

1. 다음 중 집합이 될 수 없는 것은?

- ① 소수의 모임
- ② 가장 작은 자연수의 모임
- ③ 분수 전체의 모임
- ④ 10 보다 큰 8 의 약수들의 모임
- ⑤ 100 에 가까운 수들의 모임

해설

⑤ ‘가까운’은 기준이 명확하지 않다.

2. 다음 보기 중 집합은 모두 몇 개인가?

보기

- Ⓐ 우리나라의 놀이공원의 모임
- Ⓑ 머리가 긴 가수들의 모임
- Ⓒ 10에 가까운 수들의 모임
- Ⓓ 큰 자동차들의 모임
- Ⓔ 1보다 작은 자연수의 모임
- Ⓕ 6의 배수의 모임

① 1개      ② 2개      ③ 3개      ④ 4개      ⑤ 5개

해설

- Ⓐ ‘긴’이라는 단어가 명확한 기준이 없으므로 집합이 될 수 없다.
- Ⓒ ‘가까운’이라는 단어는 애매하므로 집합이 될 수 없다.
- Ⓓ ‘큰’이라는 단어는 사람에 따라 그 기준이 달라지므로 집합이 될 수 없다.

3. 두 집합  $A = \{x \mid x$ 는 6 이하의 소수},  $B = \{x \mid x$ 는 6 이하의 양의 짝수} 일 때, 집합  $\{x^2 \mid x \in A, x \notin B\}$ 를 원소나 열법으로 나타낸 것은?

- ① {4, 9}      ② {9, 16}      ③ {9, 25}  
④ {9, 36}      ⑤ {16, 36}

해설

$A = \{2, 3, 5\}$ ,  $B = \{2, 4, 6\}$  이므로  
 $x \in A$ 에서  $x = 2$  또는  $x = 3$  또는  $x = 5 \cdots \textcircled{\text{①}}$   
 $x \notin B$ 에서  $x \neq 2$ 이고  $x \neq 4$ 이고  $x \neq 6 \cdots \textcircled{\text{②}}$   
이때 ①, ②을 동시에 만족하는  $x$ 의 값은  
 $x = 3, x = 5$   
따라서 가능한  $x^2$ 의 값은  
 $x^2 = 3^2 = 9, x^2 = 5^2 = 25$

4. 집합  $A$ 는 2, 3, 5, 7 을 원소로 가질 때, 다음 중 틀린 것을 모두 고르면?  
(정답 2 개)

- ①  $1 \notin A$     ②  $2 \in A$     ③  $6 \notin A$     ④  $9 \in A$     ⑤  $3 \notin A$

해설

$a$ 가 집합  $A$ 의 원소이면  $a \in A$ ,  $b$ 가  $A$ 의 원소가 아니면  $b \notin A$ 이다.

④  $9 \notin A$

⑤  $3 \in A$

5.  $A = \{y \mid y = 2x - 1, x^2 + 2x - 3 = 0\}$  의 원소들의 합을 구하면?

- ① -10      ② -6      ③ -1      ④ 5      ⑤ 9

해설

$A = \{y \mid y = 2x - 1, x^2 + 2x - 3 = 0\}$ 에서

$x^2 + 2x - 3 = (x+3)(x-1) = 0$ 이면

$x = -3$  또는  $x = 1$

$A$ 는  $y$ 의 집합이므로

$x = -3$ 일 때,  $y = 2 \times (-3) - 1 = -7$

$x = 1$ 일 때,  $y = 2 \times 1 - 1 = 1$

$\therefore -7, 1$ 이므로 원소들의 합은 -6

6. 다음 중 무한집합인 것은?

