1. $x^2=4$, $y^2=9$ 이고 x-y 의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 할 때, M-m 의 값은?

해설
$$x = \pm 2, y = \pm 3$$

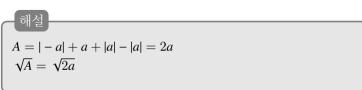
$$x - y = -1, 5, -5, 1$$

$$\therefore M - m = 5 - (-5) = 10$$

값은?

①
$$-3a$$
 ② $-2a$ ③ a ④ $\sqrt{2a}$ ⑤ $\sqrt{3}a$

a > 0 일 때, $A = \sqrt{(-a)^2 + (-\sqrt{a})^2 + \sqrt{a^2} - \sqrt{a^2}}$ 일 때, \sqrt{A} 의



- **3.** 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고르면?
 - ① 순환하는 무한소수는 반드시 유리수이다.
 - ② 서로 다른 두 무리수 사이에는 적어도 하나 이상의 자연수가 존재한다.
 - ③ 반지름의 길이가 0 이 아닌 실수인 원의 넓이는 반드시 무리수이다.
 - ④ 완전제곱수의 제곱근은 항상 유리수이다.
 - ⑤ 서로 다른 두 무리수의 곱은 항상 무리수이다.

해설

- ② $\sqrt{2}$ 와 $\sqrt{3}$ 사이에는 자연수가 존재하지 않는다.
- ⑤ $\sqrt{2}$ 와 $-\sqrt{2}$ 의 곱은 유리수이다. 따라서 옳지 않은 것은 ②, ⑤이다.

4. $\sqrt{2} = x$, $\sqrt{3} = y$ 일 때, $\sqrt{5} = x$ 와 y 로 나타낸 것으로 옳은 것은?

①
$$x + y$$
 ② $x^2 + y^2$ ③ $\sqrt{x + y}$
② $\sqrt{x^2 + y^2}$ ⑤ \sqrt{xy}

해설
$$\sqrt{5} = \sqrt{2+3} = \sqrt{(\sqrt{2})^2 + (\sqrt{3})^2} = \sqrt{x^2 + y^2}$$

$$f(x) = \sqrt{x+1} - \sqrt{x}$$
 일 때, $f(1) + f(2) + f(3) + \cdots + f(39) + f(40)$

 의 값을 구하면?

 ① $\sqrt{40} - 1$
 ② $\sqrt{40} + 1$

 ③ $\sqrt{41} - 1$

(5) $\sqrt{41} - \sqrt{40}$

5.

(4) $\sqrt{41} + 1$

하실
$$f(1) = \sqrt{2} - 1 = -1 + \sqrt{2}$$

$$f(2) = \sqrt{3} - \sqrt{2} = -\sqrt{2} + \sqrt{3}$$

$$f(3) = \sqrt{4} - \sqrt{3} = -\sqrt{3} + \sqrt{4} \cdots$$

$$f(39) = \sqrt{40} - \sqrt{39} = -\sqrt{39} + \sqrt{40}$$

$$f(40) = \sqrt{41} - \sqrt{40} = -\sqrt{40} + \sqrt{41}$$

$$\therefore f(1) + f(2) + f(3) + \cdots + f(39) + f(40)$$

$$= (-1 + \sqrt{2}) + (-\sqrt{2} + \sqrt{3}) + (-\sqrt{3} + \sqrt{4}) + \cdots + (-\sqrt{39} + \sqrt{40}) + (-\sqrt{40} + \sqrt{41}) = -1 + \sqrt{41}$$

6. 두 이차방정식 $ax^2 - 3x + b = 0$, $bx^2 - 3x + a = 0$ 이 같은 근을 가질 때, a + b 의 값은? (단, $a \neq b$)

①
$$-2$$
 ② 0 ③ ± 1 ④ ± 3

두 방정식의 같은 근(공통근)을
$$\alpha$$
 라 하면 $a\alpha^2 - 3\alpha + b = 0 \cdots (1)$ $b\alpha^2 - 3\alpha + a = 0 \cdots (2)$ ① $- 2$ 를 하면 $(a - b)\alpha^2 - (a - b) = 0$ $(a - b)(\alpha^2 - 1) = 0$ $a \neq b$ 이므로 $\alpha^2 - 1 = 0 \cdot \alpha = \pm 1$ $\alpha = 1$ 일 때, ① 또는 ②에 대입하면 $a + b = 3$ $\alpha = -1$ 일 때, ① 또는 ②에 대입하면 $a + b = -3$ $a + b = \pm 3$

개가 강을 따라 내려올 때는 거슬러 오를 때보다 시속 2km 더 빠르다. 강의 상류에서 하류까지 12km 를 왕복하는 데 5 시간 걸린다면 12km 를 내려가는 데 걸리는 시간은 몇 시간인가?
 ① 1
 ② 2
 ③ 3
 ④ 4
 ⑤ 5

배가 강을 따라 거슬러 오를 때의 속력을
$$x$$
km/h라고 하면
$$\frac{12}{x} + \frac{12}{x+2} = 5$$
$$12(x+2) + 12x = 5x(x+2)$$
$$5x^2 - 14x - 24 = 0$$
$$(x-4)(5x+6) = 0$$
$$x 는 올라가는 속력이므로 양수이다.$$
따라서 $x = 4$ 이다.
$$\therefore \frac{12}{6} = 2(시간)$$

- 8. 유리수 a 와 무리수 b 가 a > 0 , b > 0 일 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?
 - ① $b\sqrt{a}$ 는 항상 무리수이다.
 - ② $\frac{b}{\sqrt{a}}$ 는 항상 유리수이다.
 - 3b-a는 항상 무리수이다.
 - ④ ab 는 항상 무리수이다.
 - ি $b \sqrt{a}$ 는 유리수일 수도 있고, 무리수일 수도 있다.

