

1. 다음 중 옳지 않은 것은?

①  $i^4 = -1$

②  $x^2 = -9$  를 만족하는 실수는 존재하지 않는다.

③  $\sqrt{-27} = 3\sqrt{3}i$

④  $2 \in \{x \mid x \text{는 복소수}\}$

⑤  $a + bi$  에서  $a = 0$  이고  $b \neq 0$  이면 순허수이다.(단,  $a, b$  는 실수)

해설

$$i^2 = -1 \rightarrow i^4 = 1$$

2. 실수  $k$ 에 대하여 복소수  $z = 3(k + 2i) - k(1 - i)^2$ 의 값이 순허수가 되도록  $k$ 의 값을 정하면?

① -2      ② 0      ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

해설

$$\begin{aligned} z &= 3(k + 2i) - k(-2i) \\ &= 3k + (6 + 2k)i \Rightarrow \text{순허수} \\ \therefore 3k &= 0, k = 0 \end{aligned}$$

3. 등식  $2x + (y + 1)i = 6 - i$ 를 만족하는 실수  $x, y$ 의 값은?

- ①  $x = 3, y = -2$       ②  $x = 3, y = 0$       ③  $x = 4, y = -2$   
④  $x = 4, y = 0$       ⑤  $x = -1, y = 4$

해설

$$(2x - 6) + (y + 2)i = 0$$

$x, y$ 는 실수이므로,  $2x - 6 = 0, y + 2 = 0$

$$\Rightarrow x = 3, y = -2$$

4.  $(2 + \sqrt{3}i)^2 + (2 - \sqrt{3}i)^2$  의 값은?

- ①  $8\sqrt{3}i$     ②  $4\sqrt{3}i$     ③  $-2$     ④  $0$     ⑤  $2$

해설

$$\begin{aligned}(2 + \sqrt{3}i)^2 + (2 - \sqrt{3}i)^2 \\= (4 + 4\sqrt{3}i + 3i^2) + (4 - 4\sqrt{3}i + 3i^2) \\= 1 + 4\sqrt{3}i + 1 - 4\sqrt{3}i = 2\end{aligned}$$

5. 다음 식을 간단히 하여라.

$$\frac{1-2i}{2+3i} + \frac{1+2i}{2-3i}$$

▶ 답:

▷ 정답:  $-\frac{8}{13}$

해설

$$\begin{aligned}& (준식) \\&= \frac{(1-2i)(2-3i) + (1+2i)(2+3i)}{(2+3i)(2-3i)} \\&= \frac{(2-6) + (-4-3)i + (2-6) + (4+3)i}{2^2 + 3^2} \\&= \frac{(-4-7i) + (-4+7i)}{13} \\&= -\frac{8}{13}\end{aligned}$$

6.  $x = 1 + \sqrt{2}i, y = 1 - \sqrt{2}i$  일 때,  $x^2 + y^2$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

$$\begin{aligned}x + y &= 2, \quad xy = 3 \\x^2 + y^2 &= (x + y)^2 - 2xy = 2^2 - 2 \times 3 = 4 - 6 = -2\end{aligned}$$

7.  $x = 3 + 2i$  일 때,  $x^2 - 6x - 10$  의 값을 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: -23

해설

$x = 3 + 2i$ 에서  $x - 3 = 2i$ 의 양변을 제곱하면

$$(x - 3)^2 = (2i)^2 \quad \therefore x^2 - 6x = -13$$

$$x^2 - 6x - 10 = -13 - 10 = -23$$

$$\therefore -23$$

8. 실수  $k$ 에 대하여 복소수  $z = 2(k-i) - k(1+i)^2$ 의 값이 실수가 되도록 하는  $k$ 의 값은?

