

1. 좌표평면 위에 직선  $l : 2y + x - 7 = 0$  과 직선  $m : (a+1)x - (a+2)y + a + 3 = 0$  이 있다. 직선  $m$  위의 점 중에서  $a$  의 값에 관계없이 직선  $l$  위에는 있을 수 있는 점의 좌표를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $(1, 2)$

### 해설

$(a+1)x - (a+2)y + a + 3 = 0$  는 정리하면  $a(x-y+1) + (x-2y+3) = 0$  이다.

따라서 직선  $m$  은  $a$  의 값에 관계없이

$x - y + 1 = 0 \cdots ㉠$  과  $x - 2y + 3 = 0 \cdots ㉡$  의 교점을 지난다.

㉠, ㉡ 을 연립하여 풀면  $x = 1$ ,  $y = 2$  이므로

교점의 좌표는  $(1, 2)$  이다.

따라서 직선  $m$  위의 점 중에서  $a$  의 값에 관계없이 직선  $l$  위에는 있을 수 있는 점의 좌표는

$(1, 2)$  이다.

2. 두 직선  $y = ax - 4$ ,  $y = -x + b$  가 점  $(3, 2)$ 에서 만날 때, 기울기가  $ab$ 이고,  $y$  절편이  $a + b$ 인 직선의 방정식은?

- ①  $y = 3x + 7$       ②  $y = 7x + 10$       ③  $y = 7x + 3$   
④  $y = 10x + 7$       ⑤  $y = -10x + 7$

해설

$y = ax - 4$ 가 점  $(3, 2)$  를 지나므로  $2 = 3a - 4$ ,  $3a = 6 \therefore a = 2$

$y = -x + b$ 가 점  $(3, 2)$  를 지나므로  $2 = -3 + b \therefore b = 5$

$$ab = 10, a + b = 7$$

$$\therefore y = 10x + 7$$

3. 두 직선  $y = x + b$ ,  $y = ax + 6$  이 한 점  $(2, 4)$ 에서 만날 때,  $a$ ,  $b$ 의 값을 각각 차례대로 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답:  $a = -1$

▶ 정답:  $b = 2$

해설

$x = 2$ ,  $y = 4$  를  $y = x + b$  에 대입하면  $4 = 2 + b$  이므로  $b = 2$  이고

$y = ax + 6$  에 대입하면  $4 = 2 \times a + 6$  이므로  $a = -1$  이다.

4. 두 직선  $2x - y + 4 = 0$ ,  $3x + ay + 5 = 0$ 의 교점이 제3 사분면 위에 있도록  $a$ 의 값의 범위를 정하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a < -\frac{3}{2}$

해설

$$\begin{cases} 2x - y + 4 = 0 \\ 3x + ay + 5 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = 2x + 4 & \cdots \textcircled{\text{I}} \\ y = -\frac{3}{a}x - \frac{5}{a} & \cdots \textcircled{\text{II}} \end{cases} \text{에서 } \textcircled{\text{I}}, \textcircled{\text{II}} \text{을}$$

연립하여 풀면

$$x = \frac{-4a - 5}{2a + 3}, y = \frac{2}{2a + 3}$$

교점의 좌표가 제3 사분면에 있어야 하므로

$$x = \frac{-4a - 5}{2a + 3} < 0, y = \frac{2}{2a + 3} < 0$$

$$\frac{2}{2a + 3} < 0 \text{에서 } 2a + 3 < 0$$

$$\therefore a < -\frac{3}{2} \cdots \textcircled{\text{I}}$$

$$\frac{-4a - 5}{2a + 3} < 0 \text{에서 } -4a - 5 > 0$$

$$\therefore a < -\frac{5}{4} \cdots \textcircled{\text{II}}$$

$$\textcircled{\text{I}}, \textcircled{\text{II}} \text{에서 } a < -\frac{3}{2}$$