$\textbf{1.} \qquad 두 다항식 \ A = 5x^3 + x^2 - 6x + 7, \ B = 2x^3 - 4x^2 - 1 에 대하여 2A - 3B$ 를 계산한 식에서 x^2 의 계수는 얼마인가?

① 14 ② -12 ③ 4 ④ 17 ⑤ 18

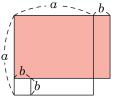
2. $(6x^3 - x^2 - 5x + 5) \div (2x - 1)$ 의 몫을 a, 나머지를 b라 할 때, a + b를 구하면?

① $3x^2 + x + 1$ ② $x^2 + x + 1$ ③ $3x^2 + 1$ (4) $x^2 + x - 1$ (5) $3x^2 + x$

3. 다항식 f(x)를 $2x^2 + 3x + 2$ 로 나누었더니 몫이 3x - 4이고, 나머지가 2x + 5이었다. 이 때, f(1)의 값은?

① -1 ② 0 ③ 1 ④ 3 ⑤ 5

- 4. 다음 그림에서 색칠한 부분이 나타내고 있는 곱셈공식은 무엇인가?
 - 곱셈공식은 무엇인가?

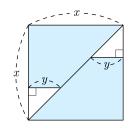


② $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

① $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

- $(a+b)(a-b) = a^2 b^2$
- $(a-b)(a^2+ab+b^2) = a^3-b^3$
- $(a+b)(a^2 ab + b^2) = a^3 + b^3$

5. 다음 그림은 한변의 길이가 x인 정사각형을 대각선을 따라 자른 후 직각이등변삼각형 2 개를 떼어낸 도형이다. 이때, 색칠한 부분의 넓이를 x, y에 관한 식으로 나타내어라.



③ $x^2 - y$

- ① $xy y^2$ ② $x^2 y^2$ ④ $\frac{xy y^2}{2}$ ③ $\frac{x y}{2}$

6. $(x+y)^n$ 을 전개할 때 항의 개수는 n+1개이다. 다항식 $\{(2a-3b)^3(2a+3b)^3\}^4$ 을 전개할 때, 항의 개수를 구하면 ?

① 7개 ② 8개 ③ 12개 ④ 13개 ⑤ 64개

7. $(x^3 + ax + 2)(x^2 + bx + 2)$ 를 전개했을 때, x^2 과 x^3 의 계수를 모두 0이 되게 하는 상수 a, b에 대하여 a + b의 값은?

① -2 ② -1 ③ 1 ④ 2 ⑤ $\frac{3}{2}$

8. $(2x^3 - 3x^2 + 3x + 4)(3x^4 + 2x^3 - 2x^2 - 7x + 8)$ 을 전개한 식에서 x^3 의 계수는?

① 31 ② 33 ③ 35 ④ 37 ⑤ 39

9. 세 다항식 $A = x^2 + 3x - 2$, $B = 3x^2 - 2x + 1$, $C = 4x^2 + 2x - 3$ 에 대하여 $3A - \{5A - (3B - 4C)\} + 2B$ 를 간단히 하면?

① $3x^2 + 12x - 13$ ② $-3x^2 + 24x + 21$

- ③ $3x^2 12x + 21$ ④ $-3x^2 24x + 21$
- $3 x^2 + 12x + 11$
 - a... : 11

10. 다항식 $x^5\left(x+\frac{1}{x}\right)\left(1+\frac{2}{x}+\frac{3}{x^2}\right)$ 의 차수는?

① 2차 ② 3차 ③ 6차 ④ 7차 ⑤ 8차

11. 다항식 f(x)를 다항식 g(x)로 나눈 나머지를 r(x)라 할 때, f(x) g(x) - 2r(x)를 g(x)로 나눈 나머지는?

4 r(x) 5 2r(x)

① -2r(x) ② -r(x) ③ 0

12. 다항식 f(x)를 x+1로 나눈 몫을 Q(x), 나머지를 R이라고 할 때, xf(x) - 3을 x + 1로 나는 몫과 나머지는?

- ① xQ(x), -R 3 ② xQ(x), -R + 3③ xQ(x), -R-6 ④ xQ(x) + R, -R-3
- ⑤ xQ(x) + R, -R + 3

13. $2x^4 - x^3 + 2x^2 + a = x^2 + x + 1$ 로 나누어 떨어지도록 하는 상수 a의 값을 구하면?