① -1      ② 0      ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

해설

$z = 2(k-i) - k(1+i)^2$ 의 값이 실수가 되려면 허수 부분이 0이어야 한다.

$$z = 2(k-i) - k(1+i)^2$$

$$= 2k - 2i - 2ki$$

$$= 2k - (2+2k)i$$

허수 부분이 0이려면  $2+2k=0$ 이어야 한다.

따라서  $k = -1$

9. 복소수  $z = (1+i)x^2 + x - (2+i)$  가 0이 아닌 실수가 되도록 실수  $x$ 의 값을 구하면? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

① -1      ② 1      ③ 1      ④ 2      ⑤ 2

해설

복소수  $z$ 를  $a+bi$  ( $a, b$ 는 실수)의 꼴로 정리하면

$$z = (x^2 + x - 2) + (x^2 - 1)i$$

이것이 실수가 되려면 허수부분이 0이 되어야 한다.

$$\therefore x^2 - 1 = 0, x = \pm 1$$

한편,  $x = 1$ 이면  $z = 0 + 0i = 0$ 이므로

$z \neq 0$ 라는 조건에 맞지 않는다.

$$\therefore x = -1$$

10.  $i(x+2i)^2$ 이 실수가 되는 실수  $x$ 의 값을 정하면? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

- ① ±1      ② ±2      ③ ±3      ④ ±4      ⑤ ±5

해설

$$i(x+2i)^2 = i(x^2 + 4ix - 4) = x^2i - 4x - 4i$$

$$= -4x + (x^2 - 4)i$$

실수가 되려면 허수부분이 0이면 된다.

$$\therefore x^2 - 4 = 0 \Rightarrow x = \pm 2$$

11.  $i^2 = -1$ 이라 할 때, 다음 중 제곱하여 음수가 되는 수의 개수는?

$$-2, -\sqrt{2}, 2i, -2i,$$

$$3i, -3i, 1-i, 1+i$$

- ① 1개      ② 2개      ③ 3개      ④ 4개      ⑤ 5개

해설

$i^2 = -1$ 이므로 제곱해서 음수가 되는 수는 순허수, 즉  $ai(a \neq 0)$ 의 꼴이 되어야 한다.

$\therefore 2i, -2i, 3i, -3i$  4개,

$2, -\sqrt{2}$ 는 실수이므로

(실수) $^2 \geq 0$ ,  $(1 \pm i)^2 = 1 \pm 2i - 1 = \pm 2i$ 가 된다.

12.  $(1 + ai)^2 = 2i$  ( $a$ 는 실수) 라 할 때  $(1 + ai)(1 - ai)$ 의 값을 구하시오.  
(단,  $i = \sqrt{-1}$ )

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$(1 + ai)^2 = 2i \text{에서 } (1 - a^2) + 2ai = 2i$$

복소수의 상등에서  $1 - a^2 = 0$ ,  $2a = 2$

$$\therefore a = 1$$

$$\therefore (1 + ai)(1 - ai) = (1 + i)(1 - i)$$

$$= 1 - (-1)$$

$$= 2$$

13.  $(x - 3) + (y - 2)i = 2 + 5i$ 를 만족하는 실수  $x, y$ 에 대하여  $2x + y$ 의 값은? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

- ① 10      ② 12      ③ 15      ④ 17      ⑤ 20

해설

$$x - 3 = 2, y - 2 = 5$$

$$\therefore x = 5, y = 7$$

$$\therefore 2x + y = 17$$

14. 두 실수  $x, y$ 에 대하여 등식  $(1+i)(x-yi) = 3+i$ 가 성립 할 때,  $2x+y$ 의 값은? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

- ① -1      ② 1      ③ 3      ④ 5      ⑤ 7

해설

$$(x+y) + (x-y)i = 3+i$$

$$\therefore x+y = 3, x-y = 1$$

$$\therefore x = 2, y = 1$$

$$\therefore 2x+y = 5$$

15. 등식  $(\sqrt{3}+i)(\sqrt{3}-i)(x+yi) = 8-2i$  을 만족하는 실수  $x, y$ 에 대하여  $xy$ 의 값은?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 4      ⑤ 8

