

1. 다음 보기 중 $xy(2x + 3y) - xy(x + y)$ 의 인수를 모두 고른 것은?

보기

Ⓐ xy

Ⓑ $x + y$

Ⓒ $x + 2y$

Ⓓ $2x + 3y$

Ⓔ $x(x + 2y)$

Ⓕ $y(x + y)$

① Ⓑ, Ⓛ

② Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓛ

③ Ⓐ, Ⓑ, Ⓛ

④ Ⓑ, Ⓒ, Ⓛ

⑤ Ⓑ, Ⓛ, Ⓛ

해설

$$\begin{aligned} xy(2x + 3y) - xy(x + y) &= xy\{(2x + 3y) - (x + y)\} \\ &= xy(x + 2y) \end{aligned}$$

2. $(2x+1)^2 - (x-2)^2 = (3x+a)(x+b)$ 일 때, $a+3b$ 의 값을 구하면?

① 4.5

② 6

③ 7

④ 8

⑤ 9

해설

$$(2x+1)^2 - (x-2)^2$$

$$= (2x+1+x-2)(2x+1-x+2)$$

$$= (3x-1)(x+3)$$

$$a = -1, b = 3$$

$$\therefore a + 3b = -1 + 9 = 8$$

3. 다음 보기에서 각 식의 인수를 $ax + b$ 라 할 때, $a + b = 3$ 인 인수 $ax + b$ 를 갖는 식을 모두 골라라.

보기

Ⓐ $2(3x + 2) + (2x - 1)(3x + 2)$

Ⓑ $2x(2x + 1) - 3(1 + 2x)$

Ⓒ $(x + 2)(x - 1) - 2(x + 2)$

Ⓓ $x^2 - 4x + 4$

Ⓔ $2x^2 + 7x + 6$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓛ

▷ 정답: Ⓜ

▷ 정답: Ⓞ

▷ 정답: Ⓟ

해설

Ⓐ $2(3x + 2) + (2x - 1)(3x + 2) = (3x + 2)(2x + 1)$

Ⓑ $2x(2x + 1) - 3(1 + 2x) = (2x + 1)(2x - 3)$

Ⓒ $(x + 2)(x - 1) - 2(x + 2) = (x + 2)(x - 3)$

Ⓓ $x^2 - 4x + 4 = (x - 2)^2$

Ⓔ $2x^2 + 7x + 6 = (2x + 3)(x + 2)$

4. $(x - 2)x^2 - 3(x - 2)x - 10(x - 2)$ 를 인수분해하면?

- ① $(x - 2)(x - 5)(x + 2)$ ② $(x - 2)(x + 5)(x + 2)$
③ $(x - 2)(x - 5)(x + 3)$ ④ $(x - 2)(x + 5)(x - 2)$
⑤ $(x - 2)(x + 5)(x - 3)$

해설

$A = x - 2$ 로 치환하면

$$\begin{aligned} & (x - 2)x^2 - 3(x - 2)x - 10(x - 2) \\ &= Ax^2 - 3Ax - 10A \\ &= A(x^2 - 3x - 10) \\ &= A(x - 5)(x + 2) \\ &= (x - 2)(x - 5)(x + 2) \end{aligned}$$

5. $\frac{2(x+2)^2 + 2(y-3)^2}{(x+2)(y-3)} = 4$ 일 때, $x-y$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: $x-y = -5$

해설

$x+2 = X, y-3 = Y$ 로 치환하면

$$\frac{2(x+2)^2 + 2(y-3)^2}{(x+2)(y-3)} = \frac{2X^2 + 2Y^2}{XY} = 4$$

$$2X^2 - 4XY + 2Y^2 = 0, (X-Y)^2 = 0$$

$$X - Y = x + 2 - y + 3 = 0$$

$$\therefore x - y = -5$$

6. 다항식 $x(x+3)(x+4)(x-1) + p$ 가 완전제곱식이 되도록 하는 p 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: $p = 4$

해설

$$\begin{aligned} & x(x+3)(x+4)(x-1) + p \\ &= (x^2 + 3x)(x^2 + 3x - 4) + p \\ & x^2 + 3x = A \text{ 로 치환하면} \\ & A(A - 4) + p = A^2 - 4A + p \\ & A^2 - 4A + p = (A - 2)^2 \\ & \therefore p = 2^2 = 4 \end{aligned}$$

7. $ab - 6a + 5b - 48 = 0$ 을 만족하는 정수 a, b 의 순서쌍의 개수는? (단, $a > 0, b > 0$)

① 1개

② 2개

③ 3개

④ 4개

⑤ 5개

해설

$$ab - 6a + 5b - 48 = 0$$

$$b(a+5) - 6a - 48 = 0$$

$$b(a+5) - 6(a+5) - 18 = 0$$

$$(a+5)(b-6) = 18$$

$$a > 0, b > 0 \text{ 이므로 } a+5 > 5$$

$$\text{(i) } a+5 = 18, b-6 = 1$$

$$a = 13, b = 7$$

$$\text{(ii) } a+5 = 9, b-6 = 2$$

$$a = 4, b = 8$$

$$\text{(iii) } a+5 = 6, b-6 = 3$$

$$a = 1, b = 9$$

\therefore 순서쌍 a, b 의 개수는 3개

8. $x^2 - 2xz + z^2 - y^2$ 을 인수분해하면?

