

1.  $x^2 + y^2 + 2xy - x - y$ 을 인수분해 하면?

①  $(x - y)(x + y + 1)$

②  $(x + y)(x - y - 1)$

③  $(x - y)(x - y - 1)$

④  $(x + y)(x + y - 1)$

⑤  $(x + y)(x + y + 1)$

해설

$$\begin{aligned} & x^2 + y^2 + 2xy - x - y \\ &= (x + y)^2 - (x + y) = (x + y)(x + y - 1) \end{aligned}$$

2.  $\frac{k}{3}(k+1)(k+2) + (k+1)(k+2)$  와 같은 것은?

①  $\frac{1}{6}(k+1)(k+3)(k+4)$

②  $\frac{1}{3}k(k+1)(k+2)$

③  $\frac{1}{3}(k+1)(k+2)(k+3)$

④  $\frac{1}{3}k(k+1)(k+2)(k+3)$

⑤  $\frac{1}{4}(k+1)(2k+1)(3k+2)$

해설

$$(k+1)(k+2) = \frac{3}{3}(k+1)(k+2) \text{ 이므로}$$

공통인수  $\frac{1}{3}(k+1)(k+2)$  로 묶으면

$$(\text{준 식}) = \frac{1}{3}(k+1)(k+2)(k+3)$$

3. 다음 중 다항식  $a^3 - a^2b + ab^2 + ac^2 - b^3 - bc^2$  의 인수인 것은?

①  $a + c$

②  $a - b^2$

③  $a^2 - b^2 + c^2$

④  $a^2 + b^2 + c^2$

⑤  $a^2 + b^2 - c^2$

해설

$$\begin{aligned} & a^3 - a^2b + ab^2 + ac^2 - b^3 - bc^2 \\ &= a^3 - b^3 + (a - b)c^2 - ab(a - b) \\ &= (a - b)(a^2 + ab + b^2) + (a - b)c^2 - ab(a - b) \\ &= (a - b)(a^2 + ab + b^2 + c^2 - ab) \\ &= (a - b)(a^2 + b^2 + c^2) \end{aligned}$$

4.  $x^2 - 2x - y^2 + 2y$ 를 인수분해하였더니,  $(x + ay)(x - by + c)$ 가 되었다.  
이 때,  $a, b, c$ 를 순서대로 쓴 것은?

①  $-1, 0, 1$

②  $-1, 1, 2$

③  $-2, -1, 1$

④  $-1, -1, -2$

⑤  $-1, 2$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2x - y^2 + 2y &= (x + y)(x - y) - 2(x - y) \\ &= (x - y)(x + y - 2)\end{aligned}$$

$$\therefore a = -1, b = -1, c = -2$$

5.  $(x^2 + x)(x^2 + x + 1) - 6$ 을 인수분해하면?

- ①  $(x-1)(x+2)(x^2+x+3)$       ②  $(x-1)(x+2)(x^2+x-3)$   
③  $(x-2)(x+1)(x^2+x+3)$       ④  $(x-1)(x+2)(x^2-x+3)$   
⑤  $(x+1)(x-2)(x^2-x+3)$

해설

$x^2 + x = X$ 라 하자.

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= X(X+1) - 6 \\&= X^2 + X - 6 \\&= (X+3)(X-2) \\&= (x^2 + x + 3)(x^2 + x - 2) \\&= (x-1)(x+2)(x^2 + x + 3)\end{aligned}$$

6.  $(a - b + c)(a + b - c)$ 를 전개한 식은?

①  $a^2 + b^2 + c^2 - 2bc$

②  $a^2 - b^2 + c^2 - 2bc$

③  $a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$

④  $a^2 + b^2 - c^2 - 2bc$

⑤  $a^2 + b^2 + c^2 + 2bc$

해설

$$\begin{aligned} & (a - b + c)(a + b - c) \\ &= \{a - (b - c)\}\{a + (b - c)\} \\ &= a^2 - (b - c)^2 \\ &= a^2 - b^2 - c^2 + 2bc \end{aligned}$$

7. 등식  $f(x) = x^3 + 4x^2 + x - 6 = (x+a)(x+b)(x+c)$  일 때,  $a+b+c$ 의 값은?

① 2

② 3

③ 4

④ 5

⑤ 6

해설

조립제법을 사용한다

|    |   |    |    |    |
|----|---|----|----|----|
| 1  | 1 | 4  | 1  | -6 |
|    |   | 1  | 5  | 6  |
| -2 | 1 | 5  | 6  | 0  |
|    |   | -2 | -6 |    |
| -3 | 1 | 3  | 0  |    |
|    |   | -3 |    |    |
|    | 1 | 0  |    |    |

$$x^3 + 4x^2 + x - 6 = (x-1)(x+2)(x+3)$$

$$\therefore a+b+c = 4$$

8.  $x^3 - 6x^2 + 11x - 6$ 을 인수분해 하면?

①  $(x+1)(x-2)(x+3)$

②  $(x-1)(x+2)(x+3)$

③  $(x-1)(x-2)(x-3)$

④  $(x+1)(x+2)(x-3)$

⑤  $(x-1)(x-2)(x+3)$

해설

인수정리를 이용하면

$$f(1) = 0, f(2) = 0, f(3) = 0 \text{ 이므로}$$

$$(\text{준식}) = (x-1)(x-2)(x-3)$$

9. 자연수  $N = p^n q^m r^l$ 로 소인수분해될 때, 양의 약수의 개수는  $(n+1)(m+1)(l+1)$ 이다. 이 때,  $38^3 + 3 \cdot 38^2 + 3 \cdot 38 + 1$ 의 양의 약수의 개수는?

① 9개

② 12개

③ 16개

④ 24개

⑤ 32개

해설

$38 = x$  라 하면,

$$\begin{aligned} 38^3 + 3 \cdot 38^2 + 3 \cdot 38 + 1 &= x^3 + 3x^2 + 3x + 1 \\ &= (x+1)^3 \\ &= 39^3 \\ &= 13^3 \cdot 3^3 \end{aligned}$$

$$\therefore (3+1)(3+1) = 16$$

10. 두 다항식  $3x^4 - 2x^3 - 9x^2 + 4$ ,  $3x^3 - 3x^2 - 6x$ 의 최대공약수를 구하면?