해설

$$(\sqrt{3}+i)(\sqrt{3}-i)(x+yi) = 8-2i \Rightarrow 4x + 4yi = 8-2i$$

복소수가 서로 같을 조건에 의하여

$$4x = 8, 4y = -2$$

$$\therefore x = 2, y = -\frac{1}{2}$$

$$\therefore xy = 2 \times \left(-\frac{1}{2}\right) = -1$$

16.  $\frac{a}{1-i} + \frac{b}{1+i} = 5$  를 만족하는 두 실수  $a, b$ 에 대하여 곱  $ab$ 의 값을 구하면?

① 5      ② 10      ③ 15      ④ 20      ⑤ 25

해설

$$\frac{a(1+i)}{2} + \frac{b(1-i)}{2} = 5$$

$$a(1+i) + b(1-i) = 10,$$

$$(a+b) + (a-b)i = 10$$

$$a+b = 10, a-b = 0$$

$$2a = 10, a = 5, b = 5, ab = 25$$

17. 두 복소수  $z_1 = 1 + (a-2)i$ ,  $z_2 = (b-2) - ai$ 에 대하여  $z_1 + (2-4i) = z_2$  가 성립할 때, 실수  $a$ ,  $b$ 의 합  $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a+b=8$

해설

$$z_1 = 1 + (a-2)i, z_2 = (b-2) - ai \text{ 를}$$

$z_1 + (2-4i) = z_2$ 에 대입하면

$$1 + (a-2)i + (2-4i) = (b-2) - ai$$

$$3 + (a-6)i = (b-2) - ai$$

복소수가 서로 같을 조건에 의하여

$$3 = b-2, a-6 = -a$$

위의 두식을 연립하여 풀면

$$b=5, a=3$$

$$\therefore a+b=8$$

18.  $z = \frac{2}{1+i}$  대하여  $z^2 - 2z + 3$ 의 값은? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ -1

해설

$$z = \frac{2}{1+i} = 1-i$$
$$z^2 - 2z + 3 = (1-i)^2 - 2(1-i) + 3 = 1$$

19.  $x = \frac{1 + \sqrt{2}i}{3}$  일 때,  $9x^2 - 6x + 5$ 의 값은?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$x = \frac{1 + \sqrt{2}i}{3} \text{ 이므로}$$

$$3x = 1 + \sqrt{2}i$$

$$3x - 1 = \sqrt{2}i$$

$$\text{양변을 제곱하면 } 9x^2 - 6x + 1 = -2$$

$$\therefore 9x^2 - 6x = -3$$

$$9x^2 - 6x + 5 \text{에서 } 9x^2 - 6x \neq -3 \text{ 이므로 } -3 + 5 = 2$$

20. 두 복소수  $z_1 = a + (3b - 1)i$ ,  $z_2 = (b + 1) - 5i$ 에 대하여  $z_1 = \bar{z}_2$ 가 성립할 때, 실수  $a, b$ 에 대하여  $a + b$ 의 값은?

- ① 3      ② 4      ③ 5      ④ 6      ⑤ 7

해설

$$a + (3b - 1)i = (b + 1) + 5i \text{에서}$$

$$\begin{cases} a = b + 1 \\ 3b - 1 = 5 \end{cases} \text{이므로 연립하면}$$

$$a = 3, b = 2$$

$$\therefore a + b = 5$$

21. 복소수  $z$ 에 대하여  $z\bar{z} = 13$ ,  $z + \bar{z} = 4$  일 때, 복소수  $z$ 는? (단,  $\bar{z}$ 는  $z$ 의 철레복소수이다.)

