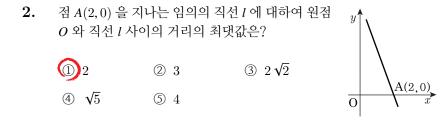
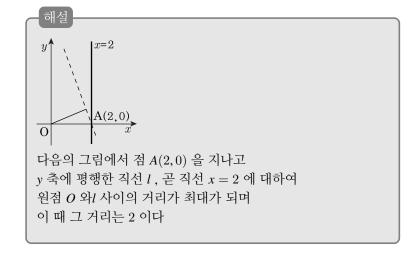
1. x축 위의 점 P로부터 두 직선 2x - y + 1 = 0, x - 2y - 2 = 0까지의 거리가 같다. 점 P의 좌표를 (a, 0), (b, 0)이라 할 때 -ab의 값을 구하여라.

 답:

 ▷ 정답:
 1

P의 좌표를 $(\alpha, 0)$ 이라 하면
P에서 두 직선까지의 거리가 같으므로 $\frac{|2\alpha+1|}{\sqrt{2^2+(-1)^2}} = \frac{|\alpha-2|}{\sqrt{1^2+(-2)^2}}$ $\therefore |2\alpha+1| = |\alpha-2|$ $\therefore 2\alpha+1 = \pm(\alpha-2)$ $\therefore \alpha = \frac{1}{3}, -3$ $\therefore \left(\frac{1}{3}, 0\right), (-3, 0)$ 이므로 $-ab = -\frac{1}{3} \times -3 = 1$





- **3.** O를 원점으로 하는 좌표평면 위의 두 직선 $l_1: mx y = 0, l_2:$ x+my-m-2=0이 있다. 임의의 실수 m에 대하여 직선 l_2 가 지나는 정점을 A 라 하고, 두 직선 l_1, l_2 의 교점을 P 라 할 때, Δ OAP의 넓이의 최댓값은?
 - ① $\frac{3}{2}$ ② $\frac{4}{3}$ ③ $\frac{5}{4}$ ④ $\frac{6}{5}$ ⑤ $\frac{7}{6}$

 $l_2: x + my - m - 2 = 0$ $\Leftrightarrow x - 2 + m(y - 1) = 0$

따라서 l_2 는 m의 값에 관계없이

(2,1)을 지난다. $l_1: mx - y = 0$ 은 m의 값에 관계없이

원점 O를 지나고 또한 $m \cdot 1 + (-1) \cdot m = 0$ 이므로

 l_1 과 l_2 는 서로 직교한다. 따라서 점 $P \leftarrow \overline{OA}$ 를 지름으로 하는

원 위에 존재하고 이 때, 점 P에서 $\overline{\mathrm{OA}}$ 에 내린 수선의 길이의 최댓값은

곧, 반지름의 길이이므로, △OAP 의 최댓값은

 $\triangle \mathrm{OAP} \leq \frac{1}{2} \cdot \overline{\mathrm{OA}} \cdot \frac{\overline{\mathrm{OA}}}{2} = \frac{1}{4} \overline{\mathrm{OA}}^2 = \frac{5}{4}$

- **4.** 서로 다른 두 직선 2x ay 2 = 0, x (a 3)y 3 = 0이 평행할 때, 두 직선 사이의 거리를 구하면?
 - ① $\frac{\sqrt{6}}{5}$ ② $\frac{\sqrt{7}}{5}$ ③ $\frac{2\sqrt{2}}{5}$ ④ $\frac{3}{5}$ ⑤ $\frac{\sqrt{10}}{5}$

해결
$$\begin{cases} 2x - ay - 2 = 0 \\ x - (a - 3)y - 3 = 0 \end{cases}$$
 정리하면
$$\begin{cases} y = \frac{2}{a}x - \frac{2}{a} \\ y = \frac{1}{a - 3}x - \frac{3}{a - 3} \end{cases}$$
 평행하므로
$$\frac{2}{a} = \frac{1}{a - 3}$$

$$\therefore a = 6 \text{ 대입하면}$$

$$\begin{cases} x - 3y - 1 = 0 \\ x - 3y - 3 = 0 \end{cases}$$

$$x - 3y - 1 = 0$$
위의 점 $(1, 0)$ 과 $x - 3y - 3 = 0$ 과의 거리는
$$\frac{|1 - 3|}{\sqrt{1^2 + 3^2}} = \frac{2\sqrt{10}}{10} = \frac{\sqrt{10}}{5}$$

- 5. 두 직선 x-y+1=0, x-2y+3=0 의 교점을 지나고, 원점에서부터의 거리가 1 인 직선의 방정식을 ax+by+c=0 이라고 할 때, a+b+c 의 값은?
 - ① -2 ② -1 또는 2 ③ 4 ④ -2 또는 4 ⑤ 0 또는 4
 - (4) -2 ±는 4 (5) 0 ±는

하설
두 직선 x-y+1=0, x-2y+3=0의 교점을 지나는 직선의 방정식은 x-2y+3+k(x-y+1)=0으로
나타낼 수 있다.이 식을 정리하면 $(1+k)x+(-2-k)y+(3+k)=0\cdots$ ①
원점에서 이 직선까지의 거리가 1 이므로 $\frac{3+k}{\sqrt{(1+k)^2+(-2-k)^2}}=1$ 양변에 제곱하여 정리하면 $(3+k)^2=(1+k)^2+(-2-k)^2, k^2=4$ $\therefore k=\pm 2$ 이것을 ①에 대입하여 정리하면 3x-4y+5=0 또는 x-1=0따라서 a+b+c는 0 또는 4