①  $(x-1)(x-2)$

②  $(x+1)(x+2)$

③  $(x+1)(x-2)$

④  $(x-1)(x-2)$

⑤  $(x+1)(x-1)$

해설

$$3x^4 - 2x^3 - 9x^2 + 4$$

$$= (x+1)(x-2)(x+1)(3x-2)$$

$$3x^3 - 3x^2 - 6x = 3x(x-2)(x+1)$$

$$\therefore \text{최대공약수} : (x-2)(x+1)$$

11.  $x^2 + xy - 2y^2 - 2x - y + 1$ 을 인수분해하면?

①  $(x + y - 1)(x + 2y - 1)$

②  $(x - y - 1)(x + 2y - 1)$

③  $(x - y + 1)(x + 2y - 1)$

④  $(x - y - 1)(x + 2y + 1)$

⑤  $(x + y + 1)(x + 2y - 1)$

해설

$x$ 에 대한 내림차순으로 정리한 뒤 인수분해한다.

$$x^2 + (y - 2)x - 2y^2 - y + 1$$

$$= \{x - (y + 1)\}\{x + (2y - 1)\}$$

$$= (x - y - 1)(x + 2y - 1)$$

12. 다음 중  $2x^2 - xy - y^2 - 4x + y + 2$ 의 인수인 것은?

①  $2x + y - 2$

②  $2x - y + 2$

③  $x - y + 1$

④  $x + y - 1$

⑤  $x - 2y - 1$

해설

$x$ 에 대한 내림차순으로 정리하면

$$\begin{aligned} & 2x^2 - (y + 4)x - y^2 + y + 2 \\ &= 2x^2 - (y + 4)x - (y + 1)(y - 2) \\ &= \{2x + (y - 2)\}\{x - (y + 1)\} \\ &= (2x + y - 2)(x - y - 1) \end{aligned}$$

13. 다항식  $x^2 + 3xy + 2y^2 - x - 3y - 2$ 를 일차식의 곱으로 인수분해 하였을 때, 그 인수들의 합을 구하면?

①  $x + 2y + 1$

②  $x + y - 3$

③  $2x + 3y + 2$

④  $x + y - 2$

⑤  $2x + 3y - 1$

해설

$$\begin{aligned} & x^2 + 3xy + 2y^2 - x - 3y - 2 \\ &= x^2 + (3y - 1)x + 2y^2 - 3y - 2 \\ &= x^2 + (3y - 1)x + (y - 2)(2y + 1) \\ &= (x + y - 2)(x + 2y + 1) \end{aligned}$$

14.  $\frac{11^6 - 1}{11^2(11^2 + 1) + 1}$  의 값을 구하면?

① 119

② 120

③ 121

④ 122

⑤ 123

해설

$$\begin{aligned} & \frac{(11^2)^3 - 1}{(11^2)^2 + (11^2) + 1} \\ &= \frac{(11^2 - 1)\{(11^2)^2 + (11^2) + 1\}}{(11^2)^2 + (11^2) + 1} \\ &= 11^2 - 1 = (11 + 1)(11 - 1) = 120 \end{aligned}$$

15.  $11 \cdot 13^3 + 33 \cdot 13^2 + 33 \cdot 13 + 11$ 의 인수가 아닌 것을 고르면?

① 3

② 7

③ 11

④ 14

⑤ 22

해설

$11 = a, 13 = b$  라 하면

$$a \cdot b^3 + 3ab^2 + 3ab + a$$

$$= a(b^3 + 3b^2 + 3b + 1)$$

$$= a(b+1)^3 = 11 \cdot 14^3$$

$$= 11 \times 2^3 \times 7^3$$

16. 가로 길이가  $x$ cm, 세로 길이가  $y$  cm, 높이가  $z$ cm 인 직육면체에서  $x + y + z = 10$ ,  $x^2 + y^2 + z^2 = 46$  일 때, 이 직육면체의 겉넓이는 몇  $\text{cm}^2$  인가?

①  $45 \text{ cm}^2$

②  $50 \text{ cm}^2$

③  $54 \text{ cm}^2$

④  $58 \text{ cm}^2$

⑤  $60 \text{ cm}^2$

해설

공식  $(x + y + z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 + 2(xy + yz + zx)$  을 이용하여  
주어진 조건을 대입하면  $xy + yz + zx = 27$   
겉넓이는  $2(xy + yz + zx)$  이므로 54

17. 두 다항식의 최대공약수가  $x-1$  이고, 곱이  $2x^3 + ax^2 + bx + 3$  일 때,  $a-b$ 의 값은?(단,  $a, b$ 는 상수)

① -3

② 3

③ -1

④ 1

⑤ 0

### 해설

두 다항식은  $(x-1)p, (x-1)q$  ( $p, q$ 은 서로 소)라 할 수 있다.

두 다항식의 곱은  $(x-1)^2 pq = 2x^3 + ax^2 + bx + 3$

즉,  $2x^3 + ax^2 + bx + 3$ 는  $x-1$ 로 나눌 때 연속으로 나누어 떨어진다.

조립제법을 사용하면

$$\begin{array}{r|rrrr} 1 & 2 & a & b & 3 \\ & & 2 & a+2 & a+b+2 \\ \hline 1 & 2 & a+2 & a+b+2 & a+b+5=0 \\ & & 2 & a+4 & \\ \hline & 2 & a+4 & a+b+6=0 \end{array}$$

$a+b=-5, 2a+b=-6$ 을 연립하여 풀면

$$a=-1, b=-4$$

$$\therefore a-b=3$$

### 해설

$$(x-1)^2(2x+k) = 2x^3 + ax^2 + bx + 3$$

$$(x^2 - 2x + 1)(2x+k) = 2x^3 + ax^2 + bx + 3$$

상수항을 비교하면  $k=3$

$$\text{이차항의 계수를 비교하면 } 3x^2 - 4x^2 = ax^2$$

$$\therefore a=-1$$

일차항의 계수를 비교하면

$$-6x + 2x = bx \therefore b=-4$$

$$\therefore a-b=3$$

18. 두 다항식의 최대공약수가  $x - 2$ 이고 최소공배수가  $x^3 - 2x^2 - x + 2$ 일 때, 두 다항식의 곱을  $f(x)$ 라 하면  $f(3)$ 의 값을 구하면?

