

1. 두 다항식  $A$ ,  $B$ 에 대하여 연산  $A \ominus B$ 와  $A \otimes B$ 을 다음과 같이 정의하기로 한다.

$$A \ominus B = A - 3B, A \otimes B = (A + B)B$$

$P = 2x^3 + 2x^2y + 3xy^2 - y^3$ ,  $Q = x^3 + x^2y + xy^2$ 이라 할 때,  
 $(P \ominus Q) \otimes Q$ 를  $x, y$ 에 관한 다항식으로 나타내면?

①  $x^4y^2 + xy^5$       ②  $x^4y^2 - xy^5$       ③  $x^3y^2 - xy^4$

④  $x^3y^2 + xy^4$       ⑤  $2x^3y^2 - xy^4$

해설

정의에 따라  $(P \ominus Q) \otimes Q$ 를 변형하면

$$\begin{aligned} (P \ominus Q) \otimes Q &= (P - 3Q) \otimes Q \\ &= (P - 3Q + Q)Q \\ &= (P - 2Q)Q \quad \dots \textcircled{1} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} P - 2Q &= 2x^3 + 2x^2y + 3xy^2 - y^3 - 2(x^3 + x^2y + xy^2) \\ &= xy^2 - y^3 \end{aligned}$$

이므로 ①식은

$$\begin{aligned} (P \ominus Q) \otimes Q &= (xy^2 - y^3)(x^3 + x^2y + xy^2) \\ &= x^4y^2 + x^3y^3 + x^2y^4 - x^3y^3 \\ &\quad - x^2y^4 - xy^5 \\ &= x^4y^2 - xy^5 \end{aligned}$$

2. 다항식  $x^3 - 2$ 를  $x^2 - 2$ 로 나눈 나머지는?

- ① 2      ② -2      ③  $-2x - 2$   
④  $2x + 2$       ⑤  $2x - 2$

해설

$$\frac{x^3 - 2}{x^2 - 2} = \frac{x^3 - 2x + 2x - 2}{x^2 - 2} = x + \frac{2x - 2}{x^2 - 2}$$

$\therefore$  나머지는  $2x - 2$

3.  $x = \sqrt{3} + \sqrt{2}$  일 때,  $a^{x^2} \div a^{2\sqrt{2}x+3}$ 의 값을 구하면?

①  $\frac{2 - \sqrt{3}}{4}$       ②  $\frac{4 + \sqrt{3}}{4}$       ③  $\frac{2\sqrt{3} - 3}{4}$   
④  $\frac{2 - \sqrt{3}}{2}$       ⑤  $\frac{2 + \sqrt{3}}{2}$

해설

( i )  $x = \sqrt{3} + \sqrt{2}$  일 때  $x - \sqrt{2} = \sqrt{3}$

$x^2 - 2\sqrt{2}x + 2 = 3$

$\therefore x^2 - 2\sqrt{2}x = 1$

( ii )  $a^{x^2} \div a^{2\sqrt{2}x+3} = a^{x^2 - 2\sqrt{2}x - 3} = a^{-2}$

$= \frac{1}{a^2} = \frac{2 - \sqrt{3}}{2}$

4.  $x^2 + x - 1 = 0$  일 때,  $x^5 - 5x$ 의 값을 구하면?

- ① 2      ② 1      ③ 0      ④ -1      ⑤ -3

해설

$x^5 - 5x$  를  $x^2 + x - 1$  로 나누면

$$\therefore x^5 - 5x = (x^2 + x - 1) \times \frac{x^3}{x^2 + x - 1}$$

$$x^2 + x - 1 = 0$$

$$\therefore x^5 - 5x = -3$$

해설

다음과 같이 식의 차수를 낮춰 나갈 수 있다.

$$x^2 = -x + 1$$

$$x^5 - 5x = (x^2)^2 \times x - 5x$$

$$= x(-x + 1)^2 - 5x$$

$$= x^3 - 2x^2 - 4x$$

$$= x(-x + 1) - 2(-x + 1) - 4x$$

$$= -x^2 - x - 2$$

$$= -(x^2 + x) - 2$$

$$= -1 - 2 = -3$$