- ①  $\{a, b\}$
- ②  $\emptyset$
- ③  $\{x|x\text{는 } 12\text{인 자연수}\}$
- ④  $\{x|x\text{는 } x \times 0 = 0\text{인 자연수}\}$
- ⑤  $\{x|x\text{는 } 12\text{의 약수}\}$

해설

- ③  $\{1, 2\}$  : 유한집합
- ④  $\{1, 2, 3, \dots\}$  : 무한집합
- ⑤  $\{1, 2, 3, 4, 6, 12\}$  : 유한집합

7.  $n(\{0, 1, 2, 3\}) - n(\{1, 2, 3\})$  의 값으로 옳은 것은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$n(\{0, 1, 2, 3\}) - n(\{1, 2, 3\}) = 4 - 3 = 1$$

8. 원소의 개수가 3인 집합  $A$  가 다음 조건을 만족한다.

$$\begin{aligned} &(\text{가}) \ 5 \in A \\ &(\text{나}) \ x \in A \text{ 이면 } \frac{1}{1-x} \in A \end{aligned}$$

이 때 집합  $A$  의 모든 원소의 곱은?

- ① -3      ② -2      ③ -1      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned} &5 \in A \text{ 이므로 } \frac{1}{1-5} = -\frac{1}{4} \in A \\ &\text{또 } \frac{1}{1-\left(-\frac{1}{4}\right)} = \frac{1}{\frac{5}{4}} = \frac{4}{5} \in A \\ &\frac{1}{1-\frac{4}{5}} = \frac{1}{\frac{1}{5}} = 5 \in A \\ &A = \left\{-\frac{1}{4}, \frac{4}{5}, 5\right\} \text{에서 } A \text{ 의 모든 원소의 곱은 } -\frac{1}{4} \times \frac{4}{5} \times 5 = -1 \text{ 이다.} \end{aligned}$$

9. 8의 약수의 집합을 A, 12의 약수의 집합을 B라고 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

- ①  $1 \in A, 1 \in B$       ②  $2 \in A, 2 \in B$       ③  $4 \in A, 4 \notin B$

- ④  $4 \in A, 6 \in B$       ⑤  $7 \notin A, 11 \notin B$

해설

$A = \{1, 2, 4, 8\}$ ,  $B = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\}$  이므로  $4 \in A, 4 \notin B$ 이다.

⑤  $\{1, 2, 3, 4\} = \{x \mid x \text{는 자연수}\}$

- ④ {정, 장구, 북, 팽과리} = { $x$  |  $x$ 는 사물놀이에 쓰이는 악기}

① ⊕, ⊖  
② ⊚, ⊛, ⊕  
③ ⊚, ⊙, ⊖  
④ ⊚, ⊚, ⊛, ⊕  
⑤ ⊚, ⊛, ⊕

11. 다음은 두 학생 갑과 을 사이의 집합에 관한 논쟁 중에서 그 일부를 적은 것이다.

갑 : 우리가 생각할 수 있는 집합들 전체의 집합을  $S$  라 하자.  
그러면  $S$ 는  $S$  자신을 원소로 갖는다.(㉠) 그렇지?  
을 : 그건 말도 안돼. 그런 게 어디 있나?  
갑 : 좋 아. 그 러 면 자기 자신을 원소로 갖지  
않는 집합들 전체의 집합(㉡)은 어떤가?

위의 논쟁에서 밑줄 친 부분 (㉠), (㉡)에 대한 수학적 표현으로 적절한 것은?

- ①  $S \in S, \{A | A \notin A, A \text{는 집합}\}$   
②  $S \in S, \{A | A \not\subset A, A \text{는 집합}\}$   
③  $S \in S, \{A | A \in A, A \text{는 집합}\}$   
④  $S \subset S, \{A | A \not\subset A, A \text{는 집합}\}$   
⑤  $S \subset S, \{A | A \subset A, A \text{는 집합}\}$

해설

(㉠)  $S$ 는  $S$  자신을 원소로 갖는다  $\rightarrow S \in S$   
(㉡) 자기 자신을 원소로 갖지 않는 집합들 전체의 집합  $\rightarrow \{A | A \notin A, A \text{는 집합}\}$   
[참고] 러셀의 패러독스를 표현한 내용이다. 러셀은 이것을 ‘이  
발사의 예화’를 통해 설명했다.

12. 다음 중 무한집합이 아닌 것을 모두 고르면?

