xy - y$ 에 공통으로 들어 있는 인수는?

- ① $x - 1$ ② $x + 1$ ③ $y - 1$ ④ $y + 1$ ⑤ $x + y$

해설

$$\begin{aligned} xy + x + y + 1 &= x(y + 1) + (y + 1) \\ &= (x + 1)(y + 1) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} x^2 + x - xy - y &= x(x + 1) - y(x + 1) \\ &= (x + 1)(x - y) \end{aligned}$$

12. $4a^2(x - 5) - 2a(5 - x)$ 를 인수분해하면?

① $2a(x + 5)(2a - 1)$

② $2a(x - 5)(a + 1)$

③ $\textcircled{2} 2a(x - 5)(2a + 1)$

④ $2a(5 - x)(2a + 1)$

⑤ $2a(x - 5)(1 - a)$

해설

$$\begin{aligned}4a^2(x - 5) - 2a(5 - x) &= 4a^2(x - 5) + 2a(x - 5) \\&= 2a(x - 5)(2a + 1)\end{aligned}$$

13. 다음 보기 중 $a^2(x - y) + 2ab(y - x)$ 의 인수를 모두 고른 것은?

보기

㉠ $a(y + x)$

㉡ $a(x - y)(a - b)$

㉢ $a(a - 2b)$

㉣ $x(a - 2b)$

㉤ $x - y$

㉥ $(x - y)(a - 2b)$

① ㉠, ㉢, ㉤

② ㉡, ㉣, ㉤

③ ㉢, ㉣, ㉥

④ ㉢, ㉤, ㉥

⑤ ㉣, ㉤, ㉥

해설

$$\begin{aligned} a^2(x - y) + 2ab(y - x) &= a^2(x - y) - 2ab(x - y) \\ &= a(x - y)(a - 2b) \end{aligned}$$

14. 다음은 $A = 2a^2 - 4ab$, $B = a^2b - 2a$ 에 대한 설명이다. 옳지 않은 것을 모두 고른 것은?

보기

- ㉠ A 에서 $2a$ 는 각 항의 공통인 인수이다.
- ㉡ B 의 인수는 a 와 $ab - 2$ 로 모두 2 개이다.
- ㉢ A 와 B 의 공통인 인수는 a^2 이다.

① ㉠

② ㉡

③ ㉠, ㉡

④ ㉡, ㉢

⑤ ㉠, ㉡, ㉢

해설

$$A = 2a^2 - 4ab = 2a(a - 2b)$$

$$B = a^2b - 2a = a(ab - 2)$$

㉡ B 의 인수는 $a(ab - 2)$ 도 포함한다.

㉢ A 와 B 의 공통인 인수는 a 이다.

15. $(2x - 5)(x - 3) - (3x + 2)(x - 3)$ 를 인수분해하면?

① $(x + 3)(x + 7)$

② $-(x + 3)(x + 7)$

③ $-(x - 3)(x + 7)$

④ $-(x - 3)(x - 7)$

⑤ $(x - 3)(x + 7)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (x - 3)(2x - 5 - 3x - 2) \\&= (x - 3)(-x - 7) \\&= -(x - 3)(x + 7)\end{aligned}$$

16. $a^2b + 2ab - 2a - 4$, $2a^2 + 4a - 2ab - 4b$ 를 인수분해했을 때 공통인
인수는?

- ① a
④ $a - b$

- ② $a + b$
⑤ $ab - 2$

- ③ $a + 2$

해설

$$\begin{aligned}a^2b + 2ab - 2a - 4 &= ab(a + 2) - 2(a + 2) \\&= (a + 2)(ab - 2)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}2a^2 + 4a - 2ab - 4b &= 2a(a + 2) - 2b(a + 2) \\&= 2(a + 2)(a - b)\end{aligned}$$

17. $a(y - 3) + 4(3 - y)$ 를 인수분해하면?

① $-(y + 3)(a + 4)$

② $(y + 3)(a + 4)$

③ $4a(y - 3)$

④ $(y - 3)(a - 4)$

⑤ $(y - 3)(a + 4)$

해설

$$\begin{aligned}a(y - 3) + 4(3 - y) &= a(y - 3) - 4(-3 + y) \\&= (y - 3)(a - 4)\end{aligned}$$

18. 다음 중 $a^3 - 4a^2$ 의 인수가 아닌 것은?