① 5

② 6

③ 7

④ 8

⑤ 9

해설

$x^3 - 2x^2 - x + 2 = (x - 1)(x - 2)(x + 1)$ 에서 두 다항식은

$$(x - 2)(x - 1) = x^2 - 3x + 2$$

$$(x - 2)(x + 1) = x^2 - x - 2$$

두 다항식의 곱 :  $(x - 2)^2(x - 1)(x + 1) = f(x)$

$$f(3) = (3 - 2)^2(3 - 1)(3 + 1) = 2 \cdot 4 = 8$$

해설

최대공약수를  $G$ , 최소공배수를  $L$ 이라 하면

(두 식의 곱) =  $GL$

$\therefore$  두 식의 곱  $f(x)$

$$= (x - 2)(x^3 - 2x^2 - x + 2)f(3) = 8$$

19. 이차항의 계수가 1인 두 이차 다항식의 최대공약수가  $x + 3$ 이고, 최소공배수가  $x^3 + 4x^2 + x - 6$ 일 때 두 이차식을 구하면?

①  $\begin{cases} x^2 + x - 3 \\ x^2 + 5x + 1 \end{cases}$

③  $\begin{cases} x^2 + x - 2 \\ x^2 - x + 3 \end{cases}$

⑤  $\begin{cases} x^2 + 4x + 3 \\ x^2 - x - 6 \end{cases}$

②  $\begin{cases} x^2 + x - 6 \\ x^2 + 4x + 3 \end{cases}$

④  $\begin{cases} x^2 + 2x - 3 \\ x^2 + 5x + 6 \end{cases}$

해설

$$x^3 + 4x^2 + x - 6 = (x - 1)(x + 2)(x + 3)$$

두 이차식은  $(x - 1)(x + 3)$ ,  $(x + 2)(x + 3)$ 에서

$$x^2 + 2x - 3, x^2 + 5x + 6$$

20. 두 이차식의 합이  $2x^2 - x - 6$ 이고, 최소공배수가  $x^3 + x^2 - 4x - 4$ 일 때, 두 이차식의 최대공약수는?

①  $x - 1$

②  $x + 1$

③  $x - 2$

④  $x + 2$

⑤  $x + 3$

해설

최대공약수는 합과 최소공배수의 공통인수

$$2x^2 - x - 6 = (x - 2)(2x + 3)$$

$$x^3 + x^2 - 4x - 4 = (x - 2)(x + 2)(x + 1)$$

21.  $(x+2)(x-3)(x+6)(x-9)+21x^2$  을 인수분해하면  $(x^2+p)(x^2+qx-18)$  이다.  $pq$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 72

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= \{(x+2)(x-9)\}\{(x-3)(x+6)\} + 21x^2 \\&= (x^2 - 7x - 18)(x^2 + 3x - 18) + 21x^2 \\&= \{(x^2 - 18) - 7x\}\{(x^2 - 18) + 3x\} + 21x^2 \\&= (x^2 - 18)^2 - 4x(x^2 - 18) - 21x^2 + 21x^2 \\&= (x^2 - 18)(x^2 - 4x - 18)\end{aligned}$$

따라서  $p = -18, g = -4$

$$\therefore pq = (-18) \times (-4) = 72$$

22.  $a^2 - b^2 = 1$  일 때,  $\{(a+b)^n + (a-b)^n\}^2 - \{(a+b)^n - (a-b)^n\}^2$  의 값은? (단,  $n$ 은 자연수)

① 2

②  $2(a+b)^n$

③ 4

④  $4(a+b)^n$

⑤  $4(a-b)^n$

해설

$(A)^2 - (B)^2$  형태이므로

합차공식을 사용하여 정리하면

$$(\text{준식}) = 4(a+b)^n(a-b)^n = 4(a^2 - b^2)^n = 4$$

23.  $2x^2 + xy - y^2 + 10x + 4y + 12$ 를  $x, y$ 의 두 일차식의 곱으로 인수분해하면,  $(x + ay + b)(2x + cy + d)$ 가 된다고 할 때,  $a + b + c + d$ 의 값은? (단,  $a, b, c, d$ 는 상수)

① 6

② 7

③ 8

④ 9

⑤ 10

해설

$$\begin{aligned} & 2x^2 + xy - y^2 + 10x + 4y + 12 \quad (\leftarrow x \text{에 관하여 정리}) \\ &= 2x^2 + (y + 10)x - (y^2 - 4y - 12) \\ &= 2x^2 + (y + 10)x - (y + 2)(y - 6) \\ &= \{x + (y + 2)\}\{2x - (y - 6)\} \\ &= (x + y + 2)(2x - y + 6) \\ &\therefore a = 1, b = 2, c = -1, d = 6 \\ &\therefore a + b + c + d = 8 \end{aligned}$$

24. 다음 중 다항식  $a^3(b-c) + b^3(c-a) + c^3(a-b)$  의 인수가 아닌 것은?

①  $a - b$

②  $b - c$

③  $c - a$

④  $a + b + c$

⑤  $a - b + c$

### 해설

주어진 식을  $a$ 에 관하여 정리하면

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= a^3(b-c) - a(b^3 - c^3) + bc(b^2 - c^2) \\&= (b-c)\{a^3 - a(b^2 + bc + c^2) + bc(b+c)\} \\&= (b-c)\{b^2(c-a) + b(c^2 - ca) - a(c^2 - a^2)\} \\&= (b-c)(c-a)(b^2 + bc - ac - a^2) \\&= (b-c)(c-a)\{c(b-a) + (b^2 - a^2)\} \\&= (b-c)(c-a)(b-a)(a+b+c)\end{aligned}$$

25. 다음 보기 중  $ab(b-a) + ac(c-a) + bc(2a-b-c)$  의 인수인 것을 모두 고르면?

