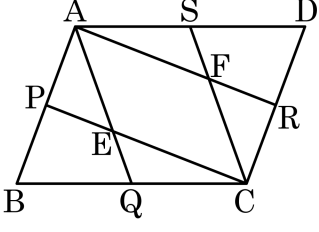


1.    평행사변형 ABCD 에서 각 변의 중점을 P, Q, R, S 라 할 때, 다음 그림에서 생기는 평행사변형은 □ABCD 를 포함해서 몇 개인지를 구하여라.



- ① 1 개      ② 2 개      ③ 3 개      ④ 4 개      ⑤ 5 개

해설

□ABCD, □AQCS, □APCR, □AECF

2. 다음 보기 중에서 서로 닮은 도형은 모두 몇 개인가?

보기

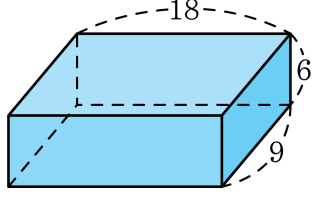
두 구, 두 정사면체, 두 정팔각기둥,  
두 원뿔, 두 정육면체, 두 정육각형,  
두 마름모, 두 직각삼각형, 두 직육면체,  
두 원기둥, 두 직각이등변삼각형

- ① 5 개      ② 6 개      ③ 7 개      ④ 8 개      ⑤ 4 개

해설

서로 닮은 도형은 구와 정사면체, 정육각형, 정육면체, 직각이등변삼각형이다.

3. 다음 그림과 같은 직육면체와 닮음이고 한 모서리의 길이가 3 인 직육면체를 만들려고 한다. 이 때, 새로 만드는 직육면체의 모서리가 될 수 있는 것은?



- ① 4      ② 5      ③  $\frac{1}{2}$       ④  $\frac{9}{2}$       ⑤  $\frac{1}{3}$

해설

작은 변부터 세 변의 비가  $2 : 3 : 6$  이므로 한 변의 길이가 3 인 닮음 직육면체는

1)  $2 : 3 : 6 = x : y : 3 \Rightarrow 1 : \frac{3}{2} : 3$

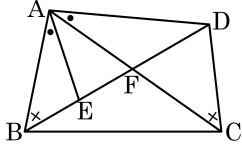
2)  $2 : 3 : 6 = x : 3 : y \Rightarrow 2 : 3 : 6$

3)  $2 : 3 : 6 = 3 : x : y \Rightarrow 3 : \frac{9}{2} : 9$

세 가지 경우이다.

따라서 모서리가 될 수 있는 것은  $\frac{9}{2}$  이다.

4. 다음 그림에서  $\angle BAE = \angle CAD$ ,  $\angle ABE = \angle ACD$  일 때, 다음 중  $\triangle ABC$  와 닮은 도형인 것은?

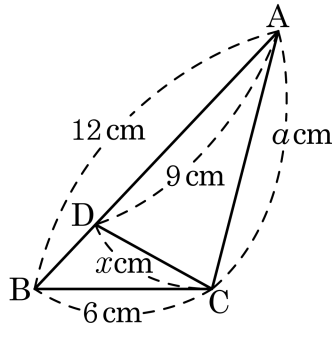


- ①  $\triangle ABE$     ②  $\triangle ADC$     ③  $\triangle BCF$   
 ④  $\triangle AED$     ⑤  $\triangle CDF$

해설

$\angle ABE = \angle ACD$ ,  $\angle BAE = \angle CAD$  이므로  
 $\triangle ABE \sim \triangle ACD$  (AA 닮음)  
 $\triangle ABC$  와  $\triangle AED$  에서  $\angle BAC = \angle EAD$ ,  $\overline{AB} : \overline{AE} = \overline{AC} : \overline{AD}$   
 (  $\because \triangle ABE \sim \triangle ACD$  ) 이므로 SAS 닮음이다.  
 $\therefore \triangle ABC \sim \triangle AED$  (SAS 닮음)

5. 다음 그림에서  $\overline{AB} = 12\text{cm}$ ,  $\overline{AD} = 9\text{cm}$ ,  $\overline{AC} = a\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 6\text{cm}$  일 때,  $x$ 의 값을  $a$ 에 관하여 나타내면?