① $a - 4$

② a

③ a^2

④ a^3

⑤ $a^2(a - 4)$

해설

$$a^3 - 4a^2 = a^2(a - 4)$$

19. 다음 식과 공통인 인수를 가지는 것은?

$$a(3x - 2y) + b(2y - 3x)$$

- ① $a(x - 2y) - 3b(x - 2y)$ ② $x(a + b) + y(a + b)$
③ $a(2x - 3y) - b(3y - 2x)$ ④ $\textcircled{a}(x - y) + b(y - x)$
⑤ $2x(a - 2b) - 3y(2b - a)$

해설

원식 : $(a - b)(3x - 2y)$

- ① $(a - 3b)(x - 2y)$
② $(x + y)(a + b)$
③ $(a + b)(2x - 3y)$
④ $(a - b)(x - y)$
⑤ $(2x + 3y)(a - 2b)$

20. $-9a^3b + 6a^2b$ 의 인수가 아닌 것은?

① a^2b

② ab^2

③ $-3b$

④ $-3ab$

⑤ $3a - 2$

해설

$$-9a^3b + 6a^2b = -3a^2b(3a - 2)$$

21. 두 이차식 $xy + x + y + 1$, $x^2 - xy + x - y$ 에 공통으로 들어 있는 인수를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $x + 1$

해설

$$\begin{aligned}xy + x + y + 1 &= x(y + 1) + y + 1 \\&= (x + 1)(y + 1)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}x^2 - xy + x - y &= x(x - y) + x - y \\&= (x + 1)(x - y)\end{aligned}$$

22. 다음 두 식 $3x^2 - 8x + 5$, $6x^2 - 7x - 5$ 의 공통인 인수로 알맞은 것을 고르면?

- ① $3x - 5$ ② $x - 1$ ③ $2x + 1$
④ $x + 4$ ⑤ $3x + 5$

해설

$$3x^2 - 8x + 5 = (3x - 5)(x - 1)$$

$$6x^2 - 7x - 5 = (3x - 5)(2x + 1)$$

공통인 인수 : $3x - 5$

23. $2x^4 - 2$, $x^3 - x^2 - 4x + 4$ 의 공통인 인수를 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: $x - 1$

해설

$$\begin{aligned}2x^4 - 2 &= 2(x^4 - 1) \\&= 2(x^2 - 1)(x^2 + 1) \\&= 2(x - 1)(x + 1)(x^2 + 1)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}x^3 - x^2 - 4x + 4 &= x^2(x - 1) - 4(x - 1) \\&= (x - 1)(x^2 - 4) \\&= (x - 1)(x - 2)(x + 2)\end{aligned}$$

24. 두 다항식 $x^2 - ax - 15$, $2x^2 - 9x + b$ 의 공통인 인수가 $x - 3$ 일 때,
 $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $a + b = 7$

해설

$$x^2 - ax - 15 = (x - 3)(x + 5)$$

$$-a = -3 + 5, \quad a = -2$$

$$2x^2 - 9x + b = (x - 3)(2x + q)$$

$$q - 6 = -9, \quad q = -3$$

$$b = -3 \times (-3), \quad b = 9$$

$$\therefore a + b = 7$$

25. 두 다항식 $x^2 - ax - 18$, $2x^2 - x + b$ 의 공통인 인수가 $x + 2$ 일 때,
 $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $a + b = -3$

해설

$$x^2 - ax - 18 = (x - 9)(x + 2)$$

$$-a = -9 + 2, \quad a = 7$$

$$2x^2 - x + b = (x + 2)(2x + q)$$

$$q + 4 = -1, \quad q = -5$$

$$b = 2 \times (-5), \quad b = -10$$

$$\therefore a + b = -3$$

26. $4x - 3$ 이 $4x^2 - ax + 6$ 의 인수일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: $a = 11$

해설

$$\begin{aligned}4x^2 - ax + 6 &= (4x - 3)(x + p) \\&= 4x^2 + 4px - 3x - 3p \\&= 4x^2 + (4p - 3)x - 3p\end{aligned}$$

$$-3p = 6, \quad p = -2 \text{ 이고,}$$

$$4p - 3 = -a, \quad a = 11 \text{ 이다.}$$

27. $(2x-y)(x+y) - 3(2x-y)$ 는 x 와 y 의 계수가 1인 두 일차식의 곱으로 인수분해 된다. 이 때, 두 일차식의 합은?

