

1. 이차함수  $y = 2x^2 + kx - k$  의 그래프가  $x$ 축과 만나도록 하는 상수  $k$ 의 값이 아닌 것은?

① -8      ② -1      ③ 0      ④ 5      ⑤ 8

해설

이차방정식  $2x^2 + kx - k = 0$ 에서  $D = k^2 - 4 \cdot 2 \cdot (-k) \geq 0$ 이어야 하므로

$$k^2 + 8k \geq 0, k(k+8) \geq 0$$

$$\therefore k \leq -8 \text{ 또는 } k \geq 0$$

따라서 위의  $k$ 의 값의 범위에 속하지 않는 것은 ②이다.

2. 이차함수  $y = x^2 - 2(k-3)x + 4$ 의 그래프가  $x$ 축과 서로 다른 두 점에서 만날 때, 상수  $k$ 의 값의 범위는?

- ①  $k < 1$       ②  $1 < k < 3$   
③  $k < 3$       ④  $3 < k < 5$   
⑤  $k < 1$  또는  $k > 5$

해설

이차함수  $y = x^2 - 2(k-3)x + 4$ 의 그래프가  $x$ 축과 서로 다른 두 점에서 만나므로 이차방정식  $x^2 - 2(k-3)x + 4 = 0$ 의 판별식을  $D$ 라 하면  $D > 0$ 이어야 한다.

$$\frac{D}{4} = (k-3)^2 - 4 > 0$$
$$k^2 - 6k + 5 > 0, \quad (k-1)(k-5) > 0$$
$$\therefore k < 1 \text{ 또는 } k > 5$$

3. 포물선  $y = -x^2 + kx$  와 직선  $y = x + 1$  이 서로 다른 두 점에서 만나기 위한  $k$ 의 범위는?

- ①  $k > 2, k < -1$       ②  $k > 3, k < -1$       ③  $k > 1, k < -1$   
④  $k > 3, k < -2$       ⑤  $k > 3, k < -3$

해설

포물선과 직선이 다른 두 점에서 만나므로

$$-x^2 + kx = x + 1, x^2 + (1-k)x + 1 = 0 \text{에서}$$

$$D = (1-k)^2 - 4 > 0$$

$$k^2 - 2k - 3 = (k-3)(k+1) > 0$$

$$\therefore k > 3 \text{ 또는 } k < -1$$

4. 이차함수  $y = -3x^2 - 6x + 1$  의 최댓값과 최솟값을 차례로 구하면?

- ① 4, 없다      ② 1, 없다      ③ -1, 없다  
④ 없다, 4      ⑤ 없다, 1

해설

$$y = -3x^2 - 6x + 1 = -3(x^2 + 2x) + 1 = -3(x + 1)^2 + 4$$

따라서 최댓값은 4, 최솟값은 없다.

5. 다음 이차함수의 최댓값이 3인 것은?

Ⓐ  $y = -x^2 + 3$

Ⓑ  $y = -\frac{1}{3}x^2 - \frac{1}{2}$

Ⓒ  $y = -(x - 1)^2$

Ⓓ  $y = -\frac{4}{3}(x + 5)^2$

Ⓔ  $y = -x^2$

해설

Ⓐ  $x = 0$  일 때, 최댓값 3을 갖는다.

Ⓑ  $x = 0$  일 때, 최댓값  $-\frac{1}{2}$  을 갖는다.

Ⓒ  $x = 1$  일 때, 최댓값 0을 갖는다.

Ⓓ  $x = -5$  일 때, 최댓값 0을 갖는다.

Ⓔ  $x = 0$  일 때, 최댓값 0을 갖는다.

6. 이차함수  $y = -x^2 - 2x + 7$  ( $-3 \leq x \leq 1$ )의 최댓값을  $a$ , 최솟값을  $b$ 라 할 때,  $a + b$ 의 값을 구하면?

① 4      ② 7      ③ 8      ④ 11      ⑤ 12

해설

$$y = -x^2 - 2x + 7 = -(x+1)^2 + 8$$

꼭짓점의 좌표는  $(-1, 8)$ 이고, 위로 볼록한 포물선이다.

주어진 구간의 양 끝값을 구하면,

$$x = -3 \text{ 일 때 } y = -(-3+1)^2 + 8 = 4$$

$$x = 1 \text{ 일 때 } y = -(1+1)^2 + 8 = 4$$

따라서 최댓값  $a = 8$ 이고, 최솟값  $b = 4$ 므로  $a + b = 12$

7. 이차함수  $y = 2x^2 - 6x + 5$  ( $2 \leq x \leq 5$ )의 최댓값을  $a$ , 최솟값을  $b$  라 할 때,  $ab$ 의 값을 구하면?

- ① 1      ② 4      ③ 9      ④ 16      ⑤ 25

해설

$$y = 2x^2 - 6x + 5 = 2\left(x^2 - 3x + \frac{9}{4} - \frac{9}{4}\right) + 5$$

$$= 2\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{1}{2}$$

꼭짓점의 좌표는  $\left(\frac{3}{2}, \frac{1}{2}\right)$ 이고

아래로 볼록한 포물선이다.

꼭짓점이 주어진 구간 안에 포함되지 않으므로 최댓값, 최솟값은 주어진 구간의 양 끝값이 된다.

$$x = 2 \text{ 일 때 } y = 2\left(2 - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{1}{2} = 1$$

$$x = 5 \text{ 일 때 } y = 2\left(5 - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{1}{2} = 25$$

따라서 최댓값  $a = 25$ 이고, 최솟값  $b = 1$ 으로  $ab = 25$