①  $2 - 2i$

②  $2 \pm 3i$

③  $2 \pm \sqrt{3}i$

④  $3 \pm 2i$

⑤  $4 \pm 3i$

해설

$z = a + bi$  ( $a, b$ 는 실수)로 놓으면  $\bar{z} = a - bi$  이므로

$z\bar{z} = 13$ ,  $z + \bar{z} = 4$ 에서

$$(a + bi)(a - bi) = 13, (a + bi) + (a - bi) = 4$$

$$a^2 + b^2 = 13, 2a = 4$$

$$\therefore A = 2, b = \pm 3$$

$$z = 2 \pm 3i$$

22. 다음 <보기>에서 계산 중 잘못된 것을 모두 고르면? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

[보기]

$$\text{I. } \sqrt{-3} \sqrt{-3} = \sqrt{(-3) \cdot (-3)} = \sqrt{9} = 3$$

$$\text{II. } \sqrt{5} \sqrt{-2} = \sqrt{5} \times \sqrt{-2} = \sqrt{-10} = \sqrt{10}i$$

$$\text{III. } \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{-6}} = \sqrt{\frac{2}{-6}} = \sqrt{-\frac{1}{3}} = \sqrt{\frac{1}{3}}i$$

$$\text{IV. } \frac{\sqrt{-10}}{\sqrt{2}} = \sqrt{\frac{-10}{2}} = \sqrt{-5} = \sqrt{5}i$$

① I, II

② I, III

③ II, III, IV

④ II, IV

⑤ III, IV

[해설]

$$\text{I. } \sqrt{-3} \sqrt{-3} = \sqrt{3}i \sqrt{3}i = \sqrt{9}i^2 = -3$$

$\therefore$  옳지 않다.

$$\text{II. } \sqrt{5} \sqrt{-2} = \sqrt{5} \sqrt{2}i = \sqrt{10}i$$

$\therefore$  옳다.

$$\text{III. } \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{-6}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{6}i} = \sqrt{\frac{2}{6}} \cdot \frac{i}{i^2} = -\sqrt{\frac{1}{3}}i$$

$\therefore$  옳지 않다.

$$\text{IV. } \frac{\sqrt{-10}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{10}i}{\sqrt{2}} = \sqrt{\frac{10}{2}}i = \sqrt{5}i$$

$\therefore$  옳다.

23.  $a^2(1+i) + a(2+i) - 8 - 6i$ 가 순허수가 되도록 실수  $a$ 의 값을 구하면?

- ① -10      ② -8      ③ -6      ④ -4      ⑤ -2

해설

$$\begin{aligned} & a^2(1+i) + a(2+i) - 8 - 6i \\ &= (a^2 + 2a - 8) + i(a^2 + a - 6) \end{aligned}$$

$$= (a+4)(a-2) + i(a+3)(a-2)$$

만약에  $a = 2$ 가 되면 실수가 된다.

$$a \neq 2, \therefore a = -4$$

24. 복소수  $(1 - xi)(1 - i)$  가 순허수가 되도록 실수  $x$ 의 값을 정하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $x = 1$

해설

$$(1 - xi)(1 - i) = (1 - x) + (-1 - x)i$$

순허수이려면 실수부가 0  $\Rightarrow 1 - x = 0,$   
 $x = 1$

25. 복소수  $z = (2+i)a^2 + (1+4i)a + 2(2i-3)i$ 가 순허수일 때, 실수  $a$ 의 값은?

- ① -2      ② 1      ③  $\frac{3}{2}$       ④  $\frac{5}{2}$       ⑤ 3

해설

$$z = (2a^2 + a - 6) + (a^2 + 4a + 4)i$$

순허수이므로  $2a^2 + a - 6 = 0$

$$\Rightarrow (a+2)(2a-3) = 0$$

$$\Leftrightarrow a = -2 \text{ 또는 } a = \frac{3}{2}$$

그런데  $a = 2$ 이면,

$a^2 + 4a + 4 = 0$ 이 되어 순허수가 성립되지 않는다.