- ① 0
- ② $x + y - 1$
- ③ $2x + 2y - 3$
- ④ $3x - 3$
- ⑤ $3x - 5$

해설

$(2x-y)(x+y) - 3(2x-y)$ 의 공통인수는 $2x-y$ 므로

$$(2x-y)(x+y) - 3(2x-y) = (2x-y)(x+y-3)$$

따라서 두 일차식 $2x-y$ 와 $x+y-3$ 의 합은 $3x-3$ 이다.

28. $x^2 + px + q$ 가 완전제곱식이 되기 위한 p, q 의 관계식은?

$$\textcircled{1} \quad q = \frac{p}{2}$$

$$\textcircled{2} \quad q = \frac{p^2}{2}$$

$$\textcircled{3} \quad q = -\frac{p}{2}$$

$$\textcircled{4} \quad q = -\left(\frac{p}{2}\right)^2$$

$$\textcircled{5} \quad q = \left(\frac{p}{2}\right)^2$$

해설

이차항의 계수가 1 일 때, 일차항의 계수의 절반의 제곱이 상수 항이 되어야 완전제곱식이 된다.

따라서 $q = \left(\frac{p}{2}\right)^2$ 이다.

29. $4x^2 + \boxed{\quad}x + 9$ 가 $(ax + b)^2$ 의 형태의 완전제곱식일 때, $\boxed{\quad}$ 의 값을 구하여라. (단, $a > 0$, $b < 0$)

▶ 답:

▶ 정답: -12

해설

$$\begin{aligned}(2x)^2 + 2 \times 2x \times (-3) + (-3)^2 &= (2x - 3)^2 \\&= 4x^2 - 12x + 9\end{aligned}$$

30. 이차식 $9x^2 - 12x + a$ 를 완전제곱식으로 고치면 $(3x - b)^2$ 이다. 이때,
 $a - 2b$ 의 값을 구하면?

① -4

② -2

③ 0

④ 2

⑤ 4

해설

$$9x^2 - 12x + a = (3x)^2 - 2 \cdot 3x \cdot 2 + 2^2 = (3x - 2)^2$$

따라서 $a = 4$, $b = 2$ 이다.

$$\therefore a - 2b = 4 - 2 \times 2 = 0$$

31. 다음 식이 완전제곱식이 될 때, $\boxed{\quad}$ 안에 들어갈 수를 차례대로 구하여라. (단, $\boxed{\quad} > 0$)

$$4x^2 + \boxed{\quad}x + \frac{1}{4} = (\boxed{\quad}x + \boxed{\quad})^2$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 2

▷ 정답: 2

▷ 정답: $\frac{1}{2}$ 또는 0.5

해설

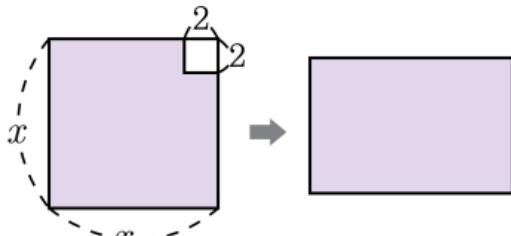
$\boxed{\quad} > 0$ 이므로

$$4x^2 + \boxed{\quad}x + \frac{1}{4}$$

$$= (2x)^2 + 2 \times (2x) \times \left(\frac{1}{2}\right) + \left(\frac{1}{2}\right)^2$$

$$= \left(2x + \frac{1}{2}\right)^2$$

32. 한 변의 길이가 x 인 정사각형의 넓이에서 한 변의 길이가 2 인 정사각형을 넓이를 뺀다. 이때, 이 넓이를 직사각형으로 나타냈을 때, 직사각형의 가로와 세로의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : $x + 2$

