- 다음 중 y 가 x 에 관한 이차함수인 것은? 1.
 - ① 반지름의 길이가 x 인 원의 둘레의 길이 y
 - ② 밑변의 길이가 4 , 높이가 x 인 삼각형의 넓이 y③ 가로가 x , 세로가 10 인 직사각형의 넓이 y
 - ④ 한 변의 길이가 x 인 정사각형의 넓이 y
 - ⑤ 시간이 x , 속력이 40 일 때의 거리 y

식으로 나타내면 다음과 같다.

해설

- ① $y = 2\pi x$ (일차함수)
- ② $y = \frac{1}{2} \times 4 \times x = 2x$ (일차함수)
- ③ y = 10x (일차함수) ④ $y = x^2$ (이차함수)
- ⑤ y = 40x (일차함수)

- **2.** 다음 중 함수 $y = ax^2$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?
 - ① 점 (0, 0)을 지난다.
 - ②a > 0일 때, y의 값은 0보다 크다. ③ y 축에 대하여 대칭이다.

 - ④ a > 0 이면 아래로 볼록한 그래프이다.
 - ⑤ a < 0 일 때, x > 0 이면 x 가 증가할 때 y 는 감소한다.

② a > 0일 때, y의 값은 0보다 크거나 같다.

해설

- **3.** 이차함수 $y = 5(x-3)^2 2$ 의 그래프를 x축, y축의 방향으로 각각 -2, 4만큼 평행이동한 그래프가 점 (a, 7)을 지날 때, 양수 a의 값은?
 - ① 1 ②2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

 $y = 5(x-3)^2 - 2$ 의 그래프를 x축, y축의 방향으로 각각 -2, 4만큼 평행이동하면 $y = 5(x-3+2)^2 - 2 + 4, y = 5(x-1)^2 + 2 이고$ 점 (a, 7)을 지나므로 대입하면 $7 = 5(a-1)^2 + 2, \ 1 = (a-1)^2, \ a-1 = \pm 1 이다. \ a > 0 이므로 a = 2 이다.$

- 4. $y = -x^2$ 을 x 축의 방향으로 2 만큼 평행이동한 다음 y 축에 대하여 대칭이동한 그래프의 방정식은?

 - ① $y = -x^2 + 4x 4$ ② $y = x^2 4x + 4$

x축의 방향으로 2만큼 평행이동시키면 $y = -(x-2)^2$

y 축에 대하여 대칭이동시키면 $y = -(-x-2)^2$ $= -(x^2 + 4x + 4)$ $= -x^2 - 4x - 4$

5. 이차함수 $y = -x^2 + 2x + 3 을 y = a(x - p)^2 + q$ 의 꼴로 나타낼 때, *p* + *q* 의 값은?

① 6

- ②5 3 4 ④ 3 ⑤ 2

해설

$$y = -x^{2} + 2x + 3$$

$$= -(x^{2} - 2x + 1 - 1) + 3$$

$$= -(x - 1)^{2} + 4$$

$$\therefore p = 1, q = 4$$

- p + q = 1 + 4 = 5

- **6.** 이차함수 $y = -\frac{1}{2}x^2 4x + 3$ 의 그래프는 $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프를 x축의 방향으로 -4 만큼, y 축의 방향으로 k 만큼 평행이동한 것이다. k 의 값은?
 - ① -13 ② -5 ③ 3 ④11 ⑤ 13

 $y = -\frac{1}{2}x^2 - 4x + 3$ $= -\frac{1}{2}(x^2 - 8x + 16 - 16) + 3$ $= -\frac{1}{2}(x - 4)^2 + 8 + 3$ $= -\frac{1}{2}(x - 4)^2 + 11$

따라서 $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프를 x 축으로 4 만큼

y 축으로 11 만큼 평행이동한 것이다. ∴ k = 11

7. 가로와 세로의 길이의 합이 20인 직사각형의 넓이를 y라고 할 때, y의 최댓값은?

