

1. 다음 중  $y$  가  $x$  에 관한 이차함수인 것은?

- ① 반지름의 길이가  $x$  인 원의 둘레의 길이  $y$
- ② 밑변의 길이가 4, 높이가  $x$  인 삼각형의 넓이  $y$
- ③ 가로가  $x$ , 세로가 10 인 직사각형의 넓이  $y$
- ④ 한 변의 길이가  $x$  인 정사각형의 넓이  $y$
- ⑤ 시간이  $x$ , 속력이 40 일 때의 거리  $y$

해설

식으로 나타내면 다음과 같다.

- ①  $y = 2\pi x$  (일차함수)
- ②  $y = \frac{1}{2} \times 4 \times x = 2x$  (일차함수)
- ③  $y = 10x$  (일차함수)
- ④  $y = x^2$  ( $\circ$ 이차함수)
- ⑤  $y = 40x$  (일차함수)

2. 다음 중 함수  $y = ax^2$  의 그래프에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 점  $(0, 0)$  을 지난다.
- ②  $a > 0$  일 때,  $y$ 의 값은 0보다 크다.
- ③  $y$  축에 대하여 대칭이다.
- ④  $a > 0$  이면 아래로 볼록한 그래프이다.
- ⑤  $a < 0$  일 때,  $x > 0$  이면  $x$  가 증가할 때  $y$  는 감소한다.

해설

- ②  $a > 0$  일 때,  $y$ 의 값은 0보다 크거나 같다.

3. 이차함수  $y = 5(x-3)^2 - 2$ 의 그래프를  $x$ 축,  $y$ 축의 방향으로 각각  $-2, 4$  만큼 평행이동한 그래프가 점  $(a, 7)$ 을 지날 때, 양수  $a$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$y = 5(x-3)^2 - 2$ 의 그래프를  $x$ 축,  $y$ 축의 방향으로 각각  $-2, 4$  만큼 평행이동하면

$y = 5(x-3+2)^2 - 2 + 4, y = 5(x-1)^2 + 2$ 이고

점  $(a, 7)$ 을 지나므로 대입하면

$7 = 5(a-1)^2 + 2, 1 = (a-1)^2, a-1 = \pm 1$ 이다.  $a > 0$ 이므로  $a = 2$ 이다.

4.  $y = -x^2$  을  $x$  축의 방향으로 2 만큼 평행이동한 다음  $y$  축에 대하여 대칭이동한 그래프의 방정식은?

①  $y = -x^2 + 4x - 4$

②  $y = x^2 - 4x + 4$

③  $y = -x^2 - 4x - 4$

④  $y = -x^2 - 4x + 4$

⑤  $y = x^2 + 4x - 4$

해설

$x$ 축의 방향으로 2만큼 평행이동시키면  $y = -(x - 2)^2$

$y$  축에 대하여 대칭이동시키면  $y = -(-x - 2)^2$

$$= -(x^2 + 4x + 4)$$

$$= -x^2 - 4x - 4$$

5. 이차함수  $y = -x^2 + 2x + 3$  을  $y = a(x - p)^2 + q$  의 꼴로 나타낼 때,  
 $p + q$  의 값은?

① 6

② 5

③ 4

④ 3

⑤ 2

해설

$$y = -x^2 + 2x + 3$$

$$= -\left(x^2 - 2x + 1 - 1\right) + 3$$

$$= -(x - 1)^2 + 4$$

$$\therefore p = 1, q = 4$$

$$\therefore p + q = 1 + 4 = 5$$

6. 이차함수  $y = -\frac{1}{2}x^2 - 4x + 3$ 의 그래프는  $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프를  $x$  축의 방향으로 -4 만큼,  $y$  축의 방향으로  $k$  만큼 평행이동한 것이다.  $k$ 의 값은?

- ① -13      ② -5      ③ 3      ④ 11      ⑤ 13

해설

$$\begin{aligned}y &= -\frac{1}{2}x^2 - 4x + 3 \\&= -\frac{1}{2}(x^2 - 8x + 16 - 16) + 3 \\&= -\frac{1}{2}(x - 4)^2 + 8 + 3 \\&= -\frac{1}{2}(x - 4)^2 + 11\end{aligned}$$

따라서  $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프를  $x$  축으로 4 만큼

$y$  축으로 11 만큼 평행이동한 것이다.

$$\therefore k = 11$$

7. 가로와 세로의 길이의 합이 20인 직사각형의 넓이를  $y$ 라고 할 때,  $y$ 의 최댓값은?