$$\therefore a = \frac{3}{2}$$

26. 복소수  $z = (1+i)x + 1 - 2i$ 에 대하여  $z^2$ 이 음의 실수일 때, 실수  $x$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $x = -1$

해설

$$\begin{aligned} z &= (1+i)x + 1 - 2i = (x+1) + (x-2)i \\ z^2 \text{의 음의실수} \Leftrightarrow z &\text{가 순허수} \\ \therefore x+1 &= 0, \quad x = -1 \end{aligned}$$

27. 실수  $x$ 에 대하여 복소수  $(1+i)x^2 - (1+3i)x - (2-2i)$  가 순허수가 되도록 하는  $x$ 의 값은?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$(1+i)x^2 - (1+3i)x - (2-2i) \\ = (x^2 - x - 2) + (x^2 - 3x + 2)i$$

순허수가 되려면 (실수 부분)=0, (허수 부분) $\neq 0$ 이어야 하므로

$$x^2 - x - 2 = 0, x^2 - 3x + 2 \neq 0$$

$$(i) x^2 - x - 2 = 0 \text{에서 } (x+1)(x-2) = 0$$

$$\therefore x = -1 \text{ 또는 } x = 2$$

$$(ii) x^2 - 3x + 2 \neq 0 \text{에서 } (x-1)(x-2) \neq 0$$

$$\therefore x \neq 1 \text{ 또는 } x \neq 2$$

따라서 (i), (ii)에 의하여  $x = -1$

28.  $(1+i)x^2 + 2(1+2i)x - 3 + 3i$  가 순허수일 때,  $x$  의 값은?

- ① 0      ② 1      ③ -3      ④ 1, 3      ⑤ -1

해설

$$\begin{aligned}(1+i)x^2 + 2(1+2i)x - 3 + 3i \\= x^2 + x^2i + 2x + 4xi - 3 + 3i \\= (x^2 + 2x - 3) + (x^2 + 4x + 3)i\end{aligned}$$

순허수를 만족하려면 실수부=0, 허수부 $\neq 0$ 이어야 한다.

$x^2 + 2x - 3 = 0$ 이면서,  $x^2 + 4x + 3 \neq 0$ 인  $x$ 값을 찾아야 한다.

$$\therefore x = 1$$

29. 복소수  $(1+i)x^2 - (2+i)x - 3 - 2i$ 를 제곱하면 음의 실수가 된다고 할 때, 실수  $x$ 의 값은?

① -1      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

$$(준식) = x^2 - 2x - 3 + (x^2 - x - 2)i$$

이것을 제곱해서 음의 실수가 되려면 순허수이어야 하므로

$$x^2 - 2x - 3 = 0 \cdots ⑦, x^2 - x - 2 \neq 0 \cdots ⑧$$

⑦에서  $x = 3, x = -1$

이 중에서 ⑧를 만족하는 것은  $\therefore x = 3$

30. 정수  $n$ 에 대하여,  $z = i^n + \frac{1}{i^n}$  을 만족하는 실수의 개수는?

- ① 1 개      ② 2 개      ③ 3 개      ④ 4 개      ⑤ 5 개

해설

$$z = i^n + \frac{1}{i^n} \text{에서}$$

$$n = 1 \text{ 일 때}, i + \frac{1}{i} = i - i = 0$$

$$n = 2 \text{ 일 때}, -1 + \frac{1}{-1} = -1 - 1 = -2$$

$$n = 3 \text{ 일 때}, -i + \frac{1}{-i} = 0$$

$$n = 4 \text{ 일 때}, 1 + \frac{1}{1} = 2$$

따라서,  $z = -2, 0, 2$  이므로 3 개이다.

31. 복소수  $z$  와 그의 결례복소수  $\bar{z}$ 에 대한 다음 설명 중 옳지 않은 것은?

