1. 다항식  $f(x) = -4x^3 + kx + 1$ 가 일차식 x - 1로 나누어 떨어 지도록 상수 k의 값을 구하여라.

 답:

 ▷ 정답:
 3

02.

해설  $f(x) = -4x^3 + kx + 1 = (x - 1) Q(x)$  f(1) = -4 + k + 1 = 0  $\therefore k = 3$ 

**2.** x에 대한 다항식  $x^3 - 2x^2 - px + 2$ 가 x - 2로 나누어떨어지도록 상수 p의 값을 정하면?

①1 ② -1 ③ 2 ④ -2 ⑤ 3

해설

 $x^3-2x^2-px+2=f(x)$ 로 놓으면 f(x) 가 x-2로 나누어떨어 지려면 f(2) = 0 이므로,

f(2) = 8 - 8 - 2p + 2 = 0

 $\therefore p = 1$ 

- 3. 다항식 f(x)를 두 일차식 x-1, x-2로 나눌 때의 나머지는 각각 2, 1이다. 이때, f(x)를  $x^2 - 3x + 2$ 로 나눌 때 나머지는?
  - ① x + 3
- ②-x+3 ③ x-3
- 4 x 3 5 x + 1

f(x)를 x-1, x-2로 나눈 나머지는 각각 2,1이므로

f(1)=2, f(2)=1, 구하는 나머지를 ax+b라 하자.

 $f(x) = (x^2 - 3x + 2)Q(x) + ax + b$ = (x-1)(x-2)Q(x) + ax + b

양변에 각각 x = 1, x = 2를 대입하면  $f(1) = a + b = 2, \ f(2) = 2a + b = 1$ 

두 식을 연립하여 구하면 a=-1,b=3∴구하는 나머지는 -*x* + 3

**4.** 등식  $3x^2 + 2x + 1 = a(x-1)^2 + b(x-1) + c$  이 x 에 관한 항등식일 때, 상수 b 의 값은?

① 3 ② -4 ③ 2 ④8 ⑤ 6

해설
$$3x^{2} + 2x + 1 = a(x - 1)^{2} + b(x - 1) + c$$

$$= (x - 1) \{a(x - 1) + b\} + c$$

$$1 \begin{vmatrix} 3 & 2 & 1 \\ & 3 & 5 \\ \hline & 3 & 5 \end{vmatrix} \leftarrow c$$

$$\frac{3}{3 \cdot 8} \leftarrow c$$

$$\uparrow$$
a

x = 1 을 대입하면 c = 6  $3x^2 + 2x + 1 = a(x - 1)^2 + b(x - 1) + 6$   $\rightarrow 3x^2 + 2x - 5 = a(x - 1)^2 + b(x - 1)$   $\rightarrow (x - 1)(3x + 5) = a(x - 1)^2 + b(x - 1)$   $\rightarrow$ 양변을 x - 1 로 나누면 3x + 5 = a(x - 1) + b = ax - a + b  $\therefore a = 3, b = 8$ ※ 준식의 우변을 모두 전개해서 계수비교하여 구할 수도 있다.

- 5. 다항식 f(x)를  $x^2-x$ 로 나누면 3이 남고  $x^2+x-6$ 로 나누면 x-1이 남을 때, f(x)를  $x^2-3x+2$ 로 나눌 때의 나머지를 R(x)라 할 때, R(1)의 값을 구하면?
  - ① 1 ② 2 ③ 3 ④ -2 ⑤ -3

 $f(x) = x(x-1)Q_1(x) + 3$  $f(x) = (x-2)(x+3)Q_2(x)$ 

 $f(x) = (x-2)(x+3)Q_2(x) + x - 1$ f(x) = (x-1)(x-2)Q(x) + ax + b

 $f(1) = 3, \ f(2) = 1$  이므로

 $a + b = 3, \ 2a + b = 1$ 

연립하여 풀면, a = -2, b = 5∴(구하는 나머지)R(x) = -2x + 5

 $\therefore R(1) = 3$ 

다항식 P(x)를 x+1로 나누면 떨어지고, x-2로 나누면 나머지가 3**6.** 이다. 이때, P(x)를 (x+1)(x-2)로 나누었을 때 나머지는?

