1. x 에 대한 다항식 $3x^3y + 5y - xz + 9xy - 4$ 에 대하여 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

 \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc

4 (7, (2), (2), (1)

- 내림차순으로 정리하면
 3yx³ + (9y z)x + 5y 4이다.
- 오름차순으로 정리하면
 5y 4 + (9y z)x + 3yx³ 이다.
- © 주어진 다항식은 x 에 대한 3 차식이다.
- x³ 의 계수는 3이다.
- ◎ 상수항은 -4 이다.
- ① ⑦, ©
- 3 J, L
- \bigcirc \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc
- © 0, 0, 0, 0, e
 - 해설
 - ⓐ *x*³ 의 계수는 3*y* 이다.
 - ◎ 상수항은 5y − 4 이다.

- 다항식 $2x^3 + x^2 + 3x 를 x^2 + 1$ 로 나는 나머지는? \bigcirc x-1
 - (2) x

③ 1

(4) x + 3(5) 3x - 1

직접 나누어보면

$$(2x+1) + \frac{x-1}{x^2+1}$$

몫: 2x + 1. 나머지: x - 1

3. x 에 대한 다항식 $A=2x^3+5x^2+4$ 를 다항식 B 로 나눌 때, 몫이 2x+1 이고, 나머지가 -6x+2 이다. 이 때, 다항식 B 를 구하면?

①
$$x^2 + 2x + 2$$
 ② $x^2 + x + 2$ ③ $x^2 - x + 2$
④ $x^2 - 2x + 2$ ⑤ $x^2 - 3x + 2$

$$A = B(2x+1) - 6x + 2 \text{ odd}$$

$$B(2x+1) = 2x^3 + 5x^2 + 6x + 2$$

$$\therefore B = (2x^3 + 5x^2 + 6x + 2) \div (2x+1)$$

$$= x^2 + 2x + 2$$

1. $(x+y)^n$ 을 전개할 때 항의 개수는 n+1 개이다. 다항식 $\{(2a-3b)^3(2a+3b)^3\}^4$ 을 전개할 때, 항의 개수를 구하면 ?

5.
$$2x^2 - 3x - 2 = a(x - 1)(x + 2) + bx(x + 2) + cx(x - 1)$$
이 x 에 대한 항등식이 되도록 a, b, c 의 값을 정하면?

①
$$a = 1, b = -1, c = 2$$
 ② $a = -1, b = 1, c = -2$

(3)
$$a = 1, b = 1, c = 2$$
 (4) $a = -1, b = -1, c = -2$

$$\circ$$
 $a = 1, b = -1, c = -2$

수치대입법을 이용한다.

$$x = 0$$
을 대입 $-2 = -2a$ $\therefore a = 1$
 $x = 1$ 을 대입 $-3 = 3b$ $\therefore b = -1$
 $x = -2$ 를 대입 $12 = 6c$ $\therefore c = 2$

6. a, b는 정수이고, $ax^3 + bx^2 + 1$ 이 $x^2 - x - 1$ 로 나누어 떨어질 때, b의 값은?

$$\bigcirc -2$$
 $\bigcirc -1$ $\bigcirc 0$ $\bigcirc 4$ $\bigcirc 1$ $\bigcirc 2$

해설
전개했을 때 양변의 최고차항과 상수항이 같아야 하므로
$$ax^3 + bx^2 + 1$$

= $(x^2 - x - 1)(ax - 1)$
= $ax^3 - (1 + a)x^2 + (1 - a)x + 1$

양변의 계수를 비교하면 -(1+a) = b, 1-a = 0 $\therefore a = 1, b = -2$ 7. 다항식 $f(x) = x^3 - 2x^2 + 5x - 6 = x - 2, x - 1$ 로 나누었을 때의 나머지를 각각 a,b라 할 때, a+b의 값은?

$$\bigcirc 1 - 8 \qquad \bigcirc 2 - 2 \qquad \bigcirc 3 - 16 \qquad \bigcirc 4 \qquad \bigcirc 4 \qquad \bigcirc 2 \bigcirc 2$$

해설
$$f(x) = (x-2)Q(x) + a$$

$$f(x) = (x-1)Q'(x) + b$$

 $f(2) = 4 = a, \ f(1) = -2 = b$

 $\therefore a+b=2$

8. 다항식 $2x^3 + ax^2 + bx + 3$ 이 다항식 $2x^2 - x - 3$ 으로 나누어 떨어질 때, a + b 의 값은 ?

