

1. 다음을 계산하여라.

$$(2x^3 + 3x^2 + 5) \div (x^2 + 2x - 1)$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : (몫) =  $2x - 1$

▶ 정답 : (나머지) =  $4x + 4$

해설

$$(2x^3 + 3x^2 + 5) = (x^2 + 2x - 1)(2x - 1) + 4x + 4$$

2.  $(2x^3 - 3x + 1) \div (x^2 + 2)$  의 계산에서 나머지는?

- ①  $-5x + 1$       ②  $-x + 1$       ③  $5x + 1$   
④  $x + 1$       ⑤  $-7x + 1$

해설

$2x^3 - 3x + 1$ 을  $x^2 + 2$ 로 직접 나누어서 구한다.

몫 :  $2x$ , 나머지 :  $-7x + 1$

3. 다항식  $f(x) = 3x^3 - 7x^2 + 5x + 2$ 를  $3x - 1$ 로 나눌 때의 몫과 나머지를 구하면?

① 몫 :  $x^2 - 2x + 1$ , 나머지 : 3

② 몫 :  $x^2 - 2x + 1$ , 나머지 : 2

③ 몫 :  $x^2 + 2x + 1$ , 나머지 : 3

④ 몫 :  $x^2 + 2x + 1$ , 나머지 : 2

⑤ 몫 :  $x^2 + 2x + 1$ , 나머지 : 1

해설

직접나누는 방법과 조립제법을 이용하여 구하는 방법이 있다.

$$f(x) = (3x - 1)(x^2 - 2x + 1) + 3$$

$$\therefore \text{몫} : x^2 - 2x + 1, \text{나머지} : 3$$

4. 다음 중  $(x - y)^2(x + y)^2$  을 전개한 식은?

①  $x^4 - y^4$

②  $x^2 - y^2$

③  $x^4 - 2x^2y^2 + y^4$

④  $x^4 - x^2y^2 + y^4$

⑤  $x^4 - 4x^2y^2 + y^4$

해설

$$\begin{aligned}(x - y)^2(x + y)^2 &= \{(x - y)(x + y)\}^2 \\&= (x^2 - y^2)^2 \\&= x^4 - 2x^2y^2 + y^4\end{aligned}$$

5.  $(x - 2y - 3z)^2$  을 전개하여  $x$ 에 대한 내림차순으로 정리하면?

- ①  $x^2 + 4y^2 + 9z^2 - 4xy + 12yz - 6zx$
- ②  $x^2 - 4xy + 4y^2 - 9z^2 + 12yz - 6zx$
- ③  $x^2 - (4y + 6z)x + 4y^2 + 12yz + 9z^2$
- ④  $4y^2 + 12yz + 9z^2 + (-4y - 6z)x + x^2$
- ⑤  $9z^2 + 4y^2 + x^2$

해설

$$(x - 2y - 3z)^2 = x^2 - (4y + 6z)x + 4y^2 + 12yz + 9z^2$$

6. 다음은  $(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$  을 보이는 과정이다.

$$\begin{aligned}(a+b+c)^2 &= \boxed{\phantom{00}} + c^2 \\&= \boxed{\phantom{00}}^2 + 2(a+b) \times \boxed{\phantom{00}} + c^2 \\&= a^2 + \boxed{\phantom{00}} + b^2 + 2ca + 2bc + c^2 \\&= a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca\end{aligned}$$

때,  $\boxed{\phantom{00}}$  안에 알맞은 것을 넣어라.

o]

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 :  $(a+b)$

▷ 정답 :  $(a+b)$

▷ 정답 :  $c$

▷ 정답 :  $2ab$

해설

7.  $x^3 + x^2 + 2$ 를 다항식  $x^2 + 2x - 1$ 로 나누었을 때의 몫을  $Q(x)$  나머지를  $R(x)$  라 할 때,  $Q(x) + R(x)$ 의 값은?

①  $2x - 3$

②  $2x$

③  $3x + 2$

④  $4x$

⑤  $4x + 1$

해설

$x^3 + x^2 + 2$ 를  $x^2 + 2x - 1$ 로 직접 나누면

$$Q(x) = x - 1, \quad R(x) = 3x + 1$$

$$\therefore Q(x) + R(x) = 4x$$

8. 다항식  $x^3 - 3x - 3$ 을 다항식  $x^2 - 2x - 1$ 로 나누었을 때의 몫이  $ax + b$ 이고, 나머지가  $cx + d$ 이었다. 이 때,  $a + b + c + d$ 의 값은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$x^3 - 3x - 3 = (x^2 - 2x - 1)(ax + b) + cx + d$$