4100 ① 90 ② 92 ③ 98 ⑤ 112

가로를 *x*, 세로를 20 – *x* 라 하자. y = x(20 - x)

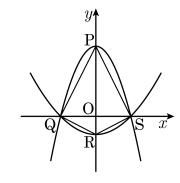
해설

 $= -x^2 + 20x$

 $= -(x^2 - 20x)$ $= -(x^2 - 20x + 100 - 100)$

 $= -(x - 10)^2 + 100$ 따라서 y의 최댓값은 100이다.

8. 함수 $y = -x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 4 만큼 평행이동하고, $y = \frac{1}{4}x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 -1 만큼 평행이동한 그림을 나타낸 것이다. 이 때 다음 설명 중 옳은 것의 개수는?



- 점 P(0,4) 이고, 점 R(0,-1) 이다.
 접 Q(2,0) 이고, 점 S(-2,0) 이다.
- © $\overline{QS} = 8$ 이다.
- © Q3 = 8 ° [1
- ② △PRS = 5, △QPR = 8 이다.③ □PQRS = 12 이다.

①1 개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

함수 $y = -x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 4 만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y = -x^2 + 4$

그래프의 식은 $y=\frac{1}{4}x^2-1$ $y=-x^2+4$ 에 y=0 을 대입하면 점 Q(-2,0), S(2,0) 이다.

함수 $y = \frac{1}{4}x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 -1 만큼 평행이동한

 $\overline{\mathrm{QS}} = 4$ 또, $\mathrm{P}(0, 4)$ 이고 $\mathrm{R}(0, -1)$

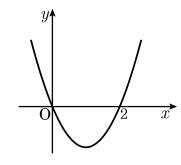
 $\Delta PRS = \Delta QPR = 5$ 따라서 옳은 것은 \bigcirc 이므로 1 개이다.

- 9. 이차함수 $y = -x^2 + 6x + 4m 1$ 의 그래프의 꼭짓점이 직선 -2x + y + 6 = 0 의 위에 있을 때, 상수 m 의 값은?
 - ① -3 ② -2 ③ -1 ④ 0 ⑤ 1

해설

 $y = -x^2 + 6x + 4m - 1$ 을 $y = a(x - p)^2 + q$ 의 꼴로 바꾸면 $y = -(x-3)^2 + 8 + 4m$ 이므로 꼭짓점의 좌표는 (3, 4m+8) 이다. 꼭짓점이 직선 -2x + y + 6 = 0 을 지나므로 -6 + 4m + 8 + 6 = 0, 4m = -8, m = -2 이다.

10. 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 일차함수 ax + by + c = 0 의 그래프는 몇 사분면을 지나는가?



- ① 제 1, 2, 3 사분면 ③ 제 2, 4 사분면
- ② 제 1, 3 사분면 ④ 제 2, 3, 4 사분면
- ⑤ 제 1, 2 사분면

$$y =$$

$$y = ax^2 + bx + c$$
 에서 $c = 0$
또한, $y = ax\left(x + \frac{b}{a}\right)$ 에서

또한,
$$y = ax\left(x + \frac{b}{a}\right)$$
 에서

$$-\frac{b}{a} = 2 > 0$$

$$a$$

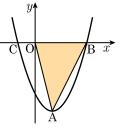
$$\therefore \frac{b}{a} < 0$$
그러므로 $ax + by + c = 0$ 에서
$$y = -\frac{a}{b}x$$

$$\therefore -\frac{a}{b} > 0 \left(\because \frac{b}{a} < 0\right)$$

$$\therefore -\frac{a}{b} > 0 \left(\because \frac{b}{a}\right)$$

- **11.** 다음 포물선 $y = x^2 2x 3$ 의 꼭짓점을 A 라하고, x 축과의 교점을 B, C 라 할 때, \triangle ABO 의 넓이는?
 - ① 16 **4**)6
- ② 8 ⑤ 10
- ③ 12





 $y = x^2 - 2x - 3 = (x - 1)^2 - 4$ A 의 좌표는 (1, -4) 이다. x 축과 교점은 y = 0 일 때이므로 $0 = (x - 1)^2 - 4$ 이다. 따라서 x = -1 또는 x = 3 이다. B 의 좌표는 (3, 0) 이다.

