

1. 연속하는 세 정수의 합이 54 일 때, 이 세 정수 중 가운데 수를 구하면?

① 16

② 17

③ 18

④ 19

⑤ 20

해설

연속하는 세 정수를 x , $x + 1$, $x + 2$ 라 하면

$$x + (x + 1) + (x + 2) = 54$$

$$3x = 51, x = 17$$

따라서 가운데 수는 $x + 1 = 18$ 이다.

2. 두 자리의 자연수가 있다. 일의 자리의 숫자는 7 이고, 이 자연수는 각 자리의 숫자의 합의 4 배보다 3 이 작다고 한다. 이 자연수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 37

해설

십의 자리의 숫자를 x 라 하면 두 자리의 자연수는 $10x + 7$ 이다.

$$10x + 7 = 4(x + 7) - 3$$

$$10x + 7 = 4x + 28 - 3$$

$$6x = 18 \quad \therefore x = 3$$

따라서 구하는 자연수는 37 이다.

3. 현재 아버지의 나이는 나의 나이의 3배이지만 15년 후에는 나의 나이의 2배가 된다. 현재 아버지의 나이는?

① 36

② 39

③ 42

④ 45

⑤ 48

해설

현재 나의 나이를 x 세라 하면, 아버지의 나이는 $3x$ 세이고, 15년 후의 나이는 각각 $(x + 15)$ 세, $(3x + 15)$ 세이다.

$$2(x + 15) = 3x + 15$$

$$x = 15$$

따라서 현재 나의 나이는 15 세이고 아버지의 나이는 45 세이다.

4. 1학년 9반에서 회비를 모으는데 한 명당 100원씩 걷으면 1000원이 모자라고 150원씩 걷으면 1500원이 남는다고 한다. 이 반의 학생 수를 구하여라.

▶ 답: 명

▷ 정답: 50명

해설

학생 수: x 명이라 하면

$$100x + 1000 = 150x - 1500$$

$$-50x = -2500 \quad \therefore x = 50$$

5. 몇 명의 학생들이 있다. 5 명씩 줄을 세우면 3 명이 남고, 6 명씩 줄을 세우면 2 명이 남는데 5 명씩 세울 때보다 한 줄이 준다고 할 때, 학생 수가 모두 몇 명인지 구하면?

① 7 명

② 18 명

③ 20 명

④ 38 명

⑤ 43 명

해설

5 명씩 세울 때 줄 수를 x 라 하면

6 명씩 세울 때 줄 수는 $(x - 1)$ 이므로

학생 수는 $5x + 3 = 6(x - 1) + 2$

$$5x + 3 = 6x - 6 + 2$$

$$-x = -7$$

$$x = 7$$

따라서 학생 수는 $5 \times 7 + 3 = 38$ (명)

6. 열차가 일정한 속력으로 달려 200m 다리를 통과하는데 20 초 걸린다. 또 500m 터널을 통과하는데 30 초가 걸린다. 이 열차의 길이는?

① 120m

② 150m

③ 300m

④ 400m

⑤ 450m

해설

열차의 길이 x m 라 하면

200m 다리를 통과할 때 열차가 움직인 거리

$$: (200 + x)m$$

500m 다리를 통과할 때 열차가 움직인 거리

$$: (500 + x)m$$

$$\frac{200 + x}{20} = \frac{500 + x}{30}$$

양변에 60 을 곱하면,

$$3(200 + x) = 2(500 + x)$$

$$600 + 3x = 1000 + 2x$$

$$\therefore x = 400$$

7. 10%의 소금물과 5% 소금물을 섞어 6%의 소금물 500g을 만들 때 10%의 소금물의 양을 구하면?

① 50g

② 100g

③ 200g

④ 360g

⑤ 400g

해설

10%의 소금물의 양을 x 라 하면, 5%의 소금물의 양은 $500-x$ 이고, 소금의 양은 같으므로 식을 세우면, $x \times \frac{10}{100} + (500-x) \times \frac{5}{100} =$

$$500 \times \frac{6}{100}$$

양변에 100을 곱하면, $10x + 5(500-x) = 3000$ $10x + 2500 - 5x = 3000$

$$5x = 500$$

$$\therefore x = 100 \text{ (g)}$$

8. 200 km의 거리를 승용차를 타고 이동하는 데 처음에는 시속 60 km로 달리다가 중간에 어느 지점부터는 속력을 높여 시속 75 km로 달렸더니 총 3 시간 15 분이 소요되었다. 시속 60 km로 달린 거리를 구하여라.

▶ 답: km

▷ 정답: 175 km

해설

시속 60 km로 달린 거리를 x km라 하면 시속 75 km로 달린 거리는 $(200 - x)$ km이다.

$$\frac{x}{60} + \frac{200 - x}{75} = \frac{13}{4}$$

$$5x + 4(200 - x) = 975$$

$$5x + 800 - 4x = 975$$

$$\therefore x = 175$$

따라서, 시속 60 km로 달린 거리는 175 km이다.

9. 18%의 소금물 300g이 있다. 18%의 소금물에 물 ag 을 부으면 13.5%의 소금물이 되고, 처음의 18%의 소금물에서 물 bg 을 증발시키면 24%의 소금물이 된다. 이 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 175

해설

$$\text{소금의 양} : 300 \times \frac{18}{100} = 54$$

$$\frac{54}{300 + a} = \frac{13.5}{100} \quad \therefore a = 100$$

$$\frac{54}{300 - b} = \frac{24}{100} \quad \therefore b = 75$$

$$\therefore a + b = 175$$

10. 어떤 물통에 물을 가득 채우는 데 A 호스로는 2 시간, B 호스로는 3 시간이 걸리며, 또 가득찬 물을 C 호스로 빼내는 데에는 6 시간이 걸린다고 한다. A, B 호스로 물을 넣음과 동시에 C 호스로 물을 빼내는 경우 물통에 물을 가득 채우는 데 걸리는 시간은?

① 30 분

② 1 시간

③ 1 시간 30 분

④ 2 시간

⑤ 3 시간

해설

전체 물의 양을 1 이라 하면

A 호스로 한 시간에 채울 수 있는 물의 양은 $\frac{1}{2}$,

B 호스로 한 시간에 채울 수 있는 물의 양은 $\frac{1}{3}$,

C 호스로 한 시간에 빼낼 수 있는 물의 양은 $\frac{1}{6}$

(A호스로 채운 물의 양) + (B호스로 채운 물의 양) - (C호스로 빼낸 물의 양) = 1 을 이용하여 식을 세운다.

물을 가득 채우는 데 걸리는 시간을 x 시간 이라고 하면,

$$\left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3}\right)x - \frac{1}{6}x = 1$$

$$x = \frac{3}{2}$$