㉠  $a-b$

㉡  $b+c$

㉢  $a-c$

① ㉠

② ㉡

③ ㉠, ㉢

④ ㉡, ㉢

⑤ ㉠, ㉡, ㉢

해설

$$\begin{aligned} & ab(b-a) + ac(c-a) + bc(2a-b-c) \\ &= ab^2 - a^2b + ac^2 - a^2c + 2abc - b^2c - bc^2 \\ &= -(b+c)a^2 + (b^2 + 2bc + c^2)a - bc(b+c) \\ &= -(b+c)\{a^2 - (b+c)a + bc\} \\ &= -(b+c)(a-b)(a-c) \\ &= (a-b)(b+c)(c-a) \end{aligned}$$

26. 0이 아닌 세 수가 있다. 이들의 합은 0, 역수의 합은  $\frac{3}{2}$ , 제곱의 합은 1 일 때, 이들 세 수의 세제곱의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -1

### 해설

세 수를  $x, y, z$ 라 하면 주어진 조건으로부터

$$x + y + z = 0 \cdots \cdots \textcircled{㉠}$$

$$\frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z} = \frac{3}{2} \cdots \cdots \textcircled{㉡}$$

$$x^2 + y^2 + z^2 = 1 \cdots \cdots \textcircled{㉢}$$

$(x + y + z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 + 2(xy + yz + zx)$  이므로

$$\textcircled{㉠}, \textcircled{㉢} \text{에서 } 0^2 = 1 + 2(xy + yz + zx)$$

$$\therefore xy + yz + zx = -\frac{1}{2} \cdots \cdots \textcircled{㉣}$$

$$\textcircled{㉡} \text{에서 } \frac{xy + yz + zx}{xyz} = \frac{3}{2} \text{ 이므로}$$

$$3xyz = 2(xy + yz + zx)$$

$$\therefore xyz = -\frac{1}{3}$$

$$\text{또, } x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz$$

$$= (x + y + z)(x^2 + y^2 + z^2 - xy - yz - zx)$$

$$\textcircled{㉠} \text{에서 } x + y + z = 0 \text{ 이므로}$$

$$x^3 + y^3 + z^3 = 3xyz = 3 \cdot \left(-\frac{1}{3}\right) = -1$$

27. 삼각형의 세 변의 길이  $a, b, c$ 가  $b^3 - ac^2 + a^2b + ab^2 + a^3 - bc^2 = 0$ 인 관계를 만족할 때, 이 삼각형의 모양은?

① 정삼각형

② 직각삼각형

③ 이등변삼각형

④ 둔각삼각형

⑤ 직각이등변삼각형

해설

차수가 가장 낮은  $c$ 에 대한 내림차순으로 정리한 뒤 인수분해한다.

$$-(a+b)c^2 + a^3 + a^2b + b^3 + ab^2 = 0$$

$$-(a+b)c^2 + a^2(a+b) + b^2(a+b) = 0$$

$$-(a+b)(c^2 - a^2 - b^2) = 0$$

$$(a+b \neq 0)$$

$$c^2 - a^2 - b^2 = 0$$

$$\therefore c^2 = a^2 + b^2$$

$\therefore C = 90^\circ$ 인 직각삼각형

28.  $a, b, c$ 가  $\triangle ABC$ 의 세변의 길이를 나타낼 때, 다음 등식  $a^3 + a^2b - ab^2 - a^2c + b^2c - b^3 = 0$ 을 만족하는 삼각형의 모양은?

① 직삼각형

② 이등변삼각형

③ 직각삼각형

④ 직각이등변삼각형

⑤ 이등변삼각형 또는 직각삼각형

해설

$$a^3 + a^2b - ab^2 - a^2c + b^2c - b^3 = 0$$

$$a^2(a+b) - b^2(a+b) - c(a^2 - b^2) = 0$$

$$(a+b)(a^2 - ac + bc - b^2) = 0$$

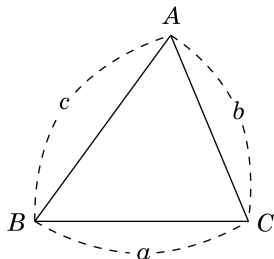
$$(a+b)\{((a-b)(a+b) - c(a-b))\} = 0$$

$$(a+b)(a-b)(a+b-c) = 0$$

$$a+b > 0, a+b-c > 0 \text{ 이므로 } a=b$$

$\therefore a=b$ 인 이등변삼각형

29. 다음 그림과 같이 세 변의 길이가  $a, b, c$  인  $\triangle ABC$ 에서  $a^3 + b^3 + c^3 - ab(a+b) + bc(b+c) - ca(c+a) = 0$ 이 성립할 때,  $\triangle ABC$ 는 어떤 삼각형인가?



- ①  $a = b$ 인 이등변삼각형      ②  $a = c$ 인 이등변삼각형  
 ③  $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형      ④  $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형  
 ⑤  $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형

### 해설

$$\begin{aligned}
 & a^3 + b^3 + c^3 - ab(a+b) + bc(b+c) - ca(c+a) \\
 &= a^3 + b^3 + c^3 - a^2b - ab^2 + b^2c + bc^2 - c^2a - ca^2 \\
 &= a^3 - (b+c)a^2 - (b^2+c^2)a + b^3 + b^2c + bc^2 + c^3 \\
 &= a^3 - (b+c)a^2 - (b^2+c^2)a + b^2(b+c) + c^2(b+c) \\
 &= a^3 - (b+c)a^2 - (b^2+c^2)a + (b+c)(b^2+c^2) \\
 &= a^3 - (b+c)a^2 - (b^2+c^2)(a-b-c) \\
 &= (a-b-c)a^2 - (b^2+c^2)(a-b-c) \\
 &= (a-b-c)(a^2 - b^2 - c^2) \\
 &= 0
 \end{aligned}$$

이 때,  $a, b, c$ 는 삼각형의 세 변의 길이이므로  $a \neq b+c$

$$\therefore a^2 - b^2 - c^2 = 0,$$

$$\text{즉 } a^2 = b^2 + c^2$$

따라서,  $\triangle ABC$ 는  $a$ 를 빗변으로 하는 직각삼각형,

즉  $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형이다.

30. 삼각형의 세 변의 길이  $a, b, c$ 에 대하여  $(a + b - c)(a - b + c) = b(b + 2c) + (c + a)(c - a)$ 가 성립할 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

- ① 직각삼각형      ② 이등변삼각형      ③ 정삼각형  
 ④ 예각삼각형      ⑤ 둔각삼각형

해설

$$(a + b - c)(a - b + c)$$

$$= b(b + 2c) + (c + a)(c - a) \text{에서}$$

$$\{a + (b - c)\}\{a - (b - c)\} = b^2 + 2bc + c^2 - a^2$$

$$a^2 - b^2 + 2bc - c^2 = -a^2 + b^2 + c^2 + 2bc$$

$$2a^2 = 2b^2 + 2c^2$$

$$\therefore a^2 = b^2 + c^2$$

따라서, 이 삼각형은 빗변의 길이가  $a$ 인 직각삼각형이다.