① 90

② 92

③ 98

④ 100

⑤ 112

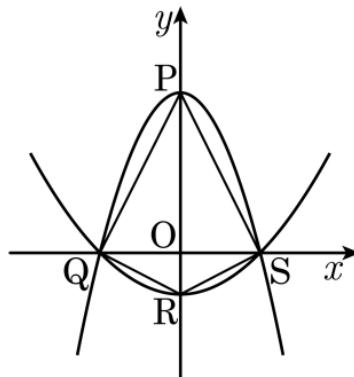
해설

가로를  $x$ , 세로를  $20 - x$ 라 하자.

$$\begin{aligned}y &= x(20 - x) \\&= -x^2 + 20x \\&= -(x^2 - 20x) \\&= -(x^2 - 20x + 100 - 100) \\&= -(x - 10)^2 + 100\end{aligned}$$

따라서  $y$ 의 최댓값은 100이다.

8. 함수  $y = -x^2$  의 그래프를  $y$  축 방향으로 4 만큼 평행이동하고,  $y = \frac{1}{4}x^2$  의 그래프를  $y$  축 방향으로 -1 만큼 평행이동한 그림을 나타낸 것이다. 이 때 다음 설명 중 옳은 것의 개수는?



- ㉠ 점  $P(0, 4)$  이고, 점  $R(0, -1)$  이다.
- ㉡ 점  $Q(2, 0)$  이고, 점  $S(-2, 0)$  이다.
- ㉢  $\overline{QS} = 8$  이다.
- ㉣  $\triangle PRS = 5$ ,  $\triangle QPR = 8$  이다.
- ㉤  $\square PQRS = 12$  이다.

- ① 1 개      ② 2 개      ③ 3 개      ④ 4 개      ⑤ 5 개

### 해설

함수  $y = -x^2$  의 그래프를  $y$  축 방향으로 4 만큼 평행이동한 그래프의 식은  $y = -x^2 + 4$

함수  $y = \frac{1}{4}x^2$  의 그래프를  $y$  축 방향으로 -1 만큼 평행이동한

그래프의 식은  $y = \frac{1}{4}x^2 - 1$

$y = -x^2 + 4$  에  $y = 0$  을 대입하면 점  $Q(-2, 0)$ ,  $S(2, 0)$  이다.

$$\overline{QS} = 4$$

또,  $P(0, 4)$  이고  $R(0, -1)$

$$\triangle PRS = \triangle QPR = 5$$

따라서 옳은 것은 ㉠이므로 1 개이다.

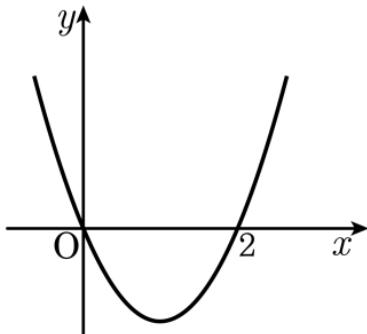
9. 이차함수  $y = -x^2 + 6x + 4m - 1$ 의 그래프의 꼭짓점이 직선  $-2x + y + 6 = 0$ 의 위에 있을 때, 상수  $m$ 의 값은?

- ① -3      ② -2      ③ -1      ④ 0      ⑤ 1

해설

$y = -x^2 + 6x + 4m - 1$  을  $y = a(x - p)^2 + q$  의 꼴로 바꾸면  
 $y = -(x - 3)^2 + 8 + 4m$  이므로 꼭짓점의 좌표는  $(3, 4m + 8)$  이다.  
꼭짓점이 직선  $-2x + y + 6 = 0$  을 지나므로  $-6 + 4m + 8 + 6 = 0$ ,  
 $4m = -8$ ,  $m = -2$  이다.

10. 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$  의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 일차함수  $ax + by + c = 0$  의 그래프는 몇 사분면을 지나는가?



- ① 제 1, 2, 3 사분면      ② 제 1, 3 사분면  
③ 제 2, 4 사분면      ④ 제 2, 3, 4 사분면  
⑤ 제 1, 2 사분면

해설

$$y = ax^2 + bx + c \text{ 에서 } c = 0$$

$$\text{또한, } y = ax \left( x + \frac{b}{a} \right) \text{ 에서}$$

$$-\frac{b}{a} = 2 > 0$$

$$\therefore \frac{b}{a} < 0$$

그러므로  $ax + by + c = 0$  에서

$$y = -\frac{a}{b}x$$

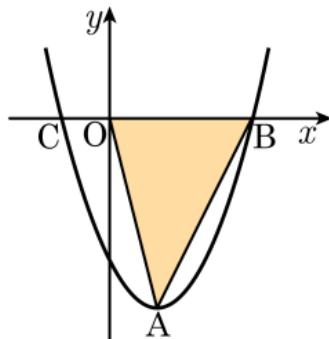
$$\therefore -\frac{a}{b} > 0 \quad \left( \because \frac{b}{a} < 0 \right)$$

따라서 제1, 3 사분면을 지난다.

11. 다음 포물선  $y = x^2 - 2x - 3$  의 꼭짓점을 A 라 하고,  $x$  축과의 교점을 B, C 라 할 때,  $\triangle ABO$ 의 넓이는?

① 16      ② 8      ③ 12

④ 6      ⑤ 10



### 해설

$$y = x^2 - 2x - 3 = (x - 1)^2 - 4$$

A의 좌표는  $(1, -4)$  이다.

