

1. 다음 중 항등식인 것은?

① $2x = 10$

② $3(1 - 2x) = -x - 5$

③ $12 - 7x = 7x + 12$

④ $1 + x - 2x = x$

⑤ $4(2 - 3x) = -12x + 8$

해설

⑤ $4(2 - 3x) = -12x + 8$

$8 - 12x = -12x + 8$

좌변과 우변의 식이 같으므로 항등식이다.

2. 등식 $ax + 3 = 4x - b$ 가 모든 x 에 대하여 항상 참일 때, 상수 a, b 에 대하여 ab 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $ab = -12$

해설

모든 x 에 대하여 항상 참인 식은 항등식이다. 항등식이 되려면 좌변과 우변이 같아야 한다.

$$(a - 4)x = -3 - b$$

$$\therefore a = 4, b = -3$$

$$\therefore ab = -12$$

3. 다음 등식 중 $x = 3$ 일 때, 참이 되는 것을 고르면?

㉠ $2x - 1 = 6$

㉡ $x + 10 = 14$

㉢ $3x - 14 = x$

㉣ $2x - 3 = 3$

① ㉠

② ㉡

③ ㉢

④ ㉣

⑤ ㉠, ㉡

해설

주어진 각 식에 $x = 3$ 을 대입해서 좌변과 우변의 등식이 성립하는 것을 찾는다.

따라서 식이 성립하는 것은 ㉣ $2x - 3 = 3$ 이다.

4. 다음은 방정식 $-\frac{5}{3} + 2x = \frac{1}{3}x + 5$ 를 푸는 과정을 나타낸 것이다.
 ⑦ ~ ⑪에 사용된 등식의 성질을 다음 <보기>에서 골라 차례대로 쓰면?

보기

$a = b, c$ 가 자연수이면

$$\textcircled{7} \quad a + c = b + c$$

$$\textcircled{8} \quad a - c = b - c$$

$$\textcircled{9} \quad ac = bc$$

$$\textcircled{10} \quad \frac{a}{c} = \frac{b}{c}$$

$$\begin{aligned} -\frac{5}{3} + 2x &= \frac{1}{3}x + 5 \\ -5 + 6x &= x + 15 \quad \dots \textcircled{7} \\ -5 + 5x &= 15 \quad \dots \textcircled{11} \\ 5x &= 20 \quad \dots \textcircled{9} \\ x &= 4 \quad \dots \textcircled{10} \end{aligned}$$

- ① $\textcircled{9}-\textcircled{10}-\textcircled{7}-\textcircled{11}$ ② $\textcircled{9}-\textcircled{7}-\textcircled{10}-\textcircled{11}$ ③ $\textcircled{9}-\textcircled{7}-\textcircled{11}-\textcircled{10}$
 ④ $\textcircled{9}-\textcircled{10}-\textcircled{11}-\textcircled{7}$ ⑤ $\textcircled{10}-\textcircled{9}-\textcircled{7}-\textcircled{11}$

해설

$$-\frac{5}{3} + 2x = \frac{1}{3}x + 5$$

$-5 + 6x = x + 15$ 양변에 3 을 곱해줌 ($\textcircled{9} ac = bc$ 이용)

$-5 + 5x = 15$ 양변에 x 를 빼 줌 ($\textcircled{8} a - c = b - c$ 이용)

$5x = 20$ 양변에 5 를 더함 ($\textcircled{7} a + c = b + c$ 이용)

$x = 4$ 양변을 5 로 나눔 ($\textcircled{10} \frac{a}{c} = \frac{b}{c}$ 이용)

5. 일차방정식 $-2(4x + 3) = 2(4x + 5)$ 를 $ax = b$ 의 꼴로 정리했을 때,
 $\frac{b}{a}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : -1

해설

$$-2(4x + 3) = 2(4x + 5)$$

$$-8x - 6 = 8x + 10$$

$$-16x = 16$$

$$\therefore a = -16, b = 16$$

따라서 $\frac{b}{a} = \frac{16}{-16} = -1$ 이다.

6. 다음 방정식의 해를 구한 것은?

$$\frac{3x - 6}{4} + \frac{2x + 3}{6} = \frac{x}{12} + \frac{x - 4}{3}$$

- ① $-\frac{1}{4}$ ② $-\frac{1}{2}$ ③ 0 ④ $\frac{1}{2}$ ⑤ $\frac{1}{4}$

해설

주어진 식의 양변에 12를 곱하면

$$3(3x - 6) + 2(2x + 3) = x + 4(x - 4)$$

$$9x - 18 + 4x + 6 = x + 4x - 16$$

$$8x = -4$$

$$\therefore x = -\frac{1}{2}$$

7. $(x-2) : (x+2) = 1 : 3$ 을 만족하는 x 의 값이 방정식 $\frac{a(x-3)}{3} - (x-a) = 4$ 의 해일 때, 상수 a 의 값은?

① 3

② 4

③ 5

④ 6

⑤ 7

해설

$$(x-2) : (x+2) = 1 : 3$$

$$(x+2) = 3(x-2)$$

$$x+2 = 3x-6$$

$$x = 4$$

$\frac{a(x-3)}{3} - (x-a) = 4$ 에 $x = 4$ 를 대입하면,

$$\frac{a(4-3)}{3} - (4-a) = 4$$

$$\frac{1}{3}a - (4-a) = 4$$

$$\frac{4}{3}a = 8$$

$$\therefore a = 6$$

8. 다음 등식이 x 에 관한 일차방정식일 때, a 의 값과 방정식의 해를 각각 구하여라.

$$8x - ax^2 - 7 = 5x(a - 2x)$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = 10$

▷ 정답 : $x = -\frac{1}{6}$

해설

$$8x - ax^2 - 7 = 5x(a - 2x)$$

$$8x - ax^2 - 7 = 5ax - 10x^2$$

$$(10 - a)x^2 + (8 - 5a)x = 7$$

$$10 - a = 0, \therefore a = 10$$

$$(8 - 50)x = 7$$

$$-42x = 7$$

$$\therefore x = -\frac{1}{6}$$

9. 다음 두 일차방정식의 해가 각각 $x = 4$, $x = -3$ 일 때, ab 의 값은?

$$\textcircled{\text{L}} \quad 2(a - x) = x - 2$$

$$\textcircled{\text{L}} \quad 1 - \frac{x + b}{3} = b - 2x$$

① -5

② -10

③ -15

④ -20

⑤ -25

해설

㉠ $2(a - x) = x - 2$ 에 $x = 4$ 를 대입하면

$$2(a - 4) = 4 - 2 \quad \textcircled{O} \text{므로 } a = 5$$

㉡ $1 - \frac{x + b}{3} = b - 2x$ 에 $x = -3$ 을 대입하면

$$1 - \frac{-3 + b}{3} = b + 6 \quad \textcircled{O} \text{므로 } b = -3$$

$$\therefore ab = 5 \times (-3) = -15$$

10. x 에 관한 일차방정식 $3(5x + a) = 2(x + 10) + 8x$ 의 해가 자연수가 되도록 하는 자연수의 a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a = 5$

해설

$$3(5x + a) = 2(x + 10) + 8x$$

$$15x + 3a = 2x + 20 + 8x$$

$$5x = 20 - 3a$$

$$x = 4 - \frac{3}{5}a$$

$$a = 5 \text{ 이면 } 4 - 3 = 1$$

$$a = 10 \text{ 이면 } 4 - 6 = -2 \text{ (자연수가 아니다)}$$

$$\therefore a = 5$$