31.  $a - b = 1 + i$ ,  $b - c = 1 - i$  일 때,  $a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca$  의 값은?

① 0

② 1

③ 2

④ 3

⑤ 4

해설

$$a - b = 1 + i \dots\dots \textcircled{㉠}$$

$$b - c = 1 - i \dots\dots \textcircled{㉡}$$

$\textcircled{㉠} + \textcircled{㉡}$  을 계산하면  $a - c = 2$

$$a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca$$

$$= \frac{1}{2} \{ (a - b)^2 + (b - c)^2 + (c - a)^2 \}$$

$$= \frac{1}{2} \{ (1 + i)^2 + (1 - i)^2 + (-2)^2 \}$$

$$= \frac{1}{2} \{ 1 + 2i - 1 + 1 - 2i - 1 + 4 \}$$

$$= 2$$

32.  $a + b + c = 1$ 을 만족하는 세 실수  $a, b, c$ 에 대하여  $x = a - 2b + 3c$ ,  $y = b - 2c + 3a$ ,  $z = c - 2a + 3b$ 라 할 때,  $(x^2 + 2xy + 1) + (y^2 + 2yz + 1) + (z^2 + 2zx + 1)$ 의 값을 구하면?

① 1

② 3

③ 5

④ 7

⑤ 9

해설

$a + b + c = 1$ 이므로

$$x + y + z = 2a + 2b + 2c = 2(a + b + c) = 2$$

$$\therefore (x^2 + 2xy + 1) + (y^2 + 2yz + 1) + (z^2 + 2zx + 1)$$

$$= x^2 + y^2 + z^2 + 2xy + 2yz + 2zx + 3$$

$$= (x + y + z)^2 + 3$$

$$= 2^2 + 3 = 4 + 3 = 7$$

33. 두 다항식  $A, B$ 에 대하여  $\{A, B\} = A^2 + B^2 - AB$ 라 할 때,  $\{x^2 + 1, 2x^2 - 3\} - 7$ 을 실수 범위에서 인수분해한다. 이 때, 인수가 아닌 것은?

①  $x - \sqrt{2}$

②  $x - 1$

③  $x$

④  $x + 1$

⑤  $x + \sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned} & \{x^2 + 1, 2x^2 - 3\} - 7 \\ &= (x^2 + 1)^2 + (2x^2 - 3)^2 - (x^2 + 1)(2x^2 - 3) - 7 \\ &= x^4 + 2x^2 + 1 + 4x^4 - 12x^2 + 9 - 2x^4 + x^2 + 3 - 7 \\ &= 3x^4 - 9x^2 + 6 \\ &= 3(x^4 - 3x^2 + 2) \\ &= 3(x^2 - 1)(x^2 - 2) \\ &= 3(x - 1)(x + 1)(x - \sqrt{2})(x + \sqrt{2}) \end{aligned}$$

34.  $x$ 에 관한 세 개의 다항식  $A(x) = x^4 - 10x^2 + 9$ ,  $B(x) = x^4 - x^3 - 7x^2 + x + 6$ ,  $C(x) = x(x-3)(x^2+a) - (x-3)(x^2+b) + 8$ 의 최대공약수가 이차식일 때,  $a+b$ 의 값은?

① 4

② -4

③ 8

④ -8

⑤ 2

### 해설

$$A(x) = x^4 - 10x^2 + 9 = (x-1)(x+1)(x-3)(x+3)$$

$$B(x) = x^4 - x^3 - 7x^2 + x + 6$$

$$= (x-1)(x+1)(x-3)(x+2)$$

∴ 두 다항식의 최대공약수는  $(x-1)(x+1)(x-3)$

그런데 다항식  $C(x)$ 는  $x-3$ 으로 나누어떨어지지 않으므로

세 다항식의 최대공약수는  $(x-1)(x+1)$ 이다.

$$\therefore \text{다항식 } C(\pm 1) = 0$$

$$\therefore C(1) = -a + b + 4 = 0, C(-1) = a + b + 4 = 0$$

$$\therefore a = 0, b = -4 \text{에서 } a + b = -4$$

35. 다음은 유클리드 호제법 ‘두 다항식  $A, B$  에 대하여  $A$  를  $B$  로 나눈 나머지를  $R$  라 하면  $A$  와  $B$  의 최대공약수는  $B$  와  $R$  의 최대공약수와 같다.’ 를 보이는 과정이다.

$A, B$  의 최대공약수를  $G$  라 하면,  
 $A = Ga, B = Gb$  (단,  $a, b$  는 서로소)로 나타낼 수 있다.  
 $A$  를  $B$  로 나눈 몫을  $Q$  라 하면  
 $A = BQ + R$  에서  $Ga = GbQ + R$   
 $\therefore R = G(a - bQ)$   
 즉,  $G$  는  $B$  와  $R$  의 ( 가 ) 이다.  
 한편,  $b$  와  $a - bQ$  가 ( 나 ) 가 아니라면  
 ( 가 )  $m$  (일차이상의 다항식)이 존재하여  
 $b = mk, a - bQ = mk'$  이 성립한다.  
 $a = mk' + bQ = mk' + mkQ = m(k' + kQ)$   
 즉,  $a$  와  $b$  의 ( 가 )  $m$  이 존재하므로  
 $a$  와  $b$  가 서로소라는 가정에 모순이다.  
 따라서  $b$  와  $a - bQ$  는 ( 나 ) 이다.  
 $B = Gb, R = G(a - bQ)$  에서  
 $b$  와  $a - bQ$  가 ( 나 ) 이므로  $B$  와  $R$  의 최대공약수는  $A$  와  $B$  의 최대공약수  $G$  와 같다.

( ) 안의 (가), (나) 에 알맞은 것은?