$$2x^3 + ax^2 + bx + 3 = (2x^2 - x - 3)Q(x)$$

= $(x+1)(2x-3)Q(x)$
 $x = -1 \supseteq \mathbb{H}, -2 + a - b + 3 = 0$

$$\therefore a-b=-1\cdots \bigcirc$$

$$x = \frac{3}{2}$$
 일 때, $\frac{27}{4} + \frac{9}{4}a + \frac{3}{2}b + 3 = 0$
 $27 + 9a + 6b + 12 = 0$

$$\therefore 3a + 2b = -13 \cdots \bigcirc$$

$$\bigcirc$$
, \bigcirc \bigcirc \downarrow $a = -3, b = -2$

$$\therefore a + b = (-3) + (-2) = -5$$

- 9. 등식 $3x^2 + 2x + 1 = a(x-1)^2 + b(x-1) + c$ 이 x 에 관한 항등식일 때, 상수 b 의 값은?
 - $\bigcirc 3$ $\bigcirc -4$ $\bigcirc 3$ $\bigcirc 2$ $\bigcirc 4$ $\bigcirc 6$

해설

$$3x^{2} + 2x + 1 = a(x - 1)^{2} + b(x - 1) + c$$

$$= (x - 1) \{a(x - 1) + b\} + c$$

$$1 \begin{vmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 3 & 5 & 6 \\ \hline 3 & 5 & 6 \end{vmatrix} \leftarrow c$$

$$3 \begin{vmatrix} 3 & 8 & \leftarrow c \\ \uparrow \\ a \end{vmatrix}$$

$$x=1$$
 을 대입하면 $c=6$
 $3x^2+2x+1=a(x-1)^2+b(x-1)+6$
 $\rightarrow 3x^2+2x-5=a(x-1)^2+b(x-1)$
 $\rightarrow (x-1)(3x+5)=a(x-1)^2+b(x-1)$
 $\rightarrow % 변을 x-1$ 로 나누면
 $3x+5=a(x-1)+b=ax-a+b$
 $\therefore a=3, b=8$
※ 준식의 우변을 모두 전개해서 계수비교하여 구할 수도 있다.

해설

10.
$$a^2b + b^2c - b^3 - a^2c$$
을 인수분해하면?

①
$$(a+b)(a-b)(b+c)$$

②
$$(a-b)(b-c)(c+a)$$

$$(3)(a-b)(a+b)(b-c)$$

$$(a-b)(a+b)(c-a)$$

⑤
$$(a-b)(b+c)(c-a)$$

해설

$$a^2b + b^2c - b^3 - a^2c$$

 $= a^2(b-c) - b^2(b-c)$
 $= (a-b)(a+b)(b-c)$

11. 상수 a,b에 대하여 다음 등식이 항상 성립할 때, 2a+b의 값은?

$$\frac{a}{x-1} + \frac{b}{x+3} = \frac{6(x+1)}{(x-1)(x+3)}$$

① 2

2 3

3 5

•



$$a(x+3) + b(x-1) = 6(x+1)$$
$$(a+b)x + (3a-b) = 6x + 6$$

$$a = 3, b = 6 - a = 3$$

$$\therefore 2a+b=2\times 3+3=9$$

12.
$$x$$
에 관계없이 $\frac{x-a}{2x-b}$ 가 항상 일정한 값을 가질 때, 상수 a,b 에 대하여 $\frac{b}{a}$ 의 값은?

$$\frac{x-a}{2x-b} = k 라 놓으면,$$

$$(2k-1)x + (a-bk) = 0$$

$$\therefore 2k-1 = 0, \ a = bk \circ \square$$

$$k = \frac{1}{2}, \ a = \frac{1}{2}b \circ \square$$

 $\therefore \frac{b}{a} = 2$

13. 다항식 f(x)를 $x^2 - 4$ 로 나누었을 때의 나머지가 -x + 4이다. 다항식 f(x+1)을 $x^2 + 2x - 3$ 으로 나누었을 때의 나머지를 구하면?

①
$$2x + 1$$
 ② $-x + 3$ ③ $x - 1$ ④ $2x$

(3) c = -1

$$\begin{array}{c|cccc} & c & d & 1 \\ \hline 1 & 3 & -1 & 2 \end{array}$$

이므로

①
$$a = 3$$
 ② $b = 2$
④ $d = -3$ ⑤ $k = -1$

k = -1, c = -1, a = 4, b = 2, d = -3

따라서 옳지 않은 것은 ①이다.

 $|\mathcal{A}| = -1, c = -1, d = -a + 1, b - a + 1 = -1, -b + a = 2$

15. 다음 중
$$x^2 + y^2 + 2xy - 2x - 2y$$
 의 인수가 아닌 것은?

①
$$x + y$$

$$\bigcirc -x-y$$

$$3 x + y - 2$$

$$4x - y$$

⑤
$$2x + 2y$$

(준식) =
$$(x^2 + 2xy + y^2) - 2(x + y)$$

- $(x + y)^2 - 2(x + y)$

$$= (x + y)^{2} - 2(x + y)$$
$$= (x + y)(x + y - 2)$$

한편,
$$(x+y)(x+y-2) = -(-x-y)(x+y-2)$$

$$= \frac{1}{2}(2x+2y)(x+y-2)$$