$x$  축과 교점은  $y = 0$  일 때이므로

$$0 = (x - 1)^2 - 4 \text{ 이다.}$$

따라서  $x = -1$  또는  $x = 3$  이다.

B의 좌표는  $(3, 0)$  이다.

$$\therefore \triangle ABO = \frac{1}{2} \times 3 \times 4 = 6$$

12. 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$  는 직선  $x = 2$ 에 대하여 대칭이고, 직선  $y = x - 1$ 과 만나는 점의  $x$  좌표가 3, -2 일 때,  $a + b + c$ 의 값을 구하면?

- ① 0      ②  $\frac{1}{3}$       ③  $\frac{2}{3}$       ④ 1      ⑤ 2

해설

$x = 2$ 에 대하여 대칭이므로  $y = a(x - 2)^2 + q$ 이고,

$y = x - 1$ 에서  $(3, 2), (-2, -3)$ 을 지나므로,

$a + q = 2, 16a + q = -3$ 에서

$$a = -\frac{1}{3}, q = \frac{7}{3} \text{이므로}$$

$$y = -\frac{1}{3}(x - 2)^2 + \frac{7}{3} = -\frac{1}{3}x^2 + \frac{4}{3}x + 1$$

따라서  $y = a + b + c = 2$ 이다.

13. 이차함수  $y = x^2 - 4kx + 2k^2 + k - 1$ 의 최솟값을  $m$ 이라 할 때,  $m$ 의 최댓값은?

①

$$-\frac{7}{8}$$

② -1

③  $\frac{1}{8}$

④ 1

⑤  $-\frac{9}{8}$

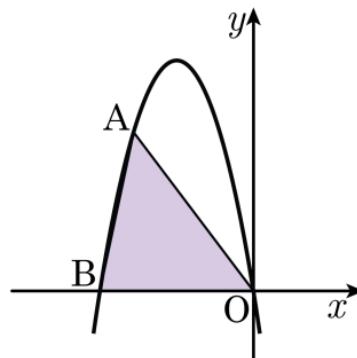
해설

$$y = x^2 - 4kx + 2k^2 + k - 1 = (x - 2k)^2 - 2k^2 + k - 1$$

$$m = -2k^2 + k - 1 = -2\left(k - \frac{1}{4}\right)^2 - \frac{7}{8} \text{ 이므로 } m \text{의 최댓값은 } -\frac{7}{8}$$

이다.

14. 다음 그림은 축의 방정식이  $x = -3$  인 이차함수  $y = -x^2 + bx + c$  의 그래프이다. 점 O (원점), B 는  $x$  축과 만나는 점이고, 점 A 가 O 에서 B 까지 포물선을 따라 움직일 때,  $\triangle OAB$  의 넓이의 최댓값은?



- ① 18      ② 27      ③ 36      ④ 45      ⑤ 54

### 해설

축이  $x = -3$  이므로 B 의 좌표는  $(-6, 0)$  이다.

따라서  $y = -x^2 + bx + c$  가 두 점

$(0, 0)$ ,  $(-6, 0)$  을 지나므로,

$$0 = c, 0 = -36 - 6b$$

$$b = -6, c = 0$$

$$y = -x^2 - 6x = -(x + 3)^2 + 9$$

$\triangle OAB$  에서 밑변의 길이를  $\overline{OB}$  라고 하면, 높이가 최대일 때  $\triangle OAB$  의 넓이가 최대가 된다.

즉, A 가 꼭짓점에 있을 때이다. 꼭짓점의 좌표가  $(-3, 9)$  이므로

$$\triangle OAB \text{ 의 넓이} = \frac{1}{2} \times \overline{OB} \times 9 = \frac{1}{2} \times 6 \times 9 = 27$$

15. 지면으로부터 60m 높이에서 쏘아올린 물체의  $x$  초 후의 높이를  $y$ m라 하면  $y = -5x^2 + 20x + 60$  인 관계가 있다. 최고 높이에 도달할 때까지 걸린 시간과 지면에 다시 떨어질 때까지 걸리는 시간을 각각 구하면?

① 1 초, 3 초

② 2 초, 4 초

③ 2 초, 6 초

④ 3 초, 6 초

⑤ 3 초, 8 초

### 해설

최고 높이에 도달할 때까지 걸린 시간은

$$y = -5x^2 + 20x + 60 = -5(x - 2)^2 + 80 \text{ 이므로}$$

$x = 2$  일 때  $y$  의 최댓값은 80

따라서 2 초 후이다.

지면에 떨어질 때  $y = 0$  이다.

$$0 = -5x^2 + 20x + 60$$

$$-5(x^2 - 4x - 12) = 0$$

$$-5(x - 6)(x + 2) = 0$$

그런데,  $x > 0$  이므로  $x = 6$

즉, 6 초 후에 지면에 떨어진다.