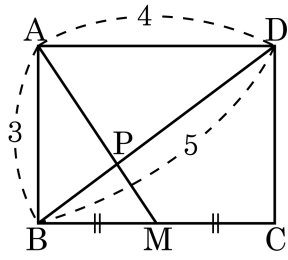


- ①  $3a$       ②  $\frac{2a}{3}$       ③  $\frac{a}{2}$       ④  $\frac{a}{3}$       ⑤  $2a$

해설

$\angle B$ 는 공통,  $\overline{BD} : \overline{BC} = \overline{BC} : \overline{BA} = 1 : 2$ 이므로  
 $\triangle BDC \sim \triangle BCA$ (SAS)답음)  
 답음비가  $1 : 2$ 이므로  $x : a = 1 : 2$   
 $\therefore x = \frac{a}{2}$

6. 다음 그림의 직사각형 ABCD 에서  $\overline{AB} = 3$ ,  $\overline{BD} = 5$ ,  $\overline{AD} = 4$  이다.  
 $\overline{BC}$  의 중점을 M, AM 과  $\overline{BD}$  의 교점을 P 라고 할 때,  $\overline{BP}$  의 길이는?

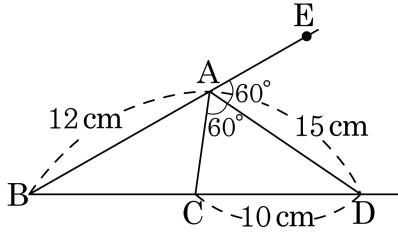


- ①  $\frac{1}{3}$       ②  $\frac{2}{3}$       ③ 1      ④  $\frac{4}{3}$       ⑤  $\frac{5}{3}$

해설

$\triangle BPM$  과  $\triangle DPA$  에서  
 $\angle BMP = \angle DAP$  ( $\because$  엇각)  
 $\angle BPM = \angle DPA$  ( $\because$  맞꼭지각)  
 $\therefore \triangle BPM \sim \triangle DPA$  (AA 닮음)  
 $\overline{BP} : \overline{DP} = \overline{BM} : \overline{DA}$  이므로  
 $\overline{BP} : \overline{DP} = 2 : 4 = 1 : 2$   
 $\therefore \overline{BP} = \frac{1}{3}\overline{BD} = \frac{1}{3} \times 5 = \frac{5}{3}$

7. 다음 그림의  $\triangle ABC$  에서  $\angle CAD = \angle EAD = 60^\circ$ ,  $\overline{AB} = 12\text{cm}$ ,  $\overline{CD} = 10\text{cm}$ ,  $\overline{AD} = 15\text{cm}$  일 때,  $\overline{AC}$  의 길이는?

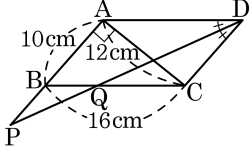


- ① 6cm                      ② 5cm                      ③  $\frac{24}{5}\text{cm}$   
 ④  $\frac{15}{4}\text{cm}$                       ⑤  $\frac{20}{3}\text{cm}$

해설

$\angle BAC = 60^\circ$  이므로  $\overline{AC}$  는  $\angle BAD$  의 이등분선이다.  
 따라서  $\overline{AB} : \overline{AD} = \overline{BC} : \overline{CD}$  이므로  
 $12 : 15 = \overline{BC} : 10$   
 $\therefore \overline{BC} = 8(\text{cm})$   
 $\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{BD} : \overline{CD}$  이므로  $12 : \overline{AC} = 18 : 10$   
 따라서  $\overline{AC} = \frac{20}{3}\text{cm}$  이다.

8. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서  $\angle D$  의 이등분선과  $\overline{AB}$  의 연장선과의 교점을 P 라고 할 때,  $\triangle DQC$  의 넓이는?



- ①  $35\text{cm}^2$       ②  $37.5\text{cm}^2$   
 ③  $38\text{cm}^2$       ④  $40\text{cm}^2$   
 ⑤  $60\text{cm}^2$

해설

$\angle ADQ = \angle DQC$  (엇각),  $\overline{QC} = \overline{CD} = 10\text{cm}$   
 $\square ABCD$  에서 밑변을  $\overline{BC}$  로 볼 때, 높이를  $x$  라고 하면  $10 \times 12 = 16x$ ,  $x = 7.5$  (cm)  
 $\therefore \triangle DQC = \frac{1}{2} \times 10 \times 7.5 = 37.5$  ( $\text{cm}^2$ )

9. 다음은 평행사변형 ABCD에서 변 AD, 변 BC의 중점을 점 E, F라 할 때, □AFCE가 평행사변형임을 증명하는 과정이다. □안에 들어갈 알맞은 것은?