3x+1

- ① x ② -x+1(4) -2x + 2 (5) 2x + 2

P(x) = (x+1)Q(x)P(x) = (x - 2)Q'(x) + 3

P(x) = (x+1)(x-2)Q''(x) + ax + b

P(-1) = 0, P(2) = 3이므로,

-a + b = 0, 2a + b = 3 $\therefore a = 1, b = 1$ 

따라서 나머지는 x+1이다.

- **7.** 다항식 f(x)를 x-1로 나눌 때의 나머지는 3이고, x-2로 나눌 때의 나머지는 1이다. 이 다항식을 (x-1)(x-2)로 나눌 때의 나머지를 구하면?
  - $\bigcirc -2x + 5$   $\bigcirc -2x + 7$
- - ① -2x+1 ② -2x-1 ③ -2x+3

해설

f(x) = (x-1)(x-2)Q(x) + ax + b라 하면,

f(1)=3, f(2)=1 이므로  $f(1) = a + b = 3, \ f(2) = 2a + b = 1$ 연립하면

 $a = -2, \ b = 5$ ∴ 나머지는 -2*x* + 5 이다.

- 8. x 에 대한 다항식 f(x) 를 x+1, x+2 로 나누었을 때의 나머지가 각각 4, -18 이라고 한다. f(x) 를 (x+1)(x+2) 로 나누었을 때의 나머지를 구하면?
  - ① x + 4
- ② x-4
- 3)22x + 26
- $4 \ 22x 26$   $5 \ x 18$

 $f(-1) = 4, \ f(-2) = -18$ 

f(x) = (x+1)(x+2)Q(x) + ax + b-a + b = 4, -2a + b = -18

 $\therefore a = 22, b = 26$ 

- 다항식 f(x)를 x-1, x-2로 나눈 나머지는 각각 1, 2이다. 다항식 9. f(x)를 (x-1)(x-2)로 나누었을 때의 몫이 Q(x)일 때, f(x)를 x-3으로 나눈 나머지는?
  - ② Q(3) + 4① Q(3) + 3
- $\bigcirc 3$  2Q(3) + 3

해설

④ 2Q(3) + 4 ⑤ Q(3)

주어진 조건에서 f(1) = 1, f(2) = 2이다. f(x) = (x-1)(x-2)Q(x) + ax + b라 놓으면

f(1) = a + b = 1, f(2) = 2a + b = 2 $\therefore a = 1, b = 0$ 

 $\stackrel{\mathbf{Z}}{\neg} f(x) = (x-1)(x-2)Q(x) + x$ 

f(3) = 2Q(3) + 3

**10.** 다항식  $x^3 + ax^2 + bx + c$  를 x + 2로 나누면 3이 남고,  $x^2 - 1$ 로 나누면 떨어진다. 이 때, abc의 값을 구하면?

 ■ 답:

 □ 정답:
 9

00.

해설

 $x^3 + ax^2 + bx + c = (x+2)Q_{1}(x) + 3$   $= (x+1)(x-1)Q_{2}(x)$  f(-2) = 3 f(1) = 0 f(-1) = 0 x = -2 대임, -8 + 4a - 2b + c = 3 x = -1 대임, -1 + a - b + c = 0 x = 1 대임, 1 + a + b + c = 0세식을 연립해서 구하면 a = 3, b = -1, c = -3

 $\therefore abc = 9$ 

**11.** 다항식  $2x^3 + 3x^2 + ax + b$ 가 x + 2로 나누어 떨어질 때, 2a - b의 값은?

**4**)-4 ① 28 ② 12 ③ 6 ⑤ -12

준식을 f(x)라 하면 f(-2) = 0이므로 -16 + 12 - 2a + b = 0에서 2a - b = -4

**12.** x에 대한 다항식  $x^3 + 2x^2 - ax + b$ 가  $x^2 + x - 2$ 로 나누어 떨어질 때,  $a^2 + b^2$ 의 값을 정하여라.

 답:

 ▷ 정답:
 5

 $f(x)=x^3+2x^2-ax+b=(x^2+x-2)Q(x)$  =(x+2)(x-1)Q(x) 인수정리에 의해 x=-2, x=1을 대입하면 우변이 0이 된다.  $\therefore f(-2)=-8+8+2a+b=0$  f(1)=1+2-a+b=0 연립하면, a=1, b=-2  $\therefore a^2+b^2=5$ 