- |            |            |
|------------|------------|
| ① 공약수, 공약수 | ② 공약수, 서로소 |
| ③ 공약수, 공배수 | ④ 공배수, 서로소 |
| ⑤ 공배수, 공약수 |            |

#### 해설

$A, B$  의 최대공약수를  $G$  라 하면  
 $A = Ga, B = Gb$  (단,  $a, b$  는 서로소) 이고,  
 $A$  를  $B$  로 나눈 몫을  $Q$  라 하면  
 $A = BQ + R$  에서  $Ga = GbQ + R$   
 $\therefore R = (a - bQ)G$   
 즉,  $G$  는  $B$  와  $R$  의 공약수이다.  
 한편,  $b$  와  $a - bQ$  가 서로소가 아니라면  
 공약수인  $m$  이 존재하여  
 $b = mk, a - bQ = mk'$   
 $a = mk' - kQ = mk' + mkQ = m(k' + kQ)$   
 즉,  $a$  와  $b$  의 공약수  $m$  이 존재하므로  $a$  와  $b$  가 서로소라는 것에 모순된다.  
 따라서  $b$  와  $a - bQ$  는 서로소이다.  
 $B = Gb, R = G(a - bQ)$  에서  $a$  와  $a - bQ$  가 서로소이므로  $B$  와  $R$  의 최대공약수는  $A$  와  $B$  의 최대공약수와 같다.

36.  $(a+b)(b+c)(c+a) + abc$ 를 인수분해 하면?

①  $(a+b)(ab+bc+ca)$

②  $(b+c)(ab+bc+ca)$

③  $(a+b)(a+b+c)$

④  $(a+b+c)(ab+bc+ca)$

⑤  $(b+c)(a+b+c)$

해설

$a+b+c = k$  라 하면

$$(\text{준식}) = (k-a)(k-b)(k-c) + abc$$

$$= k^3 - (a+b+c)k^2 + (ab+bc+ca)k - abc + abc$$

$$= k \{ k^2 - (a+b+c)k + (ab+bc+ca) \}$$

$$= (a+b+c)(ab+bc+ca) \quad (\because a+b+c = k)$$

37.  $\frac{bx(a^2x^2 + 2a^2y^2 + b^2y^2)}{bx + ay} + \frac{ay(a^2x^2 + 2b^2x^2 + b^2y^2)}{bx + ay}$  을 간단히 하면?

①  $a^2x^2 + b^2y^2$

②  $(ax + by)^2$

③  $(bx + ay)^2$

④  $2(a^2x^2 + b^2y^2)$

⑤  $(ax + by)(bx + ay)$

해설

$$\begin{aligned}
 (\text{분자}) &= bx(a^2x^2 + 2a^2y^2 + b^2y^2) + ay(a^2x^2 + 2b^2x^2 + b^2y^2) \\
 &= bx(a^2x^2 + b^2y^2) + 2a^2bxy^2 + ay(a^2x^2 + b^2y^2) + 2ab^2x^2y \\
 &= (a^2x^2 + b^2y^2)(bx + ay) + 2abxy(ay + bx) \\
 &= (bx + ay)(a^2x^2 + 2abxy + b^2y^2) \\
 &= (bx + ay)(ax + by)^2
 \end{aligned}$$

따라서, (준 식) =  $(ax + by)^2$

38.  $-a^2(b-c) - b^2(c-a) - c^2(a-b)$  을 인수분해했을 때, 각 인수들의 합이 될 수 없는 것은?

①  $a + b$

②  $2a - 2b$

③  $2b - 2a$

④  $2b - 2c$

⑤ 0

### 해설

$a$ 에 대한 내림차순으로 정리한다.

$$\begin{aligned} & -a^2(b-c) - b^2(c-a) - c^2(a-b) \\ &= (c-b)a^2 - (c^2-b^2)a + bc^2 - b^2c \\ &= (c-b)a^2 - (c-b)(c+b)a + bc(c-b) \\ &= (c-b) \{ a^2 - (c+b)a + bc \} \\ &= (c-b)(a-b)(a-c) \cdots \textcircled{㉠} \\ &= (a-b)(b-c)(c-a) \cdots \textcircled{㉡} \\ &= (b-c)(b-a)(a-c) \cdots \textcircled{㉢} \\ &= (c-a)(b-c)(b-a) \cdots \textcircled{㉣} \end{aligned}$$

㉠식 : 세항을 모두 더하면  $2a - 2b$

㉡식 : 세항을 모두 더하면 0

㉢식 : 세항을 모두 더하면  $2b - 2c$

㉣식 : 세항을 모두 더하면  $2b - 2a$

39. 다음 중  $\left(\frac{997}{1000}\right)^3 + \left(\frac{3}{1000}\right)^3 - 1$ 의 값과 같은 것은?

①  $\frac{3^2 \times 997^3}{10}$

②  $\frac{3^2 \times 997^6}{10}$

③  $-\frac{3^2 \times 997^3}{10}$

④  $-\frac{3^2 \times 997}{10^6}$

⑤  $-\frac{3^2 \times 997^9}{10}$

해설

주어진 식에서  $\frac{997}{1000}$  과  $\frac{3}{1000}$  을 더해보면  $\frac{997+3}{1000} = 1$  이므로

$a = \frac{997}{1000}$ ,  $b = \frac{3}{1000}$ ,  $c = -1$  이라 하면

$a + b + c = 0$  이 된다.

따라서  $a + b + c = 0$  이므로

$$a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$$

$= (a+b+c)(a^2+b^2+c^2-ab-bc-ca)$  에서  $a^3+b^3+c^3 = 3abc$  임을 이용하면

$$a^3 + b^3 + c^3 = \left(\frac{997}{1000}\right)^3 + \left(\frac{3}{1000}\right)^3 + (-1)^3 \text{의 값은}$$

$$3abc = 3 \times \frac{997}{1000} \times \frac{3}{1000} \times (-1) \text{와 같으므로}$$

구하는 값은

$$3 \times \frac{997}{1000} \times \frac{3}{1000} \times (-1) = -\frac{3^2 \times 997}{10^6}$$

40. 세 변의 길이가  $x, y, z$ 인 삼각형 ABC에서 등식  $(x^4 - y^4)(x + y) - 2(x^3 - y^3)z^2 + (x - y)z^4 = 0$ 이 성립할 때,  $\triangle ABC$ 는 어떤 삼각형인가?

