1. -3a-2<-3b-2일 때, 다음 중 옳은 것은?

① a < b

② -3a > -3b

35a - 3 > 5b - 3

 $-3a - 2 < -3b - 2 \cdot \cdot \cdot \bigcirc$ 

(①+2)÷(-3)하면, a > b이다. 따라서 만족하는 식은 5a - 3 > 5b - 3

- **2.** 세 실수 a, b, c에 대하여 다음 중 항상 옳은 것은?
  - ① a > b 이면  $a^2 > b^2$
  - ② *a* > *b* 면 *a* − *c* < *b* − *c*
  - 3a < b < 0 이면  $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$ 
    - ④ ac > bc 이면 a > b, c > 0

## 해설

- ① a > 0 > b 인 경우에서 |b| > |a|라면 제곱 값에 대해서는
   b² > a² 의 결과가 나온다.
   ② 브드시이 기보 서지고 야벼에 가우 수르 빼서는 브호가 바뀌
- ② 부등식의 기본 성질로 양변에 같은 수를 빼서는 부호가 바뀌지 않는다.
- ④ a > b,c > 0이면 ac > bc일 수는 있으나 보기 ④번 같은 경우에는 ac > bc이면a < b,c < 0인 경우도 있기 때문에 성립하지 않는다.
- ⑤ 주어진 식의 양변에 2를 곱하고 좌변으로 몰아 정리하면  $2a^2+2b^2+2c^2-2ab-2bc-2ca\le 0$   $(a^2-2ab+b^2)+(b^2-2bc+c^2)+(c^2-2ca+a^2)\le 0$   $(a-b)^2+(b-c)^2+(c-a)^2\le 0$  위와 같이 되므로 세 실수 사이의 관계가
  - a-b=0, b-c=0, c-a=0을 성립하지 않으면 성립하지 않는 보기이다.

**3.** 실수 a, b에 대하여 a > b일 때, 다음 <보기> 중 항상 성립하는 것을 모두 골라라.

1) 🥎



③ ⑦, ⊜

④ ⑦, ₺, ₺

(5) (L), (E), (E)

해설

 $\bigcirc$  a > 0 > b인 경우에서는 b의 절댓값이 더 클 수도 있다.

◎ ③과 같은 맥락에서 생각해 볼 수 있다.

 역시 a > 0 > b인 경우 역수를 취하여도 부등호 방향은 변하지 않는다. **4.**  $-2 \le x \le 3$ 일 때, 3x - 1의 최댓값과 최솟값의 합은?

 $\bigcirc -3$   $\bigcirc -1$   $\bigcirc 3$   $\bigcirc 1$   $\bigcirc 4$   $\bigcirc 3$   $\bigcirc 5$ 

 $-2 \le x \le 3$ 에서  $-6 \le 3x \le 9$ ,  $-7 \le 3x - 1 \le 8$ 따라서, 최댓값은 8이고 최솟값은 -7이므로 두 값의 합은 1이다.

- 5. 3x + y = 1이고  $1 \le x \le 5$ 일 때, y의 최댓값과 최솟값의 합은?
  - ① -20 ② -16 ③ -12 ④ -8 ⑤ 4

$$x = \frac{1-y}{3}$$
이므로  $1 \le x \le 5$ 에 대입하면 
$$1 \le \frac{1-y}{3} \le 5, \ 3 \le 1-y \le 15$$

 $2 \le -y \le 14$ 

**6.**  $1 \le x \le 8, \ 2 \le y \le 5$ 일 때, x - y의 값의 범위는?

① 
$$-9 \le x - y \le 10$$

$$\bigcirc -4 \le x - y \le 6$$

$$3 -3 \le x - y \le 4$$

$$(2) -4 \le x - y \le$$

⑤ 
$$3 \le x - y \le 13$$

 $1 - 5 \le x - y \le 8 - 2$ 

7. 부등식 3x + 2 > 8을 풀면?

$$\bigcirc r > -2$$

① 
$$x \ge -2$$

 $4 x \ge \frac{3}{2}$ 

② 
$$x \ge -1$$

$$3 x \ge -\frac{1}{2}$$



8. 두 실수 a, b에 대하여 부등식 ax > b의 해가 x < -2 일 때, 부등식 bx > 2a + 4b의 해는?