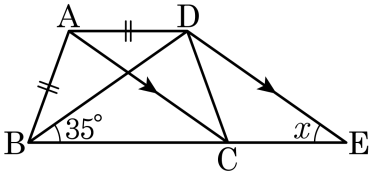
[가정] □ABCD는 평행사변형  $\overline{AE} = \overline{ED}$ ,  $\overline{BF} = \overline{FC}$   
 [결론] □AFCE는 평행사변형  
 [증명] □ABCD에서  
 $\overline{AE} = \frac{1}{2} \boxed{\phantom{000}} = \frac{1}{2} \overline{BC} = \overline{FC}$   
 즉,  $\overline{AE} = \overline{FC} \dots \text{㉠}$   
 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$  이므로  
 $\overline{AE} \parallel \overline{FC} \dots \text{㉡}$   
 ㉠, ㉡에 의하여 □AFCE는 평행사변형이다.

- ①  $\overline{AB}$       ②  $\overline{CD}$       ③  $\overline{ED}$       ④  $\overline{BF}$       ⑤  $\overline{AD}$

**해설**

□ABCD에서  $\overline{AE} = \frac{1}{2} \overline{AD} = \frac{1}{2} \overline{BC} = \overline{FC}$   
 즉,  $\overline{AE} = \overline{FC}$ 와  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로  $\overline{AE} \parallel \overline{FC}$ 에 의해 □AFCE는 평행사변형이다.

10. 다음 그림의  $\square ABCD$ 는  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 등변사다리꼴이다.  $\overline{AC} \parallel \overline{DE}$ ,  $\angle DBC = 35^\circ$ 일 때,  $\angle x$ 의 크기는?

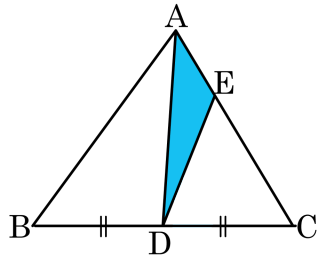


- ①  $15^\circ$       ②  $20^\circ$       ③  $25^\circ$       ④  $30^\circ$       ⑤  $35^\circ$

해설

$\triangle ABC$ 와  $\triangle DCB$ 에서  
 $\overline{AB} = \overline{DC}$ ,  $\angle ABC = \angle DCB$ ,  $\overline{BC}$ 는 공통  
 $\therefore \triangle ABC \cong \triangle DCB$  (SAS 합동)  
 $\therefore \angle ACB = \angle DBC = 35^\circ$   
 $\overline{AC} \parallel \overline{DE}$ 이므로  
 $\angle x = \angle ACB = 35^\circ$  (동위각)

11. 다음 그림과 같이  $\triangle ABC$ 에서  $\overline{AE} : \overline{EC} = 1 : 2$ 이고  $\triangle AED = 4\text{cm}^2$ 일 때,  $\triangle ABC$ 의 넓이는?



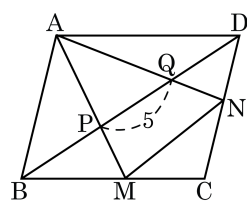
- ①  $12\text{cm}^2$                       ②  $16\text{cm}^2$                       ③  $20\text{cm}^2$   
 ④  $24\text{cm}^2$                       ⑤  $28\text{cm}^2$

해설

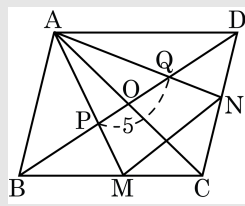
$\overline{AE} : \overline{EC} = 1 : 2$ ,  $\triangle AED = 4$  이므로  $\triangle CDE = 8$ ,  $\triangle ADC = 4 + 8 = 12$   
 $\overline{BD} = \overline{CD}$  이므로  $\triangle ADC = \triangle ADB$   
 $\therefore \triangle ABC = 2\triangle ADC = 24(\text{cm}^2)$

12. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서 점 M, N 은 각각 BC, DC 의 중점이다.  $\overline{PQ} = 5$  일 때,  $\overline{MN}$  의 길이를 구하면?

- ①  $\frac{13}{2}$       ②  $\frac{15}{2}$       ③  $\frac{17}{2}$   
 ④  $\frac{19}{2}$       ⑤  $\frac{21}{2}$



해설



$\overline{AC}$  와  $\overline{BD}$  의 교점을 O 라고 하면  $\overline{AO} = \overline{CO}$  이다.