- ①  $z + \bar{z}$  는 실수이다.      ②  $z = \bar{z}$  이면  $z$  는 실수이다.  
③  $z\bar{z} = 1$  이면  $z^2 = 1$  이다.      ④  $z\bar{z} = 0$  이면  $z = 0$  이다.  
⑤  $z\bar{z}$  는 실수이다.

해설

복소수  $z$  와 그의 결례복소수를 각각  
 $z = a + bi$ ,  $\bar{z} = a - bi$  ( $a, b$  는 실수) 라 하면

①  $z + \bar{z} = (a + bi) + (a - bi) = 2a$  (참)

②  $z = \bar{z} \Leftrightarrow a + bi = a - bi$   
 $\Leftrightarrow 2bi = 0$   
 $\Leftrightarrow b = 0$  (참)

③  $z\bar{z} = a^2 + b^2 = 1 \Rightarrow z^2 = a^2 - b^2 + 2abi \neq 1$  (거짓)

(반례)  $a = 0$ ,  $b = 1$  일 때,  $z^2 = -1$

④  $z\bar{z} = a^2 + b^2 = 0 \Leftrightarrow a = 0$ ,  $b = 0$  (참)

⑤  $z\bar{z} = a^2 + b^2$  (참)

32. 등식  $x(3 + 4i) + \overline{y(1 + i)} = 5 + 2i$ 를 만족하는 실수  $x, y$ 에 대하여  $x + y$ 의 값은? (단,  $\bar{z}$ 는  $z$ 의 콜레복소수이다.)

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}x(3 + 4i) + \overline{y(1 + i)} &= 3x + 4xi + y - yi \\&= (3x + y) + (4x - y)i \\&= 5 + 2i\end{aligned}$$

$$\therefore 3x + y = 5, 4x - y = 2$$

$$x = 1, y = 2$$

$$\therefore x + y = 3$$

33. 두 실수  $x, y$ 에 대하여  $\sqrt{x+3}\sqrt{y-3} = -\sqrt{(x+3)(y-3)}$ 이 성립할 때,  $|x+3| - |y-3| + \sqrt{(x+y)^2}$ 을 간단히 하면?

- ①  $-2x - 6$       ②  $-2x - 2y$       ③ 0  
④  $2y - 6$       ⑤  $2x + 2y$

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{x+3}\sqrt{y-3} &= -\sqrt{(x+3)(y-3)} \text{에서} \\ x+3 \leq 0, y-3 \leq 0 &\rightarrow x+y \leq 0 \\ |x+3| - |y-3| + \sqrt{(x+y)^2} &= |x+3| - |y-3| + |x+y| \\ &= -(x+3) + (y-3) - (x+y) \\ &= -x-3 + y-3 - x-y \\ &= -2x-6\end{aligned}$$

34. 자연수  $n$ 에 대하여  $1 + \frac{1}{i} + \left(\frac{1}{i}\right)^3 + \left(\frac{1}{i}\right)^5 + \cdots + \left(\frac{1}{i}\right)^{2n-1}$ 의 값을

모두 구하여라. (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $1 - i$

▷ 정답: 1

해설

$$\frac{1}{i} = -i, \quad \left(\frac{1}{i}\right)^3 = i$$

i)  $n = 2k$  일 때,

$$1 + \frac{1}{i} + \left(\frac{1}{i}\right)^3 + \left(\frac{1}{i}\right)^5 + \cdots + \left(\frac{1}{i}\right)^{2n-1}$$

$$= 1 - i + i - i + \cdots + i = 1$$

ii)  $n = 2k - 1$  일 때

$$1 + \frac{1}{i} + \left(\frac{1}{i}\right)^3 + \left(\frac{1}{i}\right)^5 + \cdots + \left(\frac{1}{i}\right)^{2n-1}$$

$$= 1 - i + i - i + \cdots - i$$

$$= 1 - i$$

35. 허수단위  $i$ 에 대하여  $i + i^2 + i^3 + i^4 + i^5 + i^6$ 을 간단히하면?