- ① $(x + y + z)(x - y + z)$
- ② $(x + y + z)(x - y - z)$
- ③ $(x - y + z)(x - y - z)$
- ④ $(x + y - z)(x - y + z)$
- ⑤ $(x + y - z)(x - y - z)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2xz + z^2 - y^2 &= (x - z)^2 - y^2 \\&= (x - z + y)(x - z - y)\end{aligned}$$

9. 다항식 $x^2 + 2y^2 - 2x - 3xy + 3y + 1$ 이 계수가 정수인 두 일차식의 곱으로 인수분해 될 때, 두 일차식의 상수항의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : -2

해설

$$\begin{aligned}x^2 + 2y^2 - 2x - 3xy + 3y + 1 \\&= x^2 - (3y + 2)x + 2y^2 + 3y + 1 \\&= x^2 - (3y + 2)x + (2y + 1)(y + 1) \\&= (x - 2y - 1)(x - y - 1) \\∴ (-1) + (-1) &= -2\end{aligned}$$

10. $30 \left(\frac{2^2 - 1}{2^2} \right) \left(\frac{3^2 - 1}{3^2} \right) \left(\frac{4^2 - 1}{4^2} \right) \cdots \left(\frac{10^2 - 1}{10^2} \right)$ 을 계산하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{33}{2}$

해설

(주어진 식)

$$= 30 \left(1 - \frac{1}{2^2} \right) \left(1 - \frac{1}{3^2} \right) \left(1 - \frac{1}{4^2} \right)$$

$$\cdots \left(1 - \frac{1}{10^2} \right)$$

$$= 30 \left(1 - \frac{1}{2} \right) \left(1 + \frac{1}{2} \right) \left(1 - \frac{1}{3} \right) \left(1 + \frac{1}{3} \right) \\ \left(1 - \frac{1}{4} \right) \left(1 + \frac{1}{4} \right) \cdots \left(1 - \frac{1}{10} \right) \left(1 + \frac{1}{10} \right)$$

$$= 30 \times \left(\frac{1}{2} \times \frac{3}{2} \right) \times \left(\frac{2}{3} \times \frac{4}{3} \right) \times \left(\frac{3}{4} \times \frac{5}{4} \right) \\ \times \cdots \times \left(\frac{9}{10} \times \frac{11}{10} \right)$$

$$= 30 \times \frac{1}{2} \times \frac{11}{10} = \frac{33}{2}$$

11. 양수 a, b 에 대하여. $a^2b + ab^2 = 12$, $a^3 + b^3 = 28$ 일 때, $a^2 + b^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 10

해설

$$a^2b + ab^2 = ab(a + b) = 12$$

$$a^3 + b^3 = (a + b)^3 - 3ab(a + b) = 28$$

$a + b = X$, $ab = Y$ 로 치환하면

$$XY = 12, X^3 - 3XY = 28$$

$$\therefore X = 4, Y = 3$$

따라서 $a^2 + b^2 = X^2 - 2Y = 16 - 6 = 10$ 이다.

12. $b = a + 2c - \sqrt{3}$ 일 때, $a^2 + b^2 + 4c^2 - 2ab - 4bc + 4ca$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 3

해설

$$\begin{aligned}b &= a + 2c - \sqrt{3} \text{에서 } a - b + 2c = \sqrt{3} \\ \therefore a^2 + b^2 + 4c^2 - 2ab - 4bc + 4ca &= a^2 + (-b)^2 + (2c)^2 \\ &\quad + 2(a)(-b) + 2(-b)(2c) + 2(2c)(a) \\ &= (a - b + 2c)^2 \\ &= (\sqrt{3})^2 = 3\end{aligned}$$

13. 밑면의 넓이가 $x^2 - 3y + 1$ 인 직육면체의 부피가 $x^3 + 2x^2 - 3xy + x - 6y + 2$ 일 때, 이 직육면체의 높이가 $ax + b$ 이다. $a + b$ 의 값을 구하시오.

▶ 답 :

▶ 정답 : $a + b = 3$

해설

$$\begin{aligned} & x^3 + 2x^2 - 3xy + x - 6y + 2 \\ &= x^2(x + 2) - 3y(x + 2) + x + 2 \\ &= (x + 2)(x^2 - 3y + 1) \\ \text{따라서 } & a = 1, b = 2 \text{ 이므로} \\ & a + b = 3 \text{ 이다.} \end{aligned}$$