

1. 다음 중 그 값이 나머지 넷과 다른 하나는?

①  $(\sqrt{3})^2$

②  $\sqrt{9}$

③  $\sqrt{\frac{1}{3}(3)^3}$

④  $\sqrt{3}\sqrt{3^4}$

⑤  $\sqrt{(-3)^2}$

해설

①, ②, ③, ⑤ : 3

④ :  $3\sqrt{3}$

2.  $x > 0, y < 0$  일 때, 다음 식을 간단히 한 것 중 옳은 것을 모두 고르면?

- Ⓐ  $\sqrt{(x-y)^2} = x - y$   
Ⓑ  $\sqrt{x^2} + \sqrt{y^2} + \sqrt{(y-x)^2} = 2x$   
Ⓒ  $\sqrt{x^2} - \sqrt{y^2} - \sqrt{(x-y)^2} = 2y$

① Ⓐ      ② Ⓑ      ③ Ⓒ      ④ Ⓐ, Ⓑ      Ⓓ Ⓐ, Ⓒ

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{\text{A}} \quad & x - y > 0, \quad \sqrt{(x-y)^2} = x - y \\ \textcircled{\text{B}} \quad & y - x < 0, \\ & \sqrt{x^2} + \sqrt{y^2} + \sqrt{(y-x)^2} \\ &= x + (-y) - (y-x) = 2x - 2y \\ \textcircled{\text{C}} \quad & \sqrt{x^2} - \sqrt{y^2} - \sqrt{(x-y)^2} \\ &= x - (-y) - (x-y) \\ &= x + y - x + y = 2y \end{aligned}$$

3.  $\sqrt{\frac{96x}{y}} = N$  이 자연수가 되는 자연수  $x, y$ 에 대해 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ①  $xy$ 의 최솟값은 6이다.
- ②  $2x + y$ 의 최솟값은 7이다.
- ③  $y = 3$  이면  $N$ 은 자연수가 될 수 없다.
- ④  $x$ 가 반드시 2의 배수일 필요는 없다.
- ⑤  $xy$ 는 반드시 6의 배수여야 한다.

해설

$N = \sqrt{\frac{96x}{y}}$  가 자연수가 되기 위해서는  $\frac{96x}{y}$  가 완전제곱수여야 한다.

$96 = 2^5 \times 3$  이므로  $xy$  는 반드시 6(제곱수)이어야 한다.(① 성립)

$x = 1$  일 때,  $y = 6$  이면  $N = \sqrt{16} = 4$  이다.(④ 성립)

$y = 3$  일 때,  $x = 2$  이면  $N = 8$  이다.(③은 성립하지 않는다.)

$2x + y$  는  $x = 2, y = 3$  일 때 최솟값 7을 갖는다.(② 성립)

$x = 3$ 이고  $y = 25$ 인 경우  $N$ 은 자연수가 되지만  $xy$ 는 6의 배수가 아니다.(⑤는 성립하지 않는다.)

4.  $\sqrt{59+a} = b$  라 할 때,  $b$ 가 자연수가 되도록 하는 가장 작은 자연수  $a$  와 그 때의  $b$ 의 합  $a+b$ 의 값은?

① 11      ② 12      ③ 13      ④ 14      ⑤ 15

해설

59 보다 큰 제곱수는 64, 81, 100, … 이므로

$$59 + a = 64, 81, 100, \dots$$

$$\therefore a = 5, 22, 41, \dots$$

따라서 가장 작은 자연수  $a = 5$ ,  $b = \sqrt{59+5} = 8$ 이다.

$$\therefore a+b = 5+8 = 13$$

5.  $\sqrt{5} < x < \sqrt{A}$  를 만족하는 정수  $x$ 의 개수가 2개일 때, 이 식을 성립하게 하는 정수  $A$  는 모두 몇 개인가?

① 8 개      ② 9 개      ③ 10 개      ④ 11 개      ⑤ 12 개

해설

$\sqrt{5} < x < \sqrt{A}$  를 만족하는 정수  $x$  가 2 개가 되려면  $4 < \sqrt{A} \leq 5$  여야 하므로  $16 < A \leq 25$

$A = 17, 18 \cdots 23, 24, 25$  이므로 9 개이다.

6.  $f(x) = \sqrt{x+1} - \sqrt{x}$ 이고,  $S(x) = f(1) + f(2) + f(3) + \dots + f(x)$ 이라고 한다. 100 이하의 자연수  $n$ 에 대하여  $S(n)$ 의 값이 자연수가 되는  $n$ 을 모두 고르면?

