

1. 다항식  $8x^3 - 1$ 을  $4x^2 + 2x + 1$ 로 나누었을 때의 몫을  $Q(x)$ 라 할 때  $Q(x)$ 의 상수항의 계수는?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$8x^3 - 1 = (2x)^3 - 1^3 = (2x - 1)(4x^2 + 2x + 1)$$

$$\therefore Q(x) = 2x - 1$$

∴ 상수항은 -1

2.  $(a - b + c)(a + b - c)$  를 전개한 식은?

①  $a^2 + b^2 + c^2 - 2bc$

②  $a^2 - b^2 + c^2 - 2bc$

③  $\textcircled{a^2 - b^2 - c^2 + 2bc}$

④  $a^2 + b^2 - c^2 - 2bc$

⑤  $a^2 + b^2 + c^2 + 2bc$

해설

$$\begin{aligned}(a - b + c)(a + b - c) \\&= \{a - (b - c)\}\{a + (b - c)\} \\&= a^2 - (b - c)^2 \\&= a^2 - b^2 - c^2 + 2bc\end{aligned}$$

3.  $x^4 + 4x^3 - 2x^2 + ax + b$  가 이차식의 완전제곱식이 될 때, 상수  $a, b$ 의 값은?

①  $a = 12, b = 9$

②  $a = -12, b = 9$

③  $a = 12, b = -9$

④  $a = -12, b = -9$

⑤  $a = 9, b = 12$

해설

$$x^4 + 4x^3 - 2x^2 + ax + b = (x^2 + px + q)^2 \text{ 으로 놓으면}$$

이 식의 우변은

$$x^4 + 2x^2(px + q) + (px + q)^2$$

$$= x^4 + 2px^3 + (p^2 + 2q)x^2 + 2pqx + q^2$$

좌변과 계수를 비교하면

$$2p = 4, p^2 + 2q = -2$$

$$p = 2, q = -3 \text{에서}$$

$$a = 2pq = -12, b = q^2 = 9$$

4. 두 다항식  $x^3 - 3x^2 + 2x$ ,  $x^4 - 4x^3 + 4x^2$ 의 최대공약수와 최소공배수를 각각  $f(x)$ ,  $g(x)$  라 할 때,  $f(3) + g(3)$ 의 값을 구하면?

① 18

② 19

③ 20

④ 21

⑤ 22

해설

$$x^3 - 3x^2 + 2x = x(x-2)(x-1)$$

$$x^4 - 4x^3 + 4x^2 = x^2(x-2)^2$$

$$\therefore f(x) = x(x-2), g(x) = x^2(x-1)(x-2)^2$$

$$\therefore f(3) + g(3) = 3 + 18 = 21$$

5. 두 다항식  $x^2 - 4x + 3a + b$ 와  $x^2 + bx - 6$ 의 최대공약수가  $x - 2$ 일 때,  
 $a + b$ 의 값은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 8

해설

$$f(x) = x^2 - 4x + 3a + b,$$

$$g(x) = x^2 + bx - 6 \text{이라 하면}$$

$f(x)$ 와  $g(x)$ 는 모두  $x - 2$ 로 나누어떨어지므로

$$f(2) = g(2) = 0 \text{에서}$$

$$f(2) = 4 - 8 + 3a + b = 0, g(2) = 4 + 2b - 6 = 0$$

$$\therefore a = 1, b = 1 \therefore a + b = 2$$

6.  $i(x + 2i)^2$  이 실수가 되는 실수  $x$ 의 값을 정하면? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

①  $\pm 1$

②  $\pm 2$

③  $\pm 3$

④  $\pm 4$

⑤  $\pm 5$

해설

$$\begin{aligned} i(x + 2i)^2 &= i(x^2 + 4ix - 4) = x^2i - 4x - 4i \\ &= -4x + (x^2 - 4)i \end{aligned}$$

실수가 되려면 허수부분이 0이면 된다.

$$\therefore x^2 - 4 = 0 \Rightarrow x = \pm 2$$

7.  $i^2 = -1$ 이라 할 때, 다음 중 제곱하여 음수가 되는 수의 개수는 ?

$$-2, \quad -\sqrt{2}, \quad 2i, \quad -2i,$$
$$3i, \quad -3i, \quad 1-i, \quad 1+i$$

- ① 1개      ② 2개      ③ 3개      ④ 4개      ⑤ 5개

해설

$i^2 = -1$ 이므로 제곱해서 음수가 되는 수는 순허수, 즉  $ai(a \neq 0)$ 의 꼴이 되어야 한다.