에서 계수를 비교하면

$$a = 1, -b + d = -3, -a - 2b + c = -3, b - 2a = 0$$

에서  $a = 1, b = 2, d = -1, c = 2$

$$\therefore a + b + c + d = 1 + 2 + (-1) + 2 = 4$$

## 9. 다음 식을 계산했을 때, 봄은?

$$(4x^4 - 5x^3 + 3x^2 - 4x + 1) \div (x^2 - x + 1)$$

- ①  $4x^2 - 3x + 2$       ②  $4x^2 - x - 2$       ③  $4x^2 - 2x + 1$   
④  $-4x^2 - x - 2$       ⑤  $-4x^2 + x - 2$

해설

$$\therefore \text{봄} : 4x^2 - x - 2, \text{나머지} : -5x + 3$$

10.  $x$  에 대한 다항식  $A = 2x^3 + 5x^2 + 4$  를 다항식  $B$  로 나눌 때, 몫이  $2x + 1$  이고, 나머지가  $-6x + 2$  이다. 이 때, 다항식  $B$  를 구하면?

- ①  $x^2 + 2x + 2$       ②  $x^2 + x + 2$       ③  $x^2 - x + 2$   
④  $x^2 - 2x + 2$       ⑤  $x^2 - 3x + 2$

해설

$$A = B(2x + 1) - 6x + 2 \text{ 에서}$$

$$B(2x + 1) = 2x^3 + 5x^2 + 6x + 2$$

$$\begin{aligned}\therefore B &= (2x^3 + 5x^2 + 6x + 2) \div (2x + 1) \\ &= x^2 + 2x + 2\end{aligned}$$

11. 사차식  $3x^4 - 5x^2 + 4x - 7$ 을 이차식  $A$ 로 나누었더니 몫이  $x^2 - 2$ 이고 나머지가  $4x - 5$ 일 때, 이차식  $A$ 를 구하면?

①  $3x^2 - 2$

②  $3x^2 - 1$

③  $3x^2$

④  $3x^2 + 1$

⑤  $3x^2 + 2$

해설

검산식 :  $3x^4 - 5x^2 + 4x - 7 = A(x^2 - 2) + 4x - 5$

$$A = \frac{3x^4 - 5x^2 - 2}{x^2 - 2} = 3x^2 + 1$$

12. 다항식  $f(x)$ 를 일차식  $ax + b$ 로 나누었을 때의 몫을  $Q(x)$  라 할 때,  
 $x + \frac{b}{a}$ 로 나눈 몫은?

▶ 답:

▷ 정답:  $aQ(x)$

해설

$$f(x) = (ax + b)Q(x) + R = \left(x + \frac{b}{a}\right)aQ(x) + R$$

13. 다항식  $f(x)$ 를  $x - 3$ 으로 나누었을 때의 몫이  $Q(x)$ , 나머지가 1이고, 또  $Q(x)$ 를  $x - 2$ 로 나누었을 때의 나머지가 -2이다.  $f(x)$ 를  $x - 2$ 로 나누었을 때의 나머지를 구하면?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$f(x) = (x - 3)Q(x) + 1$$

$$Q(2) = -2$$

$f(x)$ 를  $x - 2$ 로 나눈 나머지는  $f(2)$ 이다.

$$f(2) = (2 - 3)Q(2) + 1$$

$$= -1 \times (-2) + 1 = 3$$

14.  $f(x)$ 를  $x - 1$ 로 나눌 때 나머지가 3이다. 또, 이때의 몫을  $x + 3$ 으로 나눈 나머지가 2이면  $f(x)$ 를  $x^2 + 2x - 3$ 으로 나눈 나머지를 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답:  $2x + 1$

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (x - 1)Q(x) + 3 \\&= (x - 1)\{(x + 3)Q'(x) + 2\} + 3 \\&= (x - 1)(x + 3)Q'(x) + 2(x - 1) + 3 \\&= (x^2 + 2x - 3)Q'(x) + 2x + 1\end{aligned}$$

따라서, 구하는 나머지는  $2x + 1$

15. 다항식  $2x^{30} + 2x^{28} - x$ 를  $x + 1$ 로 나누었을 때의 몫을  $Q(x)$ 라 할 때,  
 $Q(x)$ 를  $x - 1$ 로 나누었을 때의 나머지는?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$2x^{30} + 2x^{28} - x = (x + 1)Q(x) + R$$

양변에  $x = -1$ 을 대입 하면,

$$2 + 2 + 1 = R \therefore R = 5$$

양변에  $x = 1$ 을 대입 하면,

$$2 + 2 - 1 = 2Q(1) + 5$$

$$\therefore Q(1) = -1$$

16.  $x$ 에 대한 다항식  $x^3 - 2x^2 - px + 2$ 가  $x - 2$ 로 나누어떨어지도록 상수  $p$ 의 값을 정하면?