① 8      ② 15      ③ 35      ④ 50      ⑤ 99

해설

$$S(n) = (\sqrt{2} - 1) + (\sqrt{3} - \sqrt{2}) + (\sqrt{4} - \sqrt{3}) + \dots + (\sqrt{n+1} - \sqrt{n}) = \sqrt{n+1} - 1$$

- ①  $n = 8$  일 때,  $S(n) = 3 - 1 = 2$   
②  $n = 15$  일 때,  $S(n) = 4 - 1 = 3$   
③  $n = 35$  일 때,  $S(n) = 6 - 1 = 5$   
④  $n = 50$  일 때,  $S(n) = \sqrt{51} - 1$   
⑤  $n = 99$  일 때,  $S(n) = 10 - 1 = 9$

따라서 ①, ②, ③, ⑤가 답이다.

7. 연립방정식  $\begin{cases} \sqrt{2}x + \sqrt{3}y = 5\sqrt{6} \\ \sqrt{3}x - 2\sqrt{2}y = -2 \end{cases}$  를 풀면?

- ①  $x = \frac{17}{7}\sqrt{3}, y = \frac{18}{7}\sqrt{2}$       ②  $x = \frac{18}{7}\sqrt{2}, y = \frac{17}{7}\sqrt{3}$   
③  $x = \frac{17}{7}\sqrt{2}, y = \frac{18}{7}\sqrt{3}$       ④  $x = \frac{18}{7}\sqrt{3}, y = \frac{17}{7}\sqrt{2}$   
⑤  $x = \frac{17}{7}\sqrt{3}, y = \frac{18}{7}\sqrt{3}$

해설

$$\begin{cases} \sqrt{2}x + \sqrt{3}y = 5\sqrt{6} \cdots ⑦ \\ \sqrt{3}x - 2\sqrt{2}y = -2 \cdots ⑧ \end{cases}$$

⑦  $\times 2\sqrt{2} + ⑧ \times \sqrt{3}$  을 하면

$$\begin{array}{rcl} 4x + 2\sqrt{6}y &= 20\sqrt{3} \\ + 3x - 2\sqrt{6}y &= -2\sqrt{3} \\ \hline 7x &= 18\sqrt{3} \end{array}$$

$$\therefore x = \frac{18}{7}\sqrt{3}$$

⑧에  $x = \frac{18}{7}\sqrt{3}$  을 대입하면

$$\frac{54}{7} - 2\sqrt{2}y = -2, \quad \sqrt{2}y = \frac{34}{7}$$

$$y = \frac{17}{7}\sqrt{2}$$

8. 일차방정식  $(\sqrt{3} + 1)x = (4 - \sqrt{3})(\sqrt{3} + 2)$  의 해는  $x = a + b\sqrt{3}$ 이다. 이때,  $\sqrt{a+b}$ 의 값은? (단,  $a, b$ 는 유리수)

- ① 0      ② 1      ③  $\sqrt{2}$       ④  $\sqrt{3}$       ⑤ 2

해설

$$(\sqrt{3} + 1)x = (4 - \sqrt{3})(\sqrt{3} + 2)$$

$$x = \frac{(4 - \sqrt{3})(\sqrt{3} + 2)}{\sqrt{3} + 1}$$

$$= \frac{2\sqrt{3} + 5}{\sqrt{3} + 1}$$

$$= \frac{(2\sqrt{3} + 5)(\sqrt{3} - 1)}{(\sqrt{3} + 1)(\sqrt{3} - 1)}$$

$$= \frac{1 + 3\sqrt{3}}{2}$$

$$\text{따라서, } \sqrt{a+b} = \sqrt{\frac{1}{2} + \frac{3}{2}} = \sqrt{2}$$

9. 기호  $x$  를  $x$ 에 가장 가까운 정수라고 하자. 이 때,  $\left\lfloor \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}+1} \right\rfloor + \left\lfloor \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}-1} \right\rfloor$  의 값을 구하면?

- ① 3      ② 4      ③ 5      ④ 6      ⑤ 7

해설

$x$ 에 가장 가까운 정수이다.  
 $1 < \sqrt{2} < \sqrt{(1.5)^2} < 2$  이므로  $\left\lfloor \sqrt{2} \right\rfloor = 1$

(주어진 식)

$$\begin{aligned} &= \left\lfloor \frac{\sqrt{2}(\sqrt{2}-1)}{(\sqrt{2}+1)(\sqrt{2}-1)} \right\rfloor \\ &\quad + \left\lfloor \frac{\sqrt{2}(\sqrt{2}+1)}{(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}+1)} \right\rfloor \\ &= \left\lfloor 2 - \sqrt{2} \right\rfloor + \left\lfloor 2 + \sqrt{2} \right\rfloor \\ &= 1 + 3 = 4 \quad (\because 1 < \sqrt{2} < 1.5) \end{aligned}$$

10.  $\sqrt{1.43}$  의 값을  $a$ 라 하고,  $\sqrt{b} = 1.105$  일 때,  $a, b$  의 값은?