- ①  $\{x|x\text{는 짝수인 소수}\}$   
②  $\{x|x\text{는 }1\text{과 }2\text{사이의 분수}\}$   
③  $\{x|x\text{는 }x \times 0 = 0\text{인 자연수}\}$   
④  $\{2x+1|x\text{는 }11\text{보다 큰 소수}\}$   
⑤  $\{x|1.5 \leq x \leq 3.5, x\text{는 자연수}\}$

해설

- ①  $\{x|x\text{는 짝수인 소수}\} \rightarrow$  짝수인 소수는 2 뿐이다. : 유한 집합  
②  $\{x|x\text{는 }1\text{과 }2\text{사이의 유리수}\} \rightarrow$  1 과 2 사이의 분수는 무수히 많다. : 무한 집합  
③  $\{1, 2, 3, \dots\}$ : 무한 집합  
④  $\{2x+1|x\text{는 }11\text{보다 큰 소수}\} \rightarrow$  11 보다 큰 소수는 무수히 많다. : 무한 집합  
⑤  $x$  가 될 수 있는 수는 2, 3 뿐이다. : 유한집합

13. 다음 중 무한집합인 것은?

- ①  $\{x \mid x\text{는 } 2\text{ 이하의 자연수}\}$
- ②  $\{x \mid x\text{는 } 0 < x = 1\text{인 수}\}$
- ③  $\{x \mid x\text{는 } 0 < x < 1\text{인 기약분수}\}$
- ④  $\{x \mid x\text{는 } 50\text{ 미만의 } 7\text{의 배수}\}$
- ⑤  $\{x \mid x\text{는 } 5 \times x = 12\text{인 자연수}\}$

해설

- ①  $\{x \mid x\text{는 } 2\text{ 이하의 자연수}\} = \{1\}$  이므로 유한집합이다.
- ②  $\{x \mid x\text{는 } 0 < x = 1\text{인 수}\}$  는 원소가 존재하지 않으므로 공집합 즉, 유한집합이다.
- ③  $\{x \mid x\text{는 } 0 < x < 1\text{인 기약분수}\} = \left\{\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \dots\right\}$  이므로 무한집합이다.
- ④  $\{x \mid x\text{는 } 50\text{ 미만의 } 7\text{의 배수}\} = \{7, 14, 21, 28, 35, 42, 49\}$  이므로 유한집합이다.
- ⑤  $\{x \mid x\text{는 } 5 \times x = 12\text{인 자연수}\}$  는 원소가 존재하지 않으므로 공집합 즉, 유한집합이다.

14. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

- Ⓐ Ⓛ  $n(\{0\}) = 1$  Ⓜ Ⓝ  $\{a, b\} \in \{a, b, c\}$   
③  $\emptyset \in \{1, 2, 3\}$  Ⓞ  $n(\{0\}) < n(\{1\})$   
⑤ Ⓠ  $n(\{1, \{2, 3\}, 4, 5\}) = 4$

해설

- ②  $\{a, b\} \subset \{a, b, c\}$   
③  $\emptyset \subset \{1, 2, 3\}$   
④  $n(\{0\}) = n(\{1\}) = 1$

15. 다음 중 옳은 것은?

- ①  $n(\emptyset) = n(\{0\})$
- ②  $n(\{1, 2, 4\}) - n(\{1, 4\}) = 2$
- ③  $n(\{4\}) = 4$
- ④  $n(\{x|x \leq 40 \text{ } \circ\text{C} \text{ 하의 짝수}\}) = 40$
- ⑤  $n(\{x|x \leq 2 < x < 4 \text{ } \circ\text{C} \text{ 홀수}\}) = 1$

해설

- ①  $n(\emptyset) = 0, n(\{0\}) = 1$
- ②  $n(\{1, 2, 4\}) - n(\{1, 4\}) = 3 - 2 = 1$
- ③  $n(\{4\}) = 1$
- ④  $n(\{2, 4, 6, \dots, 40\}) = 20$
- ⑤  $n(\{3\}) = 1$