 $\therefore \triangle ABO = \frac{1}{2} \times 3 \times 4 = 6$

- 12. 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 는 직선 x = 2 에 대하여 대칭이고, 직선 y = x - 1 과 만나는 점의 x 좌표가 3 , -2 일 때, a + b + c 의 값을 구하면?
 - ① 0 ② $\frac{1}{3}$ ③ $\frac{2}{3}$ ④ 1 ⑤ 2

x=2 에 대하여 대칭이므로 $y=a(x-2)^2+q$ 이고, y = x - 1 에서 (3,2), (-2,-3) 을 지나므로,

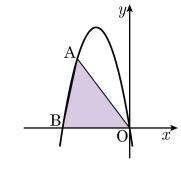
$$v = -\frac{1}{2}(x-2)^2 + \frac{7}{2}$$

$$y = x - 1$$
에서 $(3, 2), (-2, -3)$ 를 지다르 $a + q = 2, 16a + q = -3$ 에서 $a = -\frac{1}{3}, q = \frac{7}{3}$ 이므로 $y = -\frac{1}{3}(x - 2)^2 + \frac{7}{3} = -\frac{1}{3}x^2 + \frac{4}{3}x + 1$ 따라서 $y = a + b + c = 2$ 이다.

- **13.** 이차함수 $y = x^2 4kx + 2k^2 + k 1$ 의 최솟값을 m 이라 할 때, m 의 최댓값은?
 - ① $-\frac{7}{8}$ ② -1 ③ $\frac{1}{8}$ ④ 1 ⑤ $-\frac{9}{8}$

 $y = x^2 - 4kx + 2k^2 + k - 1 = (x - 2k)^2 - 2k^2 + k - 1$ $m = -2k^2 + k - 1 = -2\left(k - \frac{1}{4}\right)^2 - \frac{7}{8}$ 이므로 m 의 최댓값은 $-\frac{7}{8}$ 이다.

14. 다음 그림은 축의 방정식이 x = -3 인 이차함수 $y = -x^2 + bx + c$ 의 그래프이다. 점 O (원점), B 는 x 축과 만나는 점이고, 점 A 가 O 에서 B 까지 포물선을 따라 움직일 때, ΔOAB 의 넓이의 최댓값은?



- ① 18
- 3 36

4 45

⑤ 54

축이 x = -3 이므로 B 의 좌표는(-6, 0) 이다.

해설

따라서 $y = -x^2 + bx + c$ 가 두 점 (0, 0), (-6, 0) 을 지나므로,

 $0 = c, \ 0 = -36 - 6b$

b = -6, c = 0 $y = -x^2 - 6x = -(x+3)^2 + 9$

 $_{\Delta {
m OAB}}$ 에서 밑변의 길이를 $_{\overline{
m OB}}$ 라고 하면, 높이가 최대일 때 △OAB 의 넓이가 최대가 된다.

즉, A 가 꼭짓점에 있을 때이다. 꼭짓점의 좌표가 (-3, 9) 이므로 $\triangle OAB$ 의 넓이= $\frac{1}{2} \times \overline{OB} \times 9 = \frac{1}{2} \times 6 \times 9 = 27$

- 15. 지면으로부터 60m 높이에서 쏘아올린 물체의 x 초 후의 높이를 ym 라 하면 $y=-5x^2+20x+60$ 인 관계가 있다. 최고 높이에 도달할 때까지 걸린 시간과 지면에 다시 떨어질 때까지 걸리는 시간을 각각 구하면?
 - ④ 3초,6초

① 1호, 3호

- ② 2초, 4초⑤ 3초, 8초
- ③2 초, 6 초

해설

최고 높이에 도달할 때까지 걸린 시간은

y = -5x² + 20x + 60 = -5(x - 2)² + 80 이므로 x = 2 일 때 y 의 최댓값은 80

따라서 2초 후이다.

지면에 떨어질 때 y = 0 이다. $0 = -5x^2 + 20x + 60$

 $-5(x^2 - 4x - 12) = 0$

-5(x-6)(x+2) = 0

그런데, x > 0 이므로 x = 6즉 6 초 후에 지면에 떨어진

즉, 6 초 후에 지면에 떨어진다.