- ①  $1+i$       ②  $-1+i$       ③  $2i$   
④  $2+i$       ⑤  $2$

해설

$$\begin{aligned}i + i^2 + i^3 + i^4 + i^5 + i^6 \\= i + (-1) + (-i) + 1 + i + (-1) \\= -1 + i\end{aligned}$$

36.  $\left(\frac{1+i}{1-i}\right)^{2008}$  을 간단히 하면?

- ① -1      ② 0      ③ 1      ④  $i$       ⑤  $-i$

해설

$$\begin{aligned}\frac{1+i}{1-i} &= \frac{(1+i)^2}{(1-i)(1+i)} \\ &= \frac{2i}{2} = i \\ \therefore \left(\frac{1+i}{1-i}\right)^{2008} &= i^{2008} \\ &= (i^4)^{502} = 1\end{aligned}$$

37.  $(1+i)^{10}$  의 값은?

- ①  $10-i$     ②  $4i$     ③  $8i$     ④  $16i$     ⑤  $32i$

해설

$$\begin{aligned}(1+i)^{10} &= \{(1+i)^2\}^5 = (1+2i+i^2)^5 \\ &= (2i)^5 = 2^5 \cdot i^5 = 32i\end{aligned}$$

38.  $\frac{1}{i} + \frac{1}{i^2} + \frac{1}{i^3} + \cdots + \frac{1}{i^{50}}$  의 값은?

- ①  $-1+i$       ②  $-1-i$       ③ 0  
④  $1+i$       ⑤  $1-i$

해설

$$\begin{aligned}\frac{1}{i} + \frac{1}{i^2} + \frac{1}{i^3} + \cdots + \frac{1}{i^{50}} \\ &= \left( \frac{1}{i} + \frac{1}{i^2} + \frac{1}{i^3} + \frac{1}{i^4} \right) + \left( \frac{1}{i^5} + \frac{1}{i^6} + \frac{1}{i^7} + \frac{1}{i^8} \right) + \cdots \\ &\quad + \left( \frac{1}{i^{45}} + \frac{1}{i^{46}} + \frac{1}{i^{47}} + \frac{1}{i^{48}} \right) + \frac{1}{i^{49}} + \frac{1}{i^{50}} \\ &= \left( \frac{1}{i} - 1 - \frac{1}{i} + 1 \right) + \left( \frac{1}{i} - 1 - \frac{1}{i} + 1 \right) + \cdots \\ &\quad + \left( \frac{1}{i} - 1 - \frac{1}{i} + 1 \right) + \frac{1}{i} - 1 \\ &= \frac{1}{i} - 1 = -i - 1\end{aligned}$$

39.  $i + i^3 + i^5 + i^7 + \cdots + i^{101} = a + bi$  일 때,  $a + b$ 의 값은? (단,  $a, b$ 는 실수)

- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

(좌변) =  $i - i + i - i + \cdots + i = i$  이므로  
 $i = a + bi$ 에서 복소수가 서로 같은 조건에 의하여  $a = 0, b = 1$   
 $\therefore a + b = 1$

40.  $x, y$  가 실수일 때, 복소수  $z = x + yi$  의 결례복소수를  $\bar{z}$  라 하면  $z\bar{z} = 3$

일 때,  $\frac{1}{2}\left(z + \frac{3}{z}\right)$  의 값은 ?

①  $x$

②  $y$

③  $x + y$

④  $x - y$

⑤  $2x + y$

해설

$z = x + yi, \bar{z} = x - yi$  이므로

$z \cdot \bar{z} = 3$  이면  $\bar{z} = \frac{3}{z}$  을 대입

$$\frac{1}{2}\left(z + \frac{3}{z}\right) = \frac{1}{2}(z + \bar{z})$$

$$= \frac{1}{2}(x + yi + x - yi)$$

$$= x$$