①  $z = x$ 인 이등변삼각형, 또는  $y$ 가 빗변인 직각삼각형

②  $y = z$ 인 이등변삼각형, 또는  $x$ 가 빗변인 직각삼각형

③  $x$ 가 빗변인 직각삼각형

④  $y$ 가 빗변인 직각삼각형

⑤  $x = y$ 인 이등변 삼각형, 또는  $z$ 가 빗변인 직각삼각형

### 해설

$$\begin{aligned}
 & (x^4 - y^4)(x + y) - 2(x^3 - y^3)z^2 + (x - y)z^4 \\
 &= (x - y)(x + y)^2(x^2 + y^2) - 2(x - y)(x^2 + xy + y^2)z^2 + (x - y)z^4 \\
 &= (x - y)\{(x^2 + 2xy + y^2)(x^2 + y^2) - 2(x^2 + xy + y^2)z^2 + z^4\} \\
 &= (x - y)\{x^4 + x^2y^2 + 2x^3y + 2xy^3 + x^2y^2 + y^4 - 2x^2z^2 - 2xyz^2 - 2y^2z^2 + z^4\} \\
 &= (x - y)\{x^4 + y^4 + z^4 + 2x^2y^2 - 2x^2z^2 - 2y^2z^2 + 2xy(x^2 + y^2 - z^2)\} \\
 &= (x - y)\{(x^2 + y^2 - z^2)^2 + 2xy(x^2 + y^2 - z^2)\} \\
 &= (x - y)(x^2 + y^2 - z^2)(x^2 + y^2 - z^2 + 2xy) = 0 \\
 &\therefore x = y \text{인 이등변 삼각형 또는 } z \text{가 빗변인 직각 삼각형} \\
 &(\because x^2 + y^2 - z^2 + 2xy = (x + y)^2 - z^2 \text{에서 삼각형의 변인 } x, y, z \text{는 } x + y \neq z)
 \end{aligned}$$

41.  $10^{20} - 4$  과  $10^{30} - 8$  의 최대공약수는 몇 자리의 자연수인가?

① 10자리

② 11자리

③ 12자리

④ 13자리

⑤ 14자리

해설

$$\begin{aligned}10^{20} - 4 &= (10^{10})^2 - 2^2 \\ &= (10^{10} - 2)(10^{10} + 2)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}10^{30} - 8 &= (10^{10})^3 - 2^3 \\ &= (10^{10} - 2)(10^{20} + 10^{10} \times 2 + 4)\end{aligned}$$

$$\therefore \text{최대 공약수는 } 2(10^{10} - 2) = 2 \cdot 10^{10} - 4$$

$\therefore$  11자리수

42.  $a - b = 2 - \sqrt{3}$ ,  $b - c = 2 + \sqrt{3}$ 인 세 수  $a$ ,  $b$ ,  $c$ 에 대하여  $a^2(b - c) + b^2(c - a) + c^2(a - b)$ 의 값은?

① 4

② 3

③ 1

④ -2

⑤ -3

해설

$$a - b = 2 - \sqrt{3} \dots\dots \textcircled{㉠}$$

$$b - c = 2 + \sqrt{3} \dots\dots \textcircled{㉡}$$

$$\textcircled{㉠} + \textcircled{㉡} \text{을 계산하면 } a - c = 4$$

$$a^2(b - c) + b^2(c - a) + c^2(a - b)$$

$$= a^2(b - c) + b^2c - b^2a + c^2a - c^2b$$

$$= a^2(b - c) - a(b^2 - c^2) + b^2c - c^2b$$

$$= a^2(b - c) - a(b + c)(b - c) + bc(b - c)$$

$$= (b - c)\{a^2 - a(b + c) + bc\}$$

$$= (b - c)(a - b)(a - c)$$

$$= (2 + \sqrt{3})(2 - \sqrt{3}) \cdot 4 = 4$$

43.  $a, b, c, d$ 가 실수이고  $a^2 - b^2 = 3$ ,  $c^2 + d^2 = 4$ ,  $ab = 1$ ,  $cd = 2$  일 때,  $a^2d^2 - b^2c^2$ 의 값을 구하면?

① 4

② 5

③ 6

④ 7

⑤ 8

해설

$$a^2 - b^2 = 3 \cdots \textcircled{㉠}$$

$$c^2 + d^2 = 4 \cdots \textcircled{㉡}$$

$$ab = 1 \cdots \textcircled{㉢}$$

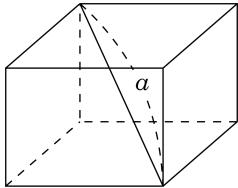
$$cd = 2 \cdots \textcircled{㉣}$$

$$\textcircled{㉡}, \textcircled{㉣} \text{에서 } (c - d)^2 = 0 \quad (\because 2cd = 4)$$

$$\therefore c = d, \quad c^2 = d^2 = 2 \cdots \textcircled{㉤}$$

$$\textcircled{㉠}, \textcircled{㉤} \text{에서 } a^2d^2 - b^2c^2 = 2(a^2 - b^2) = 2 \times 3 = 6$$

44. 다음 그림과 같은 직육면체에서 대각선의 길이가  $a$ 이고, 모든 모서리의 길이의 합이  $b$ 일 때, 이 직육면체의 겉넓이는?



①  $\frac{1}{16}b^2 - a^2$

②  $\frac{1}{8}b^2 - a^2$

③  $\frac{1}{4}b^2 - a^2$

④  $\frac{1}{8}b^2 + a^2$

⑤  $\frac{1}{16}b^2 + a^2$

### 해설

가로, 세로의 길이와 높이를 각각  $x$ ,  $y$ ,  $z$ 라 하면

$$4(x + y + z) = b, \sqrt{x^2 + y^2 + z^2} = a$$

$$\therefore x + y + z = \frac{1}{4}b, x^2 + y^2 + z^2 = a^2$$

따라서, 구하는 직육면체의 겉넓이는

$$2(xy + yz + zx) = (x + y + z)^2 - (x^2 + y^2 + z^2)$$

$$= \left(\frac{1}{4}b\right)^2 - a^2$$

$$= \frac{1}{16}b^2 - a^2$$

45.  $x$ 에 관한 두 다항식  $f(x)$ ,  $g(x)$ 에 대하여,  $(x+1)f(x) = (x-1)g(x)$  일 때, 다음 중  $f(x)$ 와  $g(x)$ 의 최소공배수는?

- ①  $(x-1)g(x)$       ②  $(x+1)g(x)$       ③  $(x-1)^2g(x)$   
④  $(x+1)^2g(x)$       ⑤  $(x-1)^3g(x)$

해설

$$(x+1)f(x) = (x-1)g(x) \cdots \textcircled{1}$$

$x+1$ 과  $x-1$ 이 서로 소이므로

$x+1$ 은  $g(x)$ 의 인수이다.

