

1. 다음 계산 중 틀린 것은?

①  $5i \times (-2i) \times i^3 = -10i$       ②  $i^3 + i^4 + i^5 + i^6 = 0$

③  $\sqrt{-8} \times \sqrt{-2} = 4$       ④  $\sqrt{-2} + \sqrt{-8} = 3\sqrt{2}i$

⑤  $-16$  의 제곱근은  $\pm 4i$

해설

①  $5i \times (-2i) \times i^3 = -10i^5 = -10(i^2)^2 \times i = -10i$

②  $i^3 + i^4 + i^5 + i^6$   
 $= (i^2) \times i + (i^2)^2 + (i^2)^2 \times i + (i^2)^3$   
 $= -i + 1 + i - 1$   
 $= 0$

③  $\sqrt{-8} \times \sqrt{-2} = 2\sqrt{2}i \times \sqrt{2}i = -4$

④  $\sqrt{-2} + \sqrt{-8} = \sqrt{2}i + 2\sqrt{2}i = 3\sqrt{2}i$

⑤  $-16$ 의 제곱근은  $\pm\sqrt{-16} = \pm 4i$

2.  $\frac{2 - \sqrt{-5}}{2 + \sqrt{-5}}$  를 간단히 하면?

- ①  $-\frac{1}{9} - \frac{4\sqrt{5}}{9}i$       ②  $\frac{1}{9} + \frac{4\sqrt{5}}{9}i$       ③  $1 - \frac{4\sqrt{5}}{9}i$   
④  $1 + 4\sqrt{5}i$       ⑤  $-1 - 4\sqrt{5}i$

해설

$$\begin{aligned}\frac{2 - \sqrt{-5}}{2 + \sqrt{-5}} &= \frac{2 - \sqrt{5}i}{2 + \sqrt{5}i} \times \frac{2 - \sqrt{5}i}{2 - \sqrt{5}i} \\&= \frac{4 - 4\sqrt{5}i - 5}{4 + 5} \\&= -\frac{1}{9} - \frac{4\sqrt{5}}{9}i\end{aligned}$$

3.  $\frac{2+3i}{3-i}$  를 계산하면?

①  $\frac{3}{8} + \frac{13}{8}i$

②  $\frac{3}{10} + \frac{11}{10}i$

③  $\frac{3}{10} - \frac{11}{10}i$

④  $\frac{3}{8} - \frac{13}{8}i$

⑤  $\frac{4}{9} + \frac{11}{9}i$

해설

$$\frac{2+3i}{3-i} = \frac{(2+3i)(3+i)}{(3-i)(3+i)} = \frac{3}{10} + \frac{11}{10}i$$

4.  $(4 + 3i)^2 - (4 - 3i)^2$  의 값은?

- ① 0      ② 24      ③ 48      ④  $24i$       ⑤  $48i$

해설

$$\begin{aligned}(4 + 3i)^2 - (4 - 3i)^2 \\= 16 + 24i - 9 - (16 - 24i - 9) \\= 48i\end{aligned}$$

5.  $\frac{2+3i}{3-i}$  를 계산하면?

①  $\frac{3+11i}{8}$

④  $\frac{3+11i}{10}$

②  $\frac{9+11i}{8}$

⑤  $\frac{9+11i}{10}$

③  $\frac{3+9i}{10}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{2+3i}{3-i} &= \frac{(2+3i)(3+i)}{(3-i)(3+i)} \\&= \frac{6-3+11i}{9-3+11i} \\&= \frac{3+11i}{10}\end{aligned}$$

6. 다음 식을 간단히 하여라.

$$\frac{1-2i}{2+3i} + \frac{1+2i}{2-3i}$$

▶ 답:

▷ 정답:  $-\frac{8}{13}$

해설

$$\begin{aligned}& (준식) \\&= \frac{(1-2i)(2-3i) + (1+2i)(2+3i)}{(2+3i)(2-3i)} \\&= \frac{(2-6) + (-4-3)i + (2-6) + (4+3)i}{2^2 + 3^2} \\&= \frac{(-4-7i) + (-4+7i)}{13} \\&= -\frac{8}{13}\end{aligned}$$

7. 허수단위  $i$ 에 대하여  $i + i^2 + i^3 + i^4 + i^5 + i^6$ 을 간단히하면?