- ① 1      ② -1      ③ 2      ④ -2      ⑤ 3

해설

$x^3 - 2x^2 - px + 2 = f(x)$ 로 놓으면  $f(x)$  가  $x - 2$ 로 나누어떨어지려면

$$f(2) = 0 \text{ 이므로,}$$

$$f(2) = 8 - 8 - 2p + 2 = 0$$

$$\therefore p = 1$$

17.  $x$ 에 대한 다항식  $x^3 + 2x^2 - ax + b$ 가  $x^2 + x - 2$ 로 나누어 떨어질 때,  
 $a^2 + b^2$ 의 값을 정하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 5

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= x^3 + 2x^2 - ax + b = (x^2 + x - 2)Q(x) \\&= (x + 2)(x - 1)Q(x)\end{aligned}$$

인수정리에 의해  $x = -2, x = 1$ 을 대입하면 우변이 0이 된다.

$$\therefore f(-2) = -8 + 8 + 2a + b = 0$$

$$f(1) = 1 + 2 - a + b = 0 \text{ 연립하면, } a = 1, b = -2$$

$$\therefore a^2 + b^2 = 5$$

18. 다항식  $f(x) = x^3 + ax^2 + 3$ 을 일차식  $x - 1$ 로 나누어 떨어지도록  $a$ 의 값을 정하면?

① -2

② -4

③ -6

④ -8

⑤ -10

해설

$$f(1) = 1 + a + 3 = 0, a = -4$$

19. 다항식  $f(x)$ 를  $2x^2 + 3x + 2$ 로 나누었더니 몫이  $3x - 4$ 이고, 나머지가  $2x + 5$ 이었다. 이 때,  $f(1)$ 의 값은?

① -1

② 0

③ 1

④ 3

⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\&= 6x^3 + 9x^2 + 6x - 8x^2 - 12x - 8 + 2x + 5 \\&= 6x^3 + x^2 - 4x - 3 \\\therefore f(1) &= 6 + 1 - 4 - 3 = 0\end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\f(1) &= (2 + 3 + 2)(3 - 4) + (2 + 5) = -7 + 7 = 0\end{aligned}$$

20. 다항식  $f(x) = 4x^3 + ax^2 + x + 1$  을  $x + \frac{1}{2}$  로 나누면 나머지가 1 일 때, 다항식  $f(x)$  를  $2x + 1$  로 나눈 몫  $Q(x)$  와 나머지  $R$  을 구하면?

①  $Q(x) = 2x^2 - x, R = 1$

②  $Q(x) = 2x^2 + x, R = 1$

③  $Q(x) = 2x^2 - 2x, R = 1$

④  $Q(x) = 4x^2 - 2x, R = \frac{1}{2}$

⑤  $Q(x) = 4x^2 + 2x, R = \frac{1}{2}$

해설

$$f\left(-\frac{1}{2}\right) = 1 = \frac{a}{4} \therefore a = 4$$

$$\begin{aligned} \text{따라서 } f(x) &= 4x^3 + 4x^2 + x + 1 \\ &= x(4x^2 + 4x + 1) + 1 \\ &= x(2x + 1)^2 + 1 \end{aligned}$$

$$2x + 1 \text{ 로 나누면 } Q(x) = 2x^2 + x, R = 1$$

21. 다항식  $A = 2x^3 - 7x^2 - 4$  를 다항식  $B$  로 나눌 때, 몫이  $2x - 1$ , 나머지가  $-7x - 2$  이다. 다항식  $B = ax^2 + bx + c$  일 때,  $a^2 + b^2 + c^2$  의 값은?

- ① 3      ② 6      ③ 9      ④ 14      ⑤ 17

해설

$$A = 2x^3 - 7x^2 - 4 = B(2x - 1) - 7x - 2 \text{ 이다.}$$

$$2x^3 - 7x^2 + 7x - 2 = B(2x - 1)$$

좌변을  $2x - 1$  로 나누면

$$2x^3 - 7x^2 + 7x - 2 = (2x - 1)(x^2 - 3x + 2)$$

$$\therefore B = x^2 - 3x + 2$$

22.  $x + y + z = 1$ ,  $xy + yz + zx = 2$ ,  $xyz = 3$  일 때,  $(x + 1)(y + 1)(z + 1)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 7

해설

$$\begin{aligned}(x + 1)(y + 1)(z + 1) \\&= xyz + xy + yz + zx + x + y + z + 1 \\&= 7\end{aligned}$$

23.  $x+y+z = 4$ ,  $xy+yz+zx = 1$ ,  $xyz = 2$  일 때,  $(xy+yz)(yz+zx)(zx+xy)$ 의 값을 구하면?