따라서  $g(x) = (x+1)h(x) \cdots \textcircled{2}$ 로 놓으면

$$\textcircled{1} \text{에서 } f(x) = (x-1)h(x) \cdots \textcircled{3}$$

②와 ③에서  $f(x)$ 와  $g(x)$ 의 최소공배수는

$$(x-1)(x+1)h(x) \text{ 즉, } (x-1)g(x)$$

46.  $x$ 에 대한 두 다항식  $A = x(x - a - 4)(x + a^2 - 1)$ ,  $B = (x + 3)(x + a)(x + a^2 - 5)$ 의 최대공약수가  $x$ 에 대한 이차식이 되도록 하는 정수  $a$ 에 대하여  $a^2 + a$ 의 값을 구하면?

① 20

② 16

③ 10

④ 5

⑤ 2

### 해설

i)  $A$ 의 인수  $x$ 를 최대공약수의 인수라고 하면  
 $B$ 에서  $x = 0$ 을 대입하면

$$3a(a^2 - 5) = 0, a = 0 (\because a \text{가 정수})$$

$\Rightarrow$  두 식의 최대공약수는 이차가 아니다.

ii)  $B$ 의 인수  $x + 3$ 이 최대공약수의 인수라고 하면  
 $A$ 에서  $x = -3$ 을 대입하면

$$-3(-a - 7)(a^2 - 4) = 0, a = -7, 2, -2$$

$a = -7, 2$ 일 때  $A, B$ 의 최대공약수는 일차식

$a = -2$ 일 때

즉,  $(x + 3)(x - 2)$ 가 최대공약수가 이차식이다.

$$\therefore a = -2, a^2 + a = 2$$

47.  $x^2$ 의 계수가 1인 세 이차식  $A, B, C$ 가 다음 세 조건을 모두 만족할 때, 이차식  $A$ 는?

㉠  $A, B$ 의 최대공약수는  $x+1$ 이다.

㉡  $B, C$ 의 최대공약수는  $x-2$ 이다.

㉢  $A, C$ 의 최소공배수는  $x^3 + 2x^2 - 5x - 6$ 이다.

①  $x^2 + 4x + 3$

②  $x^2 - x - 2$

③  $x^2 + x - 6$

④  $x^2 + 5x + 6$

⑤  $x^2 + 2x - 3$

### 해설

$A, B$ 의 최대공약수는  $x+1$ 이므로

$$A = a(x+1), B = b(x+1)$$

$B, C$ 의 최대공약수는  $x-2$ 이므로

$$B = (x-2)(x+1), C = c(x-2)$$

$A, C$ 의 최소공배수는

$$x^3 + 2x^2 - 5x - 6 = (x+3)(x-2)(x+1)$$

따라서  $A, C$ 의 최대공약수는  $(x+3)$ 이고

$$A = (x+3)(x+1) = x^2 + 4x + 3$$

48.  $x$ 에 관한 두 삼차식  $P = x^3 + ax^2 + 2x - 1$ ,  $Q = x^3 + bx^2 + 1$ 이 이차식의 최대공약수를 가질 때,  $2a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -4

해설

$$P - Q = (a - b)x^2 + 2x - 2 \cdots \textcircled{\text{㉠}}$$

$$P + Q = x \{ 2x^2 + (a + b)x + 2 \} \cdots \textcircled{\text{㉡}}$$

$P$ ,  $Q$ 의 최대공약수를  $G$ 라 하면,

$G$ 는  $P - Q$ 와  $P + Q$ 의 공약수이다.

그런데  $G$ 는 이차이고,  $P$ ,  $Q$ 에는

$x$ 라는 약수가 없으므로  $\textcircled{\text{㉠}}$ ,  $\textcircled{\text{㉡}}$ 에서  $G$ 는

$(a - b)x^2 + 2x - 2$ 이고  $2x^2 + (a + b)x + 2$ 이다.

$$\therefore a - b = -2, a + b = -2$$

$$\therefore a = -2, b = 0$$

$$\therefore 2a + b = -4$$

49. 두 다항식  $x^3 - ax^2 - bx + 1$ ,  $x^3 + bx^2 + ax + 1$ 의 최대공약수가  $x$ 에 대한 일차식일 때, 상수  $a, b$ 에 대하여  $a - b$ 의 값은?

① -2

② 0

③ 1

④ 2

⑤ 3

### 해설

최대공약수를  $(x - \alpha)$ 라 하자. 인수정리에 의해

$$\alpha^3 - a\alpha^2 - b\alpha + 1 = 0 \quad \dots \textcircled{1}$$

$$\alpha^3 + b\alpha^2 + a\alpha + 1 = 0 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{2} - \textcircled{1} &= (b + a)\alpha^2 + (a + b)\alpha \\ &= (a + b)\alpha(\alpha + 1) \dots\dots\dots \textcircled{3} \end{aligned}$$

$a + b = 0$ 이면 두 다항식이 같아지므로 조건에 맞지 않는다

③에서  $\alpha(\alpha + 1) = 0 \therefore \alpha = 0$  또는  $-1$

i)  $\alpha = 0$  을 ①에 대입:  $1 = 0 \Rightarrow$  성립하지 않는다.

ii)  $\alpha = -1$  을 ①에 대입:  $-1 - a + b + 1 = 0$

$$\therefore a - b = 0$$

50. 두 다항식  $A, B$  에 대하여  $A$  를  $B$  로 나눈 몫을  $Q_1$  , 나머지를  $R_1$  이라 할 때,  $B$  는  $R_1$  로 나누어 떨어지고 그 몫은  $Q_2$  이다. 이 때,  $A, B$  의 최소공배수는? (단,  $A$  의 차수가  $B$  의 차수보다 크다.)

①  $AB$

②  $\frac{AB}{R_1}$

③  $\frac{AB}{Q_1}$

④  $\frac{AB}{Q_2}$

⑤  $\frac{AB}{Q_1 Q_2}$

### 해설

주어진 조건을 식으로 나타내면

$$A = BQ_1 + R_1 \cdots \textcircled{㉠}$$

$$B = R_1 Q_2 \cdots \textcircled{㉡}$$

유클리드의 호제법에 의하여

$A$  와  $B$  의 최대공약수는  $B$  와  $R_1$  의 최대공약수와 같다.

㉠, ㉡에서  $B$  와  $R_1$  의 최대공약수는  $R_1$  이므로

$A$  와  $B$  의 최대공약수는  $R_1$  이다.

따라서,  $A, B$  의 최소공배수는  $\frac{AB}{R_1}$