**13.** x에 대한 다항식  $x^3 + ax^2 - x + b$ 를 x - 1로 나누었을 때 몫과 나머지를 다음과 같은 조립제법으로 구하려고 한다. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- - $\textcircled{4} \quad d = 4 \qquad \textcircled{5} k = -1$
- ① a = 3 ② b = 2 ③ c = 1

다항식  $x^3 + ax^2 - x + b$ 를 x - 1로 나누었을 때의 몫과 나머지를

해설

조립제법을 이용하여 구하면 다음과 같다. 

**14.** x에 대한 다항식  $x^3 + ax^2 + bx + 1$ 를 x + 1로 나누었을 때 몫과 나머지를 다음과 같은 조립제법으로 구하려고 한다. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?  $k \mid 1 \quad a \quad b \quad 1$ 

- ① a = 3 ② b = 2 ③ c = -1
  - 4 d = -3 5 k = -1

다항식  $x^3 + ax^2 + bx + 1$ 를 x + 1로 나누었을 때의 몫과 나머지를 조립제법을 이용하여 구하면 다음과 같다. 이때 k = -1, c = -1, d = -a + 1, b - a + 1 = -1, -b + a = 2이므로 k = -1, c = -1, a = 4, b = 2, d = -3

따라서 옳지 않은 것은 ①이다.

- **15.** x에 대한 다항식  $x^3 + ax^2 x + b$ 를 x 3로 나누었을 때 몫과 나머지를 다음과 같은 조립제법으로 구하려고 한다. a+b+c+d+k의 값을 구하면?
  - $k \mid 1 \quad a \quad -1 \quad b$ c d 33 1 4 11 37
  - ① 19 ② 20 ③ 21 ④ 22

- **(5)** 23

다항식  $x^3 + ax^2 - x + b$ 를 x - 3로 나누었을 때의 몫과 나머지를

해설

조립제법을 이용하여 구하면 다음과 같다.  $3 \mid 1 \qquad a \qquad -1$ b

이때 
$$k=3$$
,  $c=3$ ,  $a+3=4$ ,  $3a+9=d$ ,  $9a+b+24=37$ 

이므로 k = 3, c = 3, a = 1, d = 12, b = 4따라서 a+b+c+d+k=1+4+3+12+3=23

- **16.** x에 대한 다항식  $x^3 + ax^2 + bx + c$ 를 x 1로 나누었을 때 몫과 나머지를 다음과 같은 조립제법으로 구하려고 한다. i=1일 때, a+b+c의 값을 옳게 구한 것은?
  - $1 \mid 1 \quad a \quad b \quad c$

해설

다항식  $x^3 + ax^2 + bx + c$ 를 x - 1로 나누었을 때의 몫과 나머지를

조립제법을 이용하여 구하면 다음과 같다. 

a+b+c=0

따라서 ③이다.

**17.** 임의의 실수 x에 대하여  $2x^3-5x+2=a(x+1)^3+b(x+1)^2+c(x+1)+d$ 가 성립할 때,  $a^2 - b^2 + c^2 - d^2$ 의 값을 구하면?

① 56

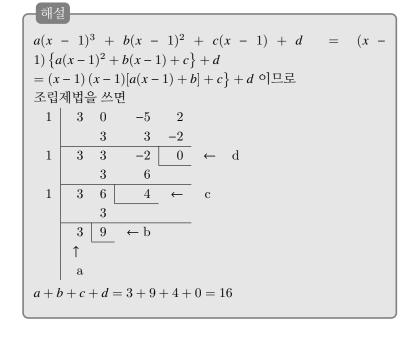
해설

② 28 ③ -28 ④ -46

**⑤** –56

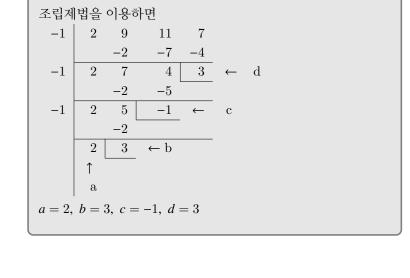
a,b,c,d 는  $2x^2 - 5x + 2$  를 (x+1) 로 계속 나눠 줄때 나오는 나머지이다. 조립제법을 이용해 보면 0 -1 2 3 -3 5 ← d -1 2 -2 -24 2 -41 ← c -1-2-6 ← b 2 -1 1 a  $\therefore a^2 - b^2 + c^2 - d^2 = 2^2 - (-6)^2 + 1^2 - 5^2 = -56$ 