①  $1+i$

④  $2+i$

②  $-1+i$

⑤ 2

해설

$$\begin{aligned}i + i^2 + i^3 + i^4 + i^5 + i^6 \\= i + (-1) + (-i) + 1 + i + (-1) \\= -1 + i\end{aligned}$$

8.  $i + i^2 + i^3 + i^4 + i^5$  을 간단히 하면?(단,  $i = \sqrt{-1}$ )

- ①  $i$       ②  $-i$       ③  $1+i$       ④  $0$       ⑤  $1$

해설

$$i^2 = -1, i^3 = i^2 \times i = -i, i^4 = (i^2)^2 = (-1)^2 = 1,$$

$$i^5 = i^4 \times i = i$$

$$i + i^2 + i^3 + i^4 + i^5$$

$$= i + (-1) + (-i) + 1 + i = i$$

9.  $\sqrt{(-1)^2 + i^2} - \frac{1}{i}$  를 계산하면?(단,  $i = \sqrt{-1}$ )

- ① -1      ② 0      ③ 1      ④ - $i$       ⑤  $i$

해설

(준식)=  $1 - 1 + i = i$

10. 복소수  $z = \frac{1+i}{\sqrt{2}}$  에 대하여  $z^2$  을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $z^2 = i$

해설

$$z = \frac{1+i}{\sqrt{2}} \text{ 이므로 } z^2 = \frac{1+2i-1}{2} = i$$

11.  $x = 1 + \sqrt{2}i, y = 1 - \sqrt{2}i$  일 때,  $x^2 + y^2$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

$$x + y = 2, xy = 3$$

$$x^2 + y^2 = (x + y)^2 - 2xy = 2^2 - 2 \times 3 = 4 - 6 = -2$$

12.  $x = 2 - \sqrt{3}i$ ,  $y = 2 + \sqrt{3}i$  일 때,  $x^2 + y^2$  의 값을 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$\begin{aligned}x^2 + y^2 &= (2 - \sqrt{3}i)^2 + (2 + \sqrt{3}i)^2 \\&= 4 - 4\sqrt{3}i - 3 + 4 + 4\sqrt{3}i - 3 \\&= 2\end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + y^2 &= (x + y)^2 - 2xy \\&= 4^2 - 2 \cdot 7 \\&= 16 - 14 \\&= 2\end{aligned}$$

13.  $\alpha = 1 + i$ ,  $\beta = 1 - i$  일 때,  $\frac{\beta}{\alpha} + \frac{\alpha}{\beta}$  의 값은?

- ①  $i$       ②  $-i$       ③  $-1$       ④ 0      ⑤  $1$

해설

$$\begin{aligned}\frac{\beta}{\alpha} + \frac{\alpha}{\beta} &= \frac{1-i}{1+i} + \frac{1+i}{1-i} = \frac{(1-i)^2 + (1+i)^2}{(1+i)(1-i)} \\ &= \frac{(1-2i+i^2) + (1+2i+i^2)}{1-i^2} \\ &= \frac{2+2i^2}{1-(-1)} = \frac{2-2}{2} = 0\end{aligned}$$

14.  $a = 2 + \sqrt{3}i$ ,  $b = 2 - \sqrt{3}i$  일 때,  $\frac{b}{a} + \frac{a}{b}$  의 값을 구하여라. (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{2}{7}$

해설

$$a = 2 + \sqrt{3}i, b = 2 - \sqrt{3}i \text{ 일 때}$$

$$\frac{b}{a} + \frac{a}{b} = \frac{b^2 + a^2}{ab} = \frac{(a+b)^2 - 2ab}{ab} \dots \textcircled{1}$$

$$\textcircled{1} \text{ 때}, a+b = (2 + \sqrt{3}i) + (2 - \sqrt{3}i) = 4$$

$$ab = (2 + \sqrt{3}i)(2 - \sqrt{3}i)$$

$$= 2^2 - (\sqrt{3}i)^2 = 4 + 3 = 7 \text{ 이므로}$$

$$a+b = 4, ab = 7 \text{ 을 } \textcircled{1} \text{에 대입하면}$$

$$\frac{b}{a} + \frac{a}{b} = \frac{(a+b)^2 - 2ab}{ab}$$

$$= \frac{16 - 14}{7} = \frac{2}{7}$$

15. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ①  $\overline{i-2} = i+2$       ②  $\overline{2i} = -2i$   
③  $\overline{\sqrt{2}+i} = \sqrt{2}-i$       ④  $\overline{1+\sqrt{3}} = 1+\sqrt{3}$   
⑤  $\overline{3-2i} = 3+2i$

해설

켤레복소수는 허수부분의 부호가 바뀐다.

실수의 켤레복소수는 자기자신이다.

①  $\overline{i-2} = -i-2$

16.  $z = 1 + i$  일 때,  $\frac{z\bar{z}}{z - \bar{z}}$  의 값은?(단,  $i = \sqrt{-1}$ ,  $\bar{z}$ 는  $z$ 의 콤팩트소수)

- ①  $1+i$     ②  $1-i$     ③  $1$     ④  $i$     ⑤  $-i$

해설

$$z = 1 + i \text{이면 } \bar{z} = 1 - i \text{이다.}$$
$$\therefore \frac{z\bar{z}}{z - \bar{z}} = \frac{(1+i)(1-i)}{(1+i) - (1-i)} = \frac{2}{2i} = -i$$

17.  $z = \frac{1+3i}{1-i}$  일 때, 다음 중  $z$  의 켤레복소수  $\bar{z}$  와 같은 것은? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