▶ 정답 : $x - 2$

해설

두 넓이를 빼면 $x^2 - 4$ 이므로 $(x + 2)(x - 2)$

33. $x^2 - 18x + A = (x + 4)(x - B)$ 일 때, A , B 의 값을 각각 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: $A = -88$

▶ 정답: $B = 22$

해설

$$x^2 - 18x - 88 = x^2 + (4 - B)x - 4B$$

$$4 - B = -18, \therefore B = 22$$

$$\therefore A = -4B = -88$$

34. 다항식 $x^2 + \square x - 6$ 이 $(x+a)(x+b)$ 로 인수분해될 때, a 에 알맞은 정수의 개수는? (단, a, b 는 정수이고 $a > b$)

- ① 2 개 ② 3 개 ③ 4 개 ④ 5 개 ⑤ 6 개

해설

$$x^2 + \square x - 6 = (x+a)(x+b) \text{ 이므로}$$

$$\square = a+b, -6 = ab$$

두 정수를 곱해서 -6 이 되는 경우는 -1 과 6 , 6 과 -1 , 1 과 -6 , -1 과 6 , 2 와 -3 , -3 과 2 , -2 와 3 , 3 과 -2 이고 $a > b$ 이므로 $a = 1$ 또는 $a = 2$ 또는 $a = 3$ 또는 $a = 6$ 이다.

따라서 a 에 알맞은 정수의 개수는 4 개이다.

35. 다음 식에서 $A + B + C$ 의 값은?

$$(x + A)(Bx + 3) = 2x^2 + Cx - 12$$

① -14

② 0

③ 7

④ 14

⑤ -7

해설

$$(x + A)(Bx + 3) = 2x^2 + Cx - 12 \text{에서}$$

x 의 이차항의 계수가 2이므로 $B = 2$

상수항이 -12이므로 $A = -4$

$$(x - 4)(2x + 3) = 2x^2 - 5x - 12 \text{이므로}$$

$C = -5$

$$\therefore A + B + C = -4 + 2 - 5 = -7$$

36. 두 이차식 $16x^2 - 4y^2$, $2x^2 + 5xy - 3y^2$ 은 공통인 인수는?

① $2x - y$

② $2x + y$

③ $x + 3y$

④ $4(2x - y)$

⑤ $x + y$

해설

$$16x^2 - 4y^2 = 4(4x^2 - y^2) = 4(2x + y)(2x - y)$$

$$2x^2 + 5xy - 3y^2 = (2x - y)(x + 3y)$$

따라서 공통인 인수는 $(2x - y)$ 이다.

37. 다음 두 식에서 공통인 인수를 구하여라.

$$2x - xy + 2 - y, (x - 1)^2 - 4(x - 1) - 12$$

▶ 답 :

▷ 정답 : $x + 1$

해설

$$2x - xy + 2 - y = x(2 - y) + (2 - y) = (x + 1)(2 - y)$$

$$(x - 1)^2 - 4(x - 1) - 12$$

$$= \{(x - 1) - 6\} \{(x - 1) + 2\}$$

$$= (x - 7)(x + 1)$$

따라서 두 식의 공통인 인수는 $x + 1$ 이다.

38. $12x^2 - ax - 6 = (bx + 3)(3x - 2)$ 로 인수 분해될 때, ab 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $ab = -4$

해설

$12x^2 - ax - 6 = (bx + 3)(3x - 2)$ 일 때, $3b = 12$ 이므로 $b = 4$ 이다.

따라서 이를 대입해서 전개하면 $12x^2 + x - 6$ 이므로 $a = -1$ 이다.

$$\therefore ab = -4$$

39. $2x^2 + ax + b$ 을 인수분해하면 $(2x + 1)(x + 1)$ 이 된다. 이때 $a + b$ 를 구하면?

- ① -5 ② 5 ③ 7 ④ -4 ⑤ 4

해설

$$(2x + 1)(x + 1) = 2x^2 + 3x + 1$$

$$a = 3, b = 1$$

$$\therefore a + b = 4$$

40. 다항식 $(x+4)(x-2)-7$ 은 두 일차식의 곱으로 나타낼 수 있다. 이때, 두 일차식의 합을 구하면?