수	0	1	2	3	...
1.0	1.000	1.005	1.010	1.015	...
1.1	1.049	1.054	1.058	1.063	...
1.2	1.095	1.100	1.105	1.109	...
1.3	1.140	1.145	1.149	1.153	...
1.4	1.183	1.187	1.192	1.196	...

- ①  $a = 1.000, b = 1.13$       ②  $a = 1.005, b = 1.15$   
③  $a = 1.049, b = 1.42$       ④  $a = 1.196, b = 1.22$   
⑤  $a = 1.192, b = 1.23$

해설

표에서 1.43 을 찾으면 1.196 이므로  $\sqrt{1.43} = 1.196$ 이고, 제곱근의 값이 1.105인 것을 찾으면 1.22 이므로  $\sqrt{1.22} = 1.105$ 이다. 따라서  $a = 1.196, b = 1.22$ 이다.

11.  $A = 4x + 2$ ,  $B = 6x^2 - 5x - 4$  이고  $\frac{B}{A} = ax + b$  로 나타내어 질 때,  $ab$ 의 값을 구하면?

① -3      ② -5      ③ -7      ④ -8      ⑤ -9

해설

$$\begin{aligned}\frac{B}{A} &= \frac{6x^2 - 5x - 4}{4x + 2} \\&= \frac{(2x + 1)(3x - 4)}{4x + 2} \\&= \frac{(2x + 1)(3x - 4)}{2(2x + 1)} \\&= \frac{3x - 4}{2} = ax + b \\a &= \frac{3}{2}, \quad b = -\frac{4}{2} = -2 \\ \therefore ab &= \frac{3}{2} \times (-2) = -3\end{aligned}$$

12.  $x^2 + Ax + 12 = (x + a)(x + b)$  일 때, 다음 중 상수  $A$  의 값이 될 수 없는 것은?(단,  $a, b$  는 정수)

- ① 8      ② -13      ③ -8      ④ -7      ⑤ 1

해설

$ab = 12$ 가 되는 경우

$(\pm 1, \pm 12), (\pm 2, \pm 6), (\pm 3, \pm 4)$

$A = a + b$ 이므로

$A$ 가 될 수 있는 수는  $\pm 13, \pm 8, \pm 7$

13.  $4x^2 - 4x - a$  가 두 일차식의 곱으로 인수분해되고, 이 중 한 인수가  $2x + 3$  일 때,  $a$  의 값은?

- ① -15      ② -6      ③ 3      ④ 6      ⑤ 15

해설

$$\begin{aligned}4x^2 - 4x - a &= (2x + 3)(bx + c) \\&= 2bx^2 + (3b + 2c)x + 3c \\2b &= 4, b = 2 \\2c + 3b &= -4, c = -5 \\-a &= 3c = -15, a = 15\end{aligned}$$

14. 다음 중  $(x^2 + 2x)^2 - 11(x^2 + 2x) + 24$  의 인수가 아닌 것은?

- ①  $x + 4$     ②  $x + 3$     ③  $x + 2$     ④  $x - 1$     ⑤  $x - 2$

해설

$x^2 + 2x = A$  로 치환하면

(준식)  $= A^2 - 11A + 24 = (A - 3)(A - 8)$  이다.

따라서

$$(x^2 + 2x - 3)(x^2 + 2x - 8)$$

$$= (x + 3)(x - 1)(x - 2)(x + 4)$$

15. 다항식  $x^4 - 3x^2 + 1$ 이  $(x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d)$ 로 인수분해 될 때,  
 $a + b + c + d$ 의 값을 구하면?

- ① 2      ② 1      ③ 0      ④ -1      ⑤ -2

해설

$$\begin{aligned} x^2 = X \text{로 치환하면} \\ x^4 - 3x^2 + 1 &= X^2 - 3X + 1 \\ &= X^2 - 2X + 1 - X \\ &= (X - 1)^2 - X \\ &= (x^2 - 1)^2 - x^2 \\ &= (x^2 - 1 - x)(x^2 - 1 + x) \\ &= (x^2 - x - 1)(x^2 + x - 1) \text{이므로} \\ a = -1, b = -1, c = 1, d = -1 &\Rightarrow a + b + c + d = -2 \\ a = 1, b = -1, c = -1, d = -1 \\ \therefore a + b + c + d = -2 \end{aligned}$$