- **18.**  $3x^3 5x + 2 = a(x-1)^3 + b(x-1)^2 + c(x-1) + d$ 이 x 에 대한 항등식일 때, a+b+c+d 의 값은?
  - ② 16 ③ 20 ④ 23 ⑤ 25 ① -16



이 문제의 경우 계수의 합을 구하는 것이므로 양변에 x=2 를 대입해서 한꺼번에 구하는 값을 얻을 수 있다.

- **19.**  $2x^3 + 9x^2 + 11x + 7 = a(x+1)^3 + b(x+1)^2 + c(x+1) + d$  가 x에 대한 항등식일 때, a, b, c, d를 차례로 구하면?
  - ① 3, -1, 3, 2 ③ -3, 1, -3, -2
- ②2, 3, -1, 3
- ⑤ 1, −3, 4, −2
- (4) -2, -3, 1, -3



**20.**  $x^3 - 4x^2 + 5x - 3$  을  $A(x - 3)^3 + B(x - 3)^2 + C(x - 3) + D$  로 나타낼 때, ABCD 의 값을 구하면?

① -20 ② 40 ③ -60 ④ 120 ⑤ -120

해설

 $x^3 - 4x^2 + 5x - 3$  을 x - 3 에 대해 내림차순으로 정리하기 위해 x-3 으로 반복하여 나누면 나머지가 차례로 D, C, B, A 가 되므로 3 | 1 -4 5 -33 -3 2 3 ← d 1 -1 3 6 3 1 2 8 ← c 1 5 ← b **↑** a  $\therefore ABCD = 1 \times 5 \times 8 \times 3 = 120$ 

**21.**  $f(x) = 3x^3 - x + 2$  일 때,  $f(x+1) = Ax^3 + Bx^2 + Cx + D$ 이다. 이 때, A + B + C + D의 값을 구하면 ?

③ 24 ④ 34 ⑤ 44 ① 4 2 14

 $f(x+1) = Ax^3 + Bx^2 + Cx + D$  에 x = 1 을 대입하면

f(2) = A + B + C + D이므로

f(2)를 구하기 위해서는

 $f(x) = 3x^3 - x + 2$  에 x = 2 를 대입하면  $f(2) = 3 \times 2^3 - 2 + 2 = 24$ 

해설

해설

x+1=t 라 하면,  $f(t) = A(t-1)^3 + B(t-1)^2 + C(t-1) + D$ 1 3 0 -1 2 1 3 3 2 4 1 3 6 8 3 | 9  $\therefore A = 3, B = 9, C = 8, D = 4$  $\therefore A + B + C + D = 24$ 

**22.**  $x^3$  의 계수가 1 인 삼차다항식 f(x) 에 대하여 f(1)=1, f(2)=2, f(3)=3이 성립한다. 이 때, f(x) 를 x-4 로 나눈 나머지는?

① 9 ② 10 ③ 11 ④ 12 ⑤ 13

해설 f(1) = 1, f(2) = 2, f(3) = 3 에서 f(x) = x즉,  $f(x) - x \vdash x - 1, x - 2, x - 3$ 을 인수로 한다. f(x) - x = (x - 1)(x - 2)(x - 3)  $\therefore f(x) = (x - 1)(x - 2)(x - 3) + x, f(4) = 10$ 

 $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$  라 하면  $(i) f(1) = 1 \Rightarrow a + b + c + 1 = 1$   $(ii) f(2) = 2 \Rightarrow 4a + 2b + c + 8 = 2$   $(iii) f(3) = 3 \Rightarrow 9a + 3b + c + 2n = 3$ 위의 세식을 연립하여 풀면, a = -6, b = 12, c = -6  $\Rightarrow f(x) = x^3 - 6x^2 + 12x - 6$   $\therefore f(4) = 4^3 - 6 \times 4^2 + 12 \times 4 - 6 = 10$