① -3 ② 3 ③ -6 ④ 6 ⑤ 12

14. 사차식 $3x^4 - 5x^2 + 4x - 7$ 을 이차식 A로 나누었더니 몫이 $x^2 - 2$ 이고 나머지가 4x-5일 때, 이차식 A를 구하면?

- ① $3x^2 2$ ② $3x^2 1$ ③ $3x^2$

15. x 에 대한 다항식 $x^3 + ax^2 + bx + 2$ 를 $x^2 - x + 1$ 로 나눈 나머지가 x + 3 이 되도록 a, b 의 값을 정할 때, ab 값을 구하여라.

) 답: ab = _____

16. 다항식 $A = 2x^3 - 7x^2 - 4$ 를 다항식 B 로 나눌 때, 몫이 2x - 1, 나머지가 -7x-2 이다. 다항식 $B=ax^2+bx+c$ 일 때, $a^2+b^2+c^2$ 의 값은?

① 3 ② 6 ③ 9 ④ 14 ⑤ 17

17. 다항식 $f(x) = 4x^3 + ax^2 + x + 1$ 을 $x + \frac{1}{2}$ 로 나누면 나머지가 1일 때, 다항식 f(x)를 2x + 1로 나눈 몫 Q(x)와 나머지 R을 구하면?

- ① $Q(x) = 2x^2 x, R = 1$ ② $Q(x) = 2x^2 + x, R = 1$ ② $Q(x) = 2x^2 + x, R = 1$ ③ $Q(x) = 2x^2 2x, R = 1$ ④ $Q(x) = 4x^2 2x, R = \frac{1}{2}$

18. 다항식 f(x) 를 $x + \frac{1}{3}$ 으로 나누었을 때, 몫과 나머지를 Q(x), R 라고 한다. 이 때, f(x) 를 3x + 1 으로 나눈 몫과 나머지를 구하면?

① Q(x), R ② 3Q(x), 3R ③ 3Q(x), R ④ $\frac{1}{3}Q(x)$, R

19. x+y+z=1, xy+yz+zx=2, xyz=3 일 때, (x+1)(y+1)(z+1)의 값을 구하여라.

▶ 답: _____

20. $P = (2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$ 의 값을 구하면?

① $2^{32} - 1$ ② $2^{32} + 1$ ③ $2^{31} - 1$ $\textcircled{4} \ 2^{31} + 1$ $\textcircled{5} \ 2^{17} - 1$

21. a = 2004, b = 2001일 때, $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$ 의 값은?

① 21 ② 23 ③ 25 ④ 27 ⑤ 29

22. a+b+c=0, $a^2+b^2+c^2=1$ 일 때, $4(a^2b^2+b^2c^2+c^2a^2)$ 의 값은?

① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

23. $a+b+c=0, a^2+b^2+c^2=1$ 일 때, $a^2b^2+b^2c^2+c^2a^2$ 의 값은?

① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 0 ④ 1 ⑤ 4

24. 세 실수 a, b, c가 다음 세 조건을 만족한다.

a + b + c = 1, ab + bc + ca = 1, abc = 1이 때, (a+b)(b+c)(c+a)의 값은?

① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

25. $a^2 = 3$ 일 때, 다음 식의 값을 구하면? $P = \{(2+a)^n + (2-a)^n\}^2 - \{(2+a)^n - (2-a)^n\}^2$

① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

26. $a^2 - b^2 = 2 \stackrel{\text{def}}{=} \mathbb{H}$, $\{(a+b)^n + (a-b)^n\}^2 - \{(a+b)^n - (a-b)^n\}^2 \stackrel{\text{def}}{=} \mathbb{H}$ 값은?

① 2^n ② 2^{n+1} ③ 2^{n+2} ④ 2^{n+3} ⑤ 2^{n+4}

27. $(4+3)(4^2+3^2)(4^4+3^4)(4^8+3^8)$ 을 간단히 하면?