① $2x + 8$

② $2x + 2$

③ $2x + 1$

④ $2x - 6$

⑤ $2x - 8$

해설

$$\begin{aligned}(x+4)(x-2)-7 &= x^2 + 2x - 15 \\&= (x+5)(x-3)\end{aligned}$$

$$\therefore (x+5) + (x-3) = 2x + 2$$

41. $4x^2 - 5xy - 6y^2$ 을 $(ax+by)(cx+dy)$ 꼴로 인수분해하였을 때, $ac-bd$ 의 값은?

① 10

② 15

③ 20

④ 26

⑤ 28

해설

$$4x^2 - 5xy - 6y^2 = (4x + 3y)(x - 2y)$$

$$(ax + by)(cx + dy) = (4x + 3y)(x - 2y)$$

$$ac = 4, \quad bd = -6$$

$$\therefore ac - bd = 4 - (-6) = 10$$

42. 다항식 $8x^2 - 14x + 3$ 을 인수분해 하였더니 $(ax+b)(cx+d)$ 가 되었다.
 $a + b + c + d$ 의 값은?

- ① -8
- ② -4
- ③ 0
- ④ 2
- ⑤ 6

해설

$$8x^2 - 14x + 3 = (4x - 1)(2x - 3) = (ax + b)(cx + d)$$

$$\therefore a + b + c + d = 4 - 1 + 2 - 3 = 2$$

43. $x^2 + Ax + 24$ 가 $(x + a)(x + b)$ 로 인수분해 된다고 할 때, 정수 A 의 최댓값은 얼마인가?

- ① -25 ② -14 ③ 10 ④ 14 ⑤ 25

해설

$$x^2 + Ax + 24 = (x + a)(x + b) \quad A = a + b, 24 = ab$$

$$a = 1, b = 24 \text{ 이면 } a + b = 25$$

$$a = 2, b = 12 \text{ 이면 } a + b = 14$$

$$a = 3, b = 8 \text{ 이면 } a + b = 11$$

$$a = 4, b = 6 \text{ 이면 } a + b = 10$$

따라서 정수 A 의 최댓값은 25이다.

44. 다음 빈 칸에 들어갈 수가 가장 큰 것부터 차례대로 써라.

보기

㉠ $3x - 2x - 8 = (x + A)(Bx + 4)$

㉡ $4x^2 + Cx - 3 = (2x - 1)(2x - D)$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : C

▷ 정답 : B

▷ 정답 : A

▷ 정답 : D

해설

㉠ $3x - 2x - 8 = (x - 2)(3x + 4)$

$\therefore A = -2, B = 3$

㉡ $4x^2 + Cx - 3 = (2x - 1)(2x + 3)$

$\therefore C = 4, D = -3$

$A = -2, B = 3, D = -3, C = 4$ 이므로 가장 큰 것부터 차례대로 쓰면 C, B, A, D이다.

45. $\frac{1}{49}a^2 - \frac{2}{35}ab + \frac{1}{25}b^2$ 을 인수분해 하면?

- ① $\left(\frac{1}{7}a + \frac{1}{5}\right)^2$ ② $\left(\frac{1}{7}a - \frac{1}{5}\right)^2$ ③ $\left(\frac{1}{7}b - \frac{1}{5}a\right)^2$
④ $\left(\frac{1}{7}a - \frac{1}{5}b\right)^2$ ⑤ $\left(\frac{1}{7}a + \frac{1}{5}b\right)^2$

해설

$$\begin{aligned}\frac{1}{49}a^2 - \frac{2}{35}ab + \frac{1}{25}b^2 &= \frac{1}{49}a^2 - \left(2 \times \frac{1}{7}a \times \frac{1}{5}b\right) + \frac{1}{25}b^2 = \\ &\left(\frac{1}{7}a - \frac{1}{5}b\right)^2\end{aligned}$$

46. 식 $\frac{1}{4}a^2 - ab + b^2$ 을 완전제곱식의 형태로 바꾼다면 $(pa + qb)^2$ 이라고 할 때, p 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $p = \frac{1}{2}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{1}{4}a^2 - ab + b^2 &= \left(\frac{1}{2}a - b\right)\left(\frac{1}{2}a - b\right) \\ &= \left(\frac{1}{2}a - b\right)^2\end{aligned}$$

따라서 $a = \frac{1}{2}$ 이다.