$\triangle ABC$  에서  $\overline{AM}, \overline{BO}$  는 중선이므로 점P 는 무게중심이므로

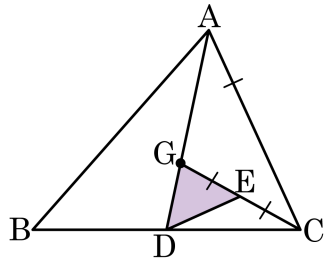
$$\overline{PO} = \frac{1}{3}\overline{BO}$$

점Q 도  $\triangle ACD$  의 무게중심이므로  $\overline{QO} = \frac{1}{3}\overline{DO}$  ,

$\triangle BCD$  에서  $\overline{BD} = 3\overline{PQ}$  ,  $\overline{BD} = 3 \times 5 = 15$

$$\therefore \overline{MN} = \frac{1}{2}\overline{BD} = \frac{15}{2}$$

13. 다음 그림에서 점 G는  $\triangle ABC$ 의 무게중심이고,  $\overline{GE} = \overline{CE}$ 이다.  
 $\triangle ABC$ 의 넓이가  $36\text{cm}^2$ 일 때,  $\triangle GDE$ 의 넓이를 구하면?

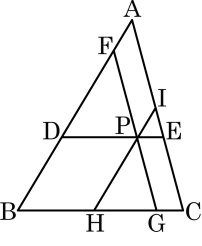


- ①  $5\text{cm}^2$                       ②  $4.5\text{cm}^2$                       ③  $4\text{cm}^2$   
 ④  $3\text{cm}^2$                       ⑤  $2.5\text{cm}^2$

해설

$$\begin{aligned}\triangle GCD &= \frac{1}{6}\triangle ABC = 6(\text{cm}^2) \\ \overline{GE} : \overline{EC} &= 1 : 1 \text{ 이므로} \\ \triangle GDE &= \frac{1}{2}\triangle GCD = 3(\text{cm}^2) \text{ 이다.}\end{aligned}$$

14. 다음 그림과 같이  $\triangle ABC$ 의 내부의 한 점 P를 지나고 각 변에 평행인 선분을 그었다.  $\triangle ABC = 169\text{ cm}^2$ ,  $\triangle FDP = 36\text{ cm}^2$ ,  $\triangle PHG = 25\text{ cm}^2$  일 때,  $\triangle IPE$ 의 넓이는?



- ①  $4\text{ cm}^2$       ②  $6\text{ cm}^2$       ③  $7\text{ cm}^2$       ④  $8\text{ cm}^2$       ⑤  $9\text{ cm}^2$

해설

$$\begin{aligned}\triangle ABC : \triangle FDP : \triangle PHG &= 169 : 36 : 25 \\ &= 13^2 : 6^2 : 5^2\end{aligned}$$

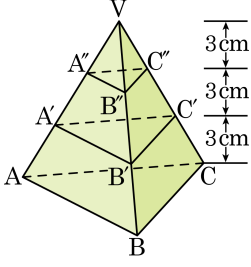
$$\overline{BC} : \overline{DP} : \overline{HG} = 13 : 6 : 5$$

$$\overline{AI} : \overline{IE} : \overline{EC} = 6 : 2 : 5$$

$$\triangle IPE : \triangle ABC = 2^2 : 13^2 = 4 : 169$$

$$\therefore \triangle IPE = 4 \text{ (cm}^2\text{)}$$

15. 다음 그림은 삼각뿔  $V-ABC$  를 밑면에  
 평행인 평면으로 자른 것이다.  $\triangle A'B'C' =$   
 $27\text{ cm}^2$  일 때,  $\triangle ABC$  와  $\triangle A''B''C''$  의 넓이  
 를 바르게 구한 것은?



- ①  $\triangle ABC = \frac{243}{8}\text{ cm}^2$ ,  $\triangle A''B''C'' = \frac{27}{8}\text{ cm}^2$   
 ②  $\triangle ABC = \frac{243}{8}\text{ cm}^2$ ,  $\triangle A''B''C'' = \frac{9}{2}\text{ cm}^2$   
 ③  $\triangle ABC = \frac{243}{4}\text{ cm}^2$ ,  $\triangle A''B''C'' = \frac{9}{2}\text{ cm}^2$   
 ④  $\triangle ABC = \frac{162}{4}\text{ cm}^2$ ,  $\triangle A''B''C'' = \frac{9}{4}\text{ cm}^2$   
 ⑤  $\triangle ABC = \frac{243}{4}\text{ cm}^2$ ,  $\triangle A''B''C'' = \frac{27}{4}\text{ cm}^2$

해설

$$\triangle A''B''C'' : \triangle A'B'C' = 1^2 : 2^2 = 1 : 4$$

$$\triangle A''B''C'' : 27 = 1 : 4$$

$$\triangle A''B''C'' = \frac{27}{4} (\text{cm}^2)$$

$$\triangle A'B'C' : \triangle ABC = 2^2 : 3^2 = 4 : 9$$

$$27 : \triangle ABC = 4 : 9$$

$$\therefore \triangle ABC = \frac{243}{4} (\text{cm}^2)$$