

1. $x^3 - 6x^2 + 11x - 6$ 을 인수분해 하면?

① $(x+1)(x-2)(x+3)$

② $(x-1)(x+2)(x+3)$

③ $(x-1)(x-2)(x-3)$

④ $(x+1)(x+2)(x-3)$

⑤ $(x-1)(x-2)(x+3)$

해설

인수정리를 이용하면

$$f(1) = 0, f(2) = 0, f(3) = 0 \text{ 이므로}$$

$$(\text{준식}) = (x-1)(x-2)(x-3)$$

2. 두 다항식 $2x^2 + 2x - 4$ 와 $4x^3 - 4$ 에 관한 설명이다. 옳지 않은 것을 고르면?

- ① 두 다항식은 $(x - 1)$ 로 나누어 떨어지므로, $(x - 1)$ 은 두 다항식의 공약수이다.
- ② 두 다항식은 공약수가 있으므로 서로소가 아니다.
- ③ $4(x - 1)^3(x + 2)^2(x^2 + x + 1)$ 은 두 다항식의 공배수이다.
- ④ 두 다항식의 최대공약수는 $2(x - 1)$ 이다.
- ⑤ 두 다항식의 최소공배수는 $(x + 2)(x - 1)^2(x^2 + x + 1)$ 이다.

해설

$$2x^2 + 2x - 4 = 2(x - 1)(x + 2)$$

$$4x^3 - 4 = 4(x - 1)(x^2 + x + 1)$$

$$\text{최대공약수 : } 2(x - 1)$$

$$\text{최소공배수 : } 4(x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 1)$$

3. 이차방정식 $x^2 - 3x + 2 = 0$ 의 두 근을 α, β 라고 할 때, $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}$ 의 값은?

① $-\frac{3}{2}$

② $-\frac{2}{3}$

③ $-\frac{1}{6}$

④ $\frac{2}{3}$

⑤ $\frac{3}{2}$

해설

$$x^2 - 3x + 2 = 0$$

$$(x - 2)(x - 1) = 0$$

$$x = 1 \text{ 또는 } x = 2 \text{ 이므로 } \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} = \frac{1}{1} + \frac{1}{2} = \frac{3}{2}$$

4. 이차함수 $y = x^2 + 4x + 1$ 의 최솟값을 구하면?

① -1

② 1

③ -3

④ 3

⑤ -5

해설

$$y = x^2 + 4x + 1$$

$$= (x + 2)^2 - 3$$

$x = -2$ 일 때, 최솟값은 -3 이다.

5. k 의 값에 관계없이 $(2k^2 - 3k)x - (k + 2)y - (k^2 - 4)z = 28$ 이 항상 성립하도록 x, y, z 의 값을 정할 때, $3x + y + z$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

주어진 식을 k 에 대해 정리하면

$$(2x - z)k^2 - (3x + y)k - (2y - 4z + 28) = 0$$

$$\therefore 2x - z = 0, 3x + y = 0, 2y - 4z + 28 = 0$$

$z = 2x$, $y = -3x$ 을 $2y - 4z + 28 = 0$ 에 대입하면

$$x = 2, y = -6, z = 4$$

$$\therefore 3x + y + z = 4$$

6. 모든 실수 x 에 대하여 $2x^3 - 3x^2 - x + 1 = a(x-1)^3 + b(x-1)^2 + c(x-1) + d$ 이라 할 때, $a + b + c + d$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$2x^3 - 3x^2 - x + 1 = a(x-1)^3 + b(x-1)^2 + c(x-1) + d$$

$x = 2$ 를 대입하면,

$$\{2 \times (2)^3\} - (3 \times 2^2) - 2 + 1 = a + b + c + d$$

$$\therefore a + b + c + d = 3$$

7. $(125^2 - 75^2) \div \{5 + (30 - 50) \div (-4)\}$ 의 값은?

① 75

② 125

③ 900

④ 1000

⑤ 1225

해설

$$\begin{aligned}125^2 - 75^2 &= (125 + 75)(125 - 75) \\ &= 200 \times 50 = 10000\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}5 + (30 - 50) \div (-4) &= 5 + 5 = 10 \text{ 이므로} \\ (\text{준 식}) &= 10000 \div 10 = 1000\end{aligned}$$

8. 합이 $2x^3 + x^2 - 5x + 2$ 이고, 최소공배수가 $x^4 - 3x^2 + 2x$ 인 두 식을 $f(x), g(x)$ 라 할 때, $f(2) \times g(2)$ 의 값을 구하면?

① 12

② 22

③ 26

④ 32

⑤ 36

해설

$$f(x) = Ga, \quad g(x) = Gb \quad (\text{단, } a, b : \text{서로소})$$

$$f(x) + g(x) = G(a + b)$$

$$= (x - 1)(x + 2)(2x - 1) \cdots \text{㉠}$$

$$L = Gab = x(x - 1)^2(x + 2) \cdots \text{㉡}$$

㉠, ㉡에서 $a + b$ 와 ab 가 서로소이므로

$$G = (x - 1)(x + 2)$$

$$\therefore f(x)g(x) = LG = x(x - 1)^2(x + 2)(x - 1)(x + 2) = x(x - 1)^3(x + 2)^2$$

$$\therefore f(2)g(2) = 32$$

9. 두 다항식 A, B 의 최대공약수가 $x+1$ 이고, 곱이 $x^4 + x^3 - 7x^2 - 13x - 6$ 이다. A, B 의 최소공배수를 $f(x)$ 라 할 때, $f(3)$ 의 값은?

① -3

② -1

③ 0

④ 2

⑤ 4

해설

$$AB = LG, \quad G = x + 1$$

$$AB = x^4 + x^3 - 7x^2 - 13x - 6$$

$$= (x + 1)^2(x + 2)(x - 3)$$

$$f(x) = (x + 1)(x + 2)(x - 3), \quad f(3) = 0$$

10. 직선 $y = 2x + k$ 가 이차함수 $y = -x^2 - 6x + 1$ 의 그래프와는 만나고, 이차함수 $y = -x^2 + 4x$ 의 그래프와는 만나지 않을 때, 정수 k 의 개수는?

① 10 개

② 12 개

③ 14 개

④ 16 개

⑤ 18 개

해설

직선 $y = 2x + k$ 가

곡선 $y = -x^2 - 6x + 1$ 과 만날 때

$2x + k = -x^2 - 6x + 1$ 에서

$x^2 + 8x + k - 1 = 0$ 의 판별식을 D_1 이라 하면

$$\frac{D_1}{4} = 16 - k + 1 \geq 0 \text{ 에서 } k \leq 17$$

직선 $y = 2x + k$ 가

곡선 $y = -x^2 + 4x$ 와 만나지 않을 때

$2x + k = -x^2 + 4x$ 에서

$x^2 - 2x + k = 0$ 의 판별식을 D_2 라 하면

$$\frac{D_2}{4} = 1 - k < 0 \text{ 에서 } k > 1$$

따라서 k 의 값의 범위는 $1 < k \leq 17$ 이므로

정수 k 의 개수는 16 개이다.