 $4^{16} - 3^{16}$ $3^{16} + 3^{16}$

① $4^8 + 3^8$ ② $4^{15} - 3^{15}$ ③ $4^{15} + 3^{15}$

28. $P = (2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$ 의 값을 구하면?

① $2^{32} - 1$ ② $2^{32} + 1$ ③ $2^{31} - 1$ $\textcircled{4} \ 2^{31} + 1$ $\textcircled{5} \ 2^{17} - 1$

29. $a=(3+1)(3^2+1)(3^4+1)(3^8+1)\cdots(3^{1024}+1)$ 이라고 할 때 곱셈 공식을 이용하여 a의 값을 지수의 형태로 나타내면 $\frac{1}{k}(3^l+m)$ 이다. 이 때, k+l+m의 값을 구하면?

- ① 2046 ② 2047 ③ 2048 ④ 2049 ⑤ 2050

30. $99 \times 101 \times (100^2 + 100 + 1) \times (100^2 - 100 + 1)$ 을 계산하면?

 $\textcircled{4} \ 100^9 + 1$ $\textcircled{5} \ 1$

① $100^6 - 1$ ② $100^6 + 1$ ③ $100^9 - 1$

31. 삼각형의 세 변의 길이 a, b, c에 대하여 (a + b - c)(a - b + c) =b(b+2c)+(c+a)(c-a)가 성립할 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인 가?

- 직각삼각형
 이등변삼각형
 정삼각형

④ 예각삼각형⑤ 둔각삼각형

32. $x + \frac{1}{x} = 3$ 일 때, $x^2 + \frac{1}{x^2}$ 의 값과 $x^3 + \frac{1}{x^3}$ 의 값을 차례대로 구하면? (단, x > 0)

① 5,6 ② 7,18 ③ 8,16

4 9, 185 10, 27

33. 실수 x가 $x^2 - 3x + 1 = 0$ 을 만족할 때, $x^3 + \frac{1}{x^3}$ 의 값을 구하면?

① 18 ② 19 ③ 20 ④ 21 ⑤ 22

34. $a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca$ 이고 abc = 1 일 때, $(a^3 + b^3 + c^3)^2$ 의 값을 계산하면?

① 1 ② 4 ③ 9 ④ 16 ⑤ 25

35. a+b+c=7, $a^2+b^2+c^2=21$, abc=8 일 때, $a^2b^2+b^2c^2+c^2a^2$ 의 값은?

① 26 ② 48 ③ 84 ④ 96

⑤ 112

- 36. 직육면체 모양의 상자가 있다. 이 상자의 모든 모서리의 길이의 합이 $20\,\mathrm{m}$ 이고 대각선의 길이가 $3\,\mathrm{m}$ 일 때, 이 상자의 겉넓이는 몇 m^2 인가?
 - ① $12 \,\mathrm{m}^2$ ② $13 \,\mathrm{m}^2$ ③ $14 \,\mathrm{m}^2$ ④ $15 \,\mathrm{m}^2$ ⑤ $16 \,\mathrm{m}^2$

37. $x - \frac{1}{x} = 1$ 일 때, $x^5 + \frac{1}{x^5}$ 의 값은 ?

① $\pm 6\sqrt{5}$ ② $\pm 5\sqrt{5}$ ③ $\pm 3\sqrt{5}$ ④ $\pm 2\sqrt{5}$

38. $x + \frac{1}{x} = 1$ 일 때, $x^{101} + \frac{1}{x^{101}}$ 의 값은?

① 1 ② -1 ③ -2 ④ 2 ⑤ 101

39. x + y = 2, $x^3 + y^3 = 14$ 일 때, $x^5 + y^5$ 의 값을 구하면?

① 12 ② 32 ③ 52 ④ 82 ⑤ 102

40. a+b=1, $a^2+b^2=-1$ 일 때, $a^{2000}+b^{2006}$ 의 값은?

① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

41. a+b=1 이고 $a^2+b^2=-1$ 일 때, $a^{2005}+b^{2005}$ 의 값은?

① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

42. x-y=1이고 $x^2+y^2=-1$ 일 때, $x^{10}+y^{13}$ 의 값은 얼마인가?

① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ -2

43. x+y+z=0, $x^2+y^2+z^2=4$ 일 때, $x^4+y^4+z^4$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: _____