① 
$$x > 0$$
 ②  $x > 1$  ③  $x > 2$  ④  $x > 3$  ⑤  $x > 4$ 

부등식 
$$ax > b$$
의 해가  $x < -2$ 로 부등호의 방향이 바뀌었으므로  $a < 0$   
이때,  $x < \frac{b}{a}$ 에서  $\frac{b}{a} = -2$   $\therefore b = -2a$   
따라서  $bx > 2a + 4b$  에서  $b = -2a$  를 대입하면  $-2ax > 2a + 4 \cdot (-2a)$   $-2ax > -6a$   $a < 0$ 에서  $-2a > 0$ 이므로  $x > \frac{-6a}{-2a}$   $\therefore x > 3$ 

부등식 ax + 1 > 2x + 5의 해가 x > 2일 때, 상수 a의 값은?

$$ax+1 \ge 2x+5$$
에서  $(a-2)x \ge 4$ 의 부등식의 해가  $x \ge 2$ 이므로  $a-2>0$  
$$x \ge \frac{4}{a-2}$$
이므로  $\frac{4}{a-2}=2$ ,  $a-2=2$ 

$$a-2$$
  $a-2$   $a-2$ 

**10.** 부등식 ax + 1 > 3x + 2a의 해가 x < 1일 때, a의 값은?

(2) -1 (3) 0

(a-3)x > 2a-1이므로

먼저 a=3인 경우를 생각하면

(좌변)= 0, (우변)= 5가 되어 부등식이 성립하지 않는다. 따라서 a ≠ 3 인 경우만 생각하면 된다.

(i) a > 3이면  $x > \frac{2a-1}{a-3}$ 이 되어 x < 1의 형태가 될 수 없다.

(ii) a < 3이면  $x < \frac{2a-1}{a-3} = 1$ 에서 2a-1 = a-3 : a = -2

11. 다음 중 연립부등식 
$$\begin{cases} 2x-3 < 7 \\ 5x+4 \ge x \end{cases}$$
 의 해를 모두 구하면?

① 
$$-2$$
 ②  $-1$  ③ 0 ④ 4 ⑤ 5

$$\begin{cases} 2x - 3 < 7 \cdots \bigcirc \\ 5x + 4 \ge x \cdots \bigcirc \end{cases}$$

$$\bigcirc \circlearrowleft \land \land 2x < 10, x < 5$$

$$\bigcirc \circlearrowleft \land \land 4x \ge -4, x \ge -1$$

$$\therefore -1 \le x < 5$$

12. 다음 연립부등식을 풀면? 
$$\begin{cases} 2x - 1 > -5 \\ x + 2 \ge 4x - 1 \end{cases}$$

① 
$$x > -2$$
④  $-2 < x \le 1$ 

$$\begin{cases} 2x - 1 > -5 \\ x + 2 \ge 4x - 1 \end{cases} \Rightarrow -2 < x \le 1$$

(3)  $-2 \le x < 1$ 

13. 다음 중 연립부등식 
$$\begin{cases} 5x + 3 < 18 \\ -3x + 2 < 0 \end{cases}$$
 의 해가 아닌 것을 모두 고르 면?

① 
$$\frac{1}{3}$$
 ②  $\frac{6}{5}$  ③  $\frac{4}{3}$  ④ 2

$$\begin{cases} 5x + 3 < 18 \\ -3x + 2 < 0 \end{cases}$$
 을 풀면  $\begin{cases} x < 3 \\ x > \frac{2}{3} \end{cases}$  이다. 따라서  $\frac{2}{3} < x < 3$  을 만족하지 않는 것은  $\frac{1}{3}$ , 3 이다.