$\therefore 2i, -2i, 3i, -3i$  4개,

$2, -\sqrt{2}$ 는 실수이므로

$(\text{실수})^2 \geq 0, (1 \pm i)^2 = 1 \pm 2i - 1 = \pm 2i$ 가 된다.

8.  $(1 + i)^{10}$  의 값은?

①  $10 - i$

②  $4i$

③  $8i$

④  $16i$

⑤  $32i$

해설

$$\begin{aligned}(1 + i)^{10} &= \{(1 + i)^2\}^5 = (1 + 2i + i^2)^5 \\&= (2i)^5 = 2^5 \cdot i^5 = 32i\end{aligned}$$

9.  $x = 1 + \sqrt{2}i$ ,  $y = 1 - \sqrt{2}i$  일 때,  $x^2 + y^2$  의 값을 구하면?

① -1

② 1

③ -2

④ 2

⑤ -3

해설

$$x + y = 2, xy = 3$$

$$x^2 + y^2 = (x + y)^2 - 2xy = 4 - 6 = -2$$

10. 등식  $(1+i)z + (2z - 3i)i = 0$  을 만족하는 복소수  $z$  는?

①  $3+9i$

②  $-3+9i$

③  $3-9i$

④  $\frac{3}{10} - \frac{9}{10}i$

⑤  $-\frac{3}{10} + \frac{9}{10}i$

해설

$z = a + bi$  ( $a, b$  는 실수)로 놓으면

$$(1+i)(a+bi) + \{2(a+bi) - 3i\}i = 0$$

$$(a+bi+ai-b) + (2ai-2b+3) = 0$$

$$(a-3b+3) + (3a+b)i = 0$$

복소수가 서로 같은 조건에 의하여

$$a-3b+3=0, 3a+b=0$$

두 식을 연립하여 풀면

$$a = -\frac{3}{10}, b = \frac{9}{10}$$

$$\therefore z = -\frac{3}{10} + \frac{9}{10}i$$

11.  $\frac{2006^3 - 1}{2006 \times 2007 + 1}$  의 값을 구하면?

① 2005

② 2006

③ 2007

④ 2008

⑤ 2009

해설

$a = 2006$  로 놓으면

$$(\text{준식}) = \frac{a^3 - 1}{a(a+1) + 1} = \frac{(a-1)(a^2 + a + 1)}{a^2 + a + 1}$$

$$= a - 1 = 2005$$

12. 두 이차 다항식  $f(x)$ ,  $g(x)$ 의 최대공약수가  $x + 2$ , 최소공배수가  $x^3 + 2x^2 - x - 2$  일 때,  $f(x) + g(x)$ 를 구하면?

①  $2x^2 + 5x + 2$

②  $2x^2 + 3x - 2$

③  $2x^2 + 4x$

④  $2x^2 + 2x - 4$

⑤  $2x^2 + 6x + 4$

해설

$$x^3 + 2x^2 - x - 2 = (x - 1)(x + 1)(x + 2)$$

$$f(x) = (x + 1)(x + 2), \quad g(x) = (x - 1)(x + 2) \text{ 또는 } f(x) = (x - 1)(x + 2), \quad g(x) = (x + 1)(x + 2)$$

$$\begin{aligned}f(x) + g(x) &= x^2 + 3x + 2 + x^2 + x - 2 \\&= 2x^2 + 4x\end{aligned}$$

13. 이차항의 계수가 1인 두 이차 다항식의 최소공배수가  $x^3 + 6x^2 - x - 30$ 이고, 최대공약수가  $x - 2$ 일 때, 두 다항식의 합을 바르게 구한 것은?