- a=2 , $b=\sqrt{2}$ 라 하면
- ① $b\sqrt{a}=2$ 유리수이지만 a=1 , $b=\sqrt{3}$ 일 때는 무리수
- ② $\frac{b}{\sqrt{a}} = 1$ 유리수이지만 a = 1, $b = \sqrt{3}$ 일 때는 무리수
- ③ $b-a=\sqrt{2}-2$ 항상 무리수
- ④ $ab = 2\sqrt{2}$ 항상 무리수
- ⑤ $b \sqrt{a} = 0$ 유리수이지만 a = 1, $b = \sqrt{3}$ 일 때는 무리수 따라서 옳은 것은 ③. ④. ⑤이다.

9.
$$f(n) = \frac{1}{\sqrt{n+1} + \sqrt{n}}$$
 일 때, $f(1) + f(2) + f(3) + \dots + f(8)$ 의 값은?

(3) $2\sqrt{2}-1$

해설
$$f(n) = \sqrt{n+1} - \sqrt{n}$$
이므로

= -1 + 3 = 2

(준식) = $\sqrt{2} - 1 + \sqrt{3} - \sqrt{2} + \dots + \sqrt{9} - \sqrt{8}$

(4) $2\sqrt{2} + 1$

(2) 3

(5) $3\sqrt{2}$

$${f 10.}$$
 다음 중 인수분해한 것이 옳지 않은 것은?

①
$$4x^2 + 12x + 9 = (2x + 3)^2$$

$$3x^2 - x + \frac{1}{4} = \left(x + \frac{1}{2}\right)^2$$

$$3x^2 + 6x + 3 = 3(x+1)^2$$

$$3 x^2 - x + \frac{1}{4} = \left(x - \frac{1}{2}\right)^2$$

11. $x^2 + Ax + 12 = (x + a)(x + b)$ 일 때, 다음 중 상수 A의 값이 될 수 없는 것은?(단, a, b는 정수)

① 8 ② -13 ③ -8 ④ -7 ⑤1

해설
$$ab = 12 가 되는 경우$$

$$(\pm 1, \pm 12), (\pm 2, \pm 6), (\pm 3, \pm 4)$$

$$A = a + b 이므로$$

$$A 가 될 수 있는 수는 \pm 13, \pm 8, \pm 7$$

12.
$$a^4 + a^2b^2 + b^4$$
 을 인수분해하면?

②
$$(a^2 + ab + b) (a^2 - ab + b)$$

$$(a^2 + ab - b)(a^2 - ab + b)$$

$$(a + ab + b^2)(a - ab + b^2)$$

(준식) =
$$(a^2 + b^2)^2 - (ab)^2$$

= $(a^2 + b^2 + ab)(a^2 + b^2 - ab)$

13. $x^2 + ax + b = 0$ 에서 계수 a, b 를 정하기 위하여 주사위를 던져서 나오는 첫 번째의 수를 a, 두 번째의 수를 b 라 한다. 이 때, 이 이차 방정식이 중근을 가지는 확률은?

1)
$$\frac{1}{2}$$
 2) $\frac{1}{3}$ 3) $\frac{1}{6}$ 4) $\frac{1}{9}$ 5) $\frac{1}{18}$

중근을 가지려면
$$x^2 + ax + b = 0$$
이 완전제곱식이 되어야 하므로 $\left(a \times \frac{1}{2}\right)^2 = b$ 이다.
$$a^2 = 4b = \mathbf{v}$$
 만족하는 $(a, b) = \mathbf{v}$ 가지이고 모든 경우의 수는 36 가지이다. 따라서 구하는 확률은 $\frac{2}{36} = \frac{1}{18}$ 이다.

14.
$$\frac{7}{3+\sqrt{2}}$$
 의 정수 부분을 a , 소수 부분을 b 라 할 때, b 는 이차방정식 $ax^2-kx-m=0$ 의 한 근이다. 이때, 유리수 k,m 의 차 $k-m$ 의 값은?

해설
$$\frac{7}{3+\sqrt{2}} = \frac{7(3-\sqrt{2})}{7} = 3 - \sqrt{2} = 1. \times \times \times$$

$$\therefore a = 1, b = 2 - \sqrt{2}$$

$$2 - \sqrt{2}, 2 + \sqrt{2} \text{ Then } ax^2 - kx - m = 0 \text{ 의 근이므로}$$

$$\frac{k}{a} = 4, -\frac{m}{a} = 2$$

$$\therefore k = 4, m = -2$$

$$\therefore k - m = 4 - (-2) = 6$$

15. 어떤 원의 반지름의 길이를 3 cm 만큼 줄였더니, 그 넓이는 처음 원의 넓이의 $\frac{1}{4}$ 배가 되었다. 이때, 처음 원의 반지름의 길이를 구하면?

① 3 cm ② 4 cm ③ 5 cm ④ 6 cm ⑤ 7 cm

해설
처음 원의 반지름:
$$r$$

줄인 원의 반지름: $r-3$
$$\pi(r-3)^2 = \frac{1}{4}\pi r^2$$
$$r^2 - 6r + 9 = \frac{1}{4}r^2$$
$$\frac{3}{4}r^2 - 6r + 9 = 0$$
$$r^2 - 8r + 12 = 0$$

(r-2)(r-6) = 0

∴ $r = 6 \,\mathrm{cm} \; (r > 3 \; \circ]$ 므로)