①  $\frac{1+3i}{1+i}$

④  $\frac{1-i}{1+3i}$

②  $\frac{1-3i}{1+i}$

⑤  $\frac{1+i}{1-3i}$

③  $\frac{1-3i}{1-i}$

해설

$$\overline{\left(\frac{z_2}{z_1}\right)} = \frac{\overline{z_2}}{\overline{z_1}}$$

$$\bar{z} = \overline{\left(\frac{1+3i}{1-i}\right)} = \frac{\overline{1+3i}}{\overline{1-i}} = \frac{1-3i}{1+i}$$

18. 복소수  $z = a + bi$  일 때,  $z$ 의 결례 복소수  $\bar{z} = a - bi$ 로 나타낸다. 다음 중 옳지 않은 것은? (단,  $a, b$ 는 실수)

- ①  $\overline{2+i} = 2-i$       ②  $\overline{-2-\sqrt{3}i} = -2+\sqrt{3}i$   
③  $\overline{i-1} = i+1$       ④  $\overline{0} = 0$   
⑤  $\overline{-2} = -2$

해설

결례복소수는 허수부분의 부호를 바꾼다.

③  $i-1$ 의 허수부분은  $i$  이므로  $\overline{i-1} = -i-1$ 이다.

실수의 결례복소수는 자기 자신이므로 ④, ⑤는 옳다.

19.  $\frac{5}{1+2i} = x+yi$  를 만족하는 실수  $x, y$  의 합을 구하여라.(단,  $i = \sqrt{-1}$ )

▶ 답:

▷ 정답:  $x+y = -1$

해설

$$\frac{5}{1+2i} = \frac{5(1-2i)}{(1+2i)(1-2i)} = \frac{5(1-2i)}{5} = 1-2i$$

$$1-2i = x+yi$$

$$x=1, y=-2, x+y=-1$$

20.  $i^{2000} + i^{2002} + i^{2003} + i^{2004}$  의 값을 구하면?

- ① 1      ② 1 -  $i$       ③ 1 +  $i$       ④ -1      ⑤ 0

해설

$$i^4 = 1 \text{ 이므로}$$

$$i^{4k} = 1, i^{4k+1} = i, i^{4k+2} = -1, i^{4k+3} = -i$$

$$(준식) = 1 + (-1) + (-i) + 1$$

$$= 1 - i$$

21.  $\left(\frac{1+i}{1-i}\right)^{2008}$  을 간단히 하면?

- ① -1      ② 0      ③ 1      ④  $i$       ⑤  $-i$

해설

$$\begin{aligned}\frac{1+i}{1-i} &= \frac{(1+i)^2}{(1-i)(1+i)} \\ &= \frac{2i}{2} = i \\ \therefore \left(\frac{1+i}{1-i}\right)^{2008} &= i^{2008} \\ &= (i^4)^{502} = 1\end{aligned}$$

22.  $x = \frac{1 + \sqrt{2}i}{3}$  일 때,  $9x^2 - 6x + 5$ 의 값은?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$x = \frac{1 + \sqrt{2}i}{3} \text{ 이므로}$$

$$3x = 1 + \sqrt{2}i$$

$$3x - 1 = \sqrt{2}i$$

$$\text{양변을 제곱하면 } 9x^2 - 6x + 1 = -2$$

$$\therefore 9x^2 - 6x = -3$$

$$9x^2 - 6x + 5 \text{에서 } 9x^2 - 6x \neq -3 \text{ 이므로 } -3 + 5 = 2$$

23.  $x = 1998$ ,  $y = 4331$  일 때,  $\frac{x+yi}{y-xi} + \frac{y-xi}{x+yi}$  의 값은?

- ① 0      ② 1      ③ -1      ④  $i$       ⑤  $-i$

해설

$$\begin{aligned}\frac{x+yi}{y-xi} + \frac{y-xi}{x+yi} \\&= \frac{(x+yi)^2 + (y-xi)^2}{(y-xi)(x+yi)} \\&= \frac{x^2 + 2xyi - y^2 + y^2 - 2xyi - x^2}{(y-xi)(x+yi)} = 0\end{aligned}$$

24.  $z = 1 - i$  일 때,  $\frac{\bar{z} - 1}{z} - \frac{z - 1}{\bar{z}}$ 의 값은?

- ①  $-i$       ②  $i$       ③  $-2i$       ④  $2i$       ⑤ 1

해설

$$z = 1 - i, \bar{z} = 1 + i$$

$$\therefore (\text{준식}) = \frac{i}{1-i} - \frac{-i}{1+i} = \frac{2i}{2} = i$$

25. 복소수  $z = i(a + \sqrt{5}i)^2$  이  $z = \bar{z}$  가 되도록 실수  $a$  의 값을 구하면?

- ① 5      ②  $\sqrt{5}$       ③ 0      ④  $\pm 5$       ⑤  $\pm \sqrt{5}$

해설

$$\begin{aligned} z &= i(a^2 - 5 + 2a\sqrt{5}i) \\ &= -2a\sqrt{5} + (a^2 - 5)i \end{aligned}$$

$z = \bar{z}$  이면 실수이므로 허수부분이 0이다.

$$\therefore a = \pm \sqrt{5}$$