- ①  $2x^2 + 4x - 16$       ②  $2x^2 + 3x - 8$       ③  $x^2 - 5x - 1$   
④  $2x^2 + x + 4$       ⑤  $x^2 + 2x + 5$

### 해설

두 이차 다항식을  $A = a(x - 2)$ ,  $B = b(x - 2)$  ( $a, b$  는 서로소)라고 하면

$$L = x^3 + 6x^2 - x - 30 = abG = ab(x - 2) \text{ 이고},$$

$L$  을 인수분해하면

$$L = (x - 2)(x^2 + 8x + 15) =$$

$$\frac{(x - 2)}{G} \frac{(x + 3)(x + 5)}{ab}$$

따라서, 두 다항식은

$$(x - 2)(x + 3) = x^2 + x - 6$$

$$(x - 2)(x + 5) = x^2 + 3x - 10 \text{ 이므로}$$

두 다항식의 합은

$$(x^2 + x - 6) + (x^2 + 3x - 10) = 2x^2 + 4x - 16$$

14. 두 다항식  $A$ ,  $B$ 의 최대공약수  $G$ 를  $A * B$ , 최소공배수  $L$ 을  $A \star B$ 로 나타내기로 할 때,  $(A^2 * B^2) \star (A^2 * AB)$ 와 같은 것은?

①  $AG$

②  $A$

③  $AL$

④  $AB$

⑤  $I$

해설

$A = Ga$ ,  $B = Gb$  ( $a, b$ 는 서로소)로 놓으면

$$\begin{aligned}(A^2 * B^2) \star (A^2 * AB) \\&= (G^2 a^2 * G^2 b^2) \star (G^2 a^2 * G^2 ab) \\&= G^2 \star G^2 a \\&= G^2 a \\&= AG\end{aligned}$$

15.  $\sqrt{-12} + \sqrt{-3} \sqrt{-6} - \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{-2}} = a + bi$  일 때,  $a^2 + b^2$ 의 값은? (단,  $a, b$  는 실수,  $i = \sqrt{-1}$ )

- ① 15      ② 25      ③ 35      ④ 45      ⑤ 55

해설

$$\sqrt{-12} + \sqrt{-3} \sqrt{-6} - \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{-2}}$$

$$= 2\sqrt{3}i - 3\sqrt{2} + \sqrt{3}i$$

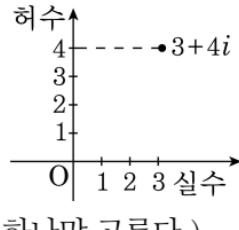
$$= -3\sqrt{2} + 3\sqrt{3}i$$

$$= a + bi$$

따라서,  $a = -3\sqrt{2}, b = 3\sqrt{3}$

$$\therefore a^2 + b^2 = 18 + 27 = 45$$

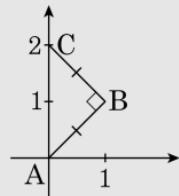
16. 복소수  $z = a + bi$  ( $a, b$ 는 실수)를 실수의 순서쌍  $(a, b)$ 로 나타내어 좌표평면 위에 표시할 수 있다. 예를 들어  $3+4i$ 를  $(3, 4)$ 로 나타내면 다음 그림과 같이 표시할 수 있다.  $z = 1 + i$  일 때,  $0, z, z^2$  이 나타내는 점을 각각  $A, B, C$  라 할 때,  $\triangle ABC$  는 어떤 삼각형인가? (단, 가장 정확하게 표시한 것을 하나만 고른다.)



- ① 정삼각형
- ② 이등변삼각형
- ③ 직각삼각형
- ④ 직각이등변삼각형
- ⑤ 답 없음

### 해설

$$z = 1 + i \quad z^2 = 2i \Rightarrow \quad B(1, 1), \quad C(0, 2)$$



$\Rightarrow$  직각이등변삼각형

\* 이와 같이 복소수의 실수부와 허수부를 순서쌍으로 좌표평면에 나타내는 것을 복소평면이라 한다.

17.  $(i-1)x^2 - 3(a+i)x + (5+2i) = 0$  이 실근을 갖도록 하는 실수  $a$ 의 값을  $\alpha, \beta$ 라 할 때,  $\alpha - \beta$ 의 값을 구하면 ( $\alpha > \beta$ ) ?

①  $\frac{7}{6}$

②  $\frac{4}{3}$

③  $\frac{3}{2}$

④  $\frac{5}{3}$

⑤  $\frac{11}{6}$

해설

$$(i-1)x^2 - 3(a+i)x + (5+2i) = 0$$

$$(-x^2 - 3ax + 5) + (x^2 - 3x + 2)i = 0$$

$$-x^2 - 3ax + 5 = 0 \cdots ④$$

$$x^2 - 3x + 2 = 0 \cdots ⑤$$

⑤ 을 인수분해하면,

$$(x-1)(x-2) = 0, \therefore x = 1, 2$$

④에 대입하면,

$$x = 1 \text{ 일 때}, -1 - 3a + 5 = 0, \therefore a = \frac{4}{3}$$

$$x = 2 \text{ 일 때}, -4 - 6a + 5 = 0, \therefore a = \frac{1}{6}$$

$$\therefore \alpha = \frac{4}{3}, \beta = \frac{1}{6} (\because \alpha > \beta)$$

$$\therefore \alpha - \beta = \frac{4}{3} - \frac{1}{6} = \frac{7}{6}$$

18. 복소수  $z$ 의 콜레복소수를  $\bar{z}$  라 할 때,  $z + 3i = \overline{z - zi}$  를 만족하는 복소수  $z$  를 구하면? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

### 해설

$z = a + bi$  라 할 때,

$$(\text{좌변}): z + 3i = a + (b + 3)i$$

$$(\text{우변}): z - zi = (a + bi) - (a + bi)i$$

$$= (a + b) + (b - a)i$$

$$\therefore \overline{z - zi} = (a + b) - (b - a)i$$

(좌변) = (우변) 이므로,

$$a + (b + 3)i = (a + b) + (a - b)i$$

$$\begin{cases} a + b = a \\ a - b = b + 3 \end{cases} \Rightarrow a = 3, b = 0$$

$$\therefore z = 3 + 0 \cdot i = 3$$

19.  $x$ 에 대한 일차방정식  $5x + a = 2x + 12$ 의 해가 자연수일 때, 자연수  $a$ 의 개수는?

① 1개

② 2개

③ 3개

④ 4개

⑤ 무수히 많다

### 해설

$$5x - 2x = 12 - a, 3x = 12 - a$$

$$\therefore x = \frac{12 - a}{3}$$

자연수  $a = 1, 2, 3, \dots$  을 대입했을 때,

$x = \frac{12 - a}{3}$  가 자연수가 되는 경우는

$12 - a$  가 3의 배수이면서  $a < 12$  일 때이다.

i)  $a = 3$  일 때,  $x = \frac{12 - 3}{3} = 3$

ii)  $a = 6$  일 때,  $x = \frac{12 - 6}{3} = 2$

iii)  $a = 9$  일 때,  $x = \frac{12 - 9}{3} = 1$

따라서 자연수  $a$ 의 개수는 3개이다.

20.  $|x - 2| + |x - 3| = 1$  을 만족하는 실수  $x$ 의 개수는?

① 0 개

② 1 개

③ 2 개

④ 3 개

⑤ 4 개이상

해설

$$|x - 2| + |x - 3| = 1 \text{에서}$$

i )  $x < 2$  일 때,

$$-(x - 2) - (x - 3) = 1$$

$\therefore x = 2$  (성립하지 않음)

ii )  $2 \leq x < 3$  일 때,

$$(x - 2) - (x - 3) = 1$$

$\therefore 0 \cdot x = 0$  (모든 실수)

iii)  $x \geq 3$  일 때,

$$(x - 2) + (x - 3) = 1$$

$\therefore x = 3$