① 16

② 8

③ 4

④ 2

⑤ 1

### 해설

$$(xy + yz)(yz + zx)(zx + xy) \stackrel{?}{=}$$

$xy + yz + zx = 1$  을 이용하여 변형하면

$$(xy + yz)(yz + zx)(zx + xy)$$

$$= (1 - zx)(1 - xy)(1 - yz)$$

$$= 1 - (xy + yz + zx) + (x^2yz + xy^2z + xyz^2) - (xyz)^2$$

$$= 1 - (xy + yz + zx) + xyz(x + y + z) - (xyz)^2$$

$$= 1 - 1 + 2 \cdot 4 - 4$$

$$= 4$$

※ 위에서 아래의 전개식을 이용하였다.

$$(x - a)(x - b)(x - c)$$

$$= x^3 - (a + b + c)x^2 + (ab + bc + ca)x - abc$$

24.  $x + y + z = 1$ ,  $xy + yz + zx = 2$ ,  $xyz = 3$  일 때,  $(x+y)(y+z)(z+x)$ 의 값을 구하면?

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

해설

$$x + y + z = 1 \text{에서}$$

$$x + y = 1 - z$$

$$y + z = 1 - x$$

$$z + x = 1 - y$$

$$(x+y)(y+z)(z+x) = (1-z)(1-x)(1-y)$$

$$= 1 - (x + y + z) + (xy + yz + zx) - xyz$$

$$= 1 - 1 + 2 - 3 = -1$$

25.  $a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca$  이고  $abc = 1$  일 때,  $(a^3 + b^3 + c^3)^2$  의 값을 계산하면?

① 1

② 4

③ 9

④ 16

⑤ 25

해설

$$a^3 + b^3 + c^3$$

$$= (a + b + c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca) + 3abc$$

$$= (a + b + c) \times 0 + 3abc = 0 + 3 \cdot (1) = 3$$

$$\therefore (a^3 + b^3 + c^3)^2 = 9$$

해설

$$a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca \quad a^2 + b^2 + c^2 - (ab + bc + ca) = 0$$

$$\frac{1}{2} (a - b)^2 + (b - c)^2 + (c - a)^2 = 0$$

$$\therefore a = b = c \rightarrow abc = a^3 = b^3 = c^3 = 1$$

$$(a^3 + b^3 + c^3)^2 = (1 + 1 + 1)^2 = 9$$

26. 직육면체 모양의 상자가 있다. 이 상자의 겉넓이는 52이고, 모서리의 길이의 합은 36이다. 이 상자의 대각선의 길이는?

① 5

②  $\sqrt{29}$

③  $\sqrt{33}$

④ 6

⑤  $\sqrt{42}$

해설

세 모서리의 길이를  $a, b, c$  라 하면

$$2(ab + bc + ca) = 52$$

$$4(a + b + c) = 36 \rightarrow a + b + c = 9$$

(직육면체 대각선의 길이)

$$= \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$$

$$= \sqrt{(a + b + c)^2 - 2(ab + bc + ca)}$$

$$= \sqrt{81 - 52} = \sqrt{29}$$

27. 다음 중에서 겉넓이가 22, 모든 모서리의 길이의 합이 24인 직육면체의 대각선의 길이는?

①  $\sqrt{11}$

②  $\sqrt{12}$

③  $\sqrt{13}$

④  $\sqrt{14}$

⑤ 유일하지 않다.

해설

겉넓이 :  $2xy + 2xz + 2yz = 22$

모서리 :  $4x + 4y + 4z = 24$

대각선 :  $d^2 = x^2 + y^2 + z^2$                                     $\therefore d = \sqrt{14}$

$$\begin{aligned} &= (x + y + z)^2 - 2(xy + yz + zx) \\ &= 6^2 - 22 = 14 \end{aligned}$$

28.  $\frac{2x+3a}{4x+1}$  가  $x$ 에 관계없이 일정한 값을 가질 때,  $12a$ 의 값을 구하시오.

▶ 답:

▶ 정답:  $12a = 2$

해설

$\frac{2x+3a}{4x+1} = k$  (일정값 =  $k$ ) 라 놓으면  $2x + 3a = k(4x + 1)$ 에서

$$(2 - 4k)x + 3a - k = 0$$

이 식은  $x$ 에 대한 항등식이므로,

$$2 - 4k = 0, 3a - k = 0$$

$$k = \frac{1}{2} \text{ 이므로 } 3a = k \text{에서 } a = \frac{1}{6}$$

$$\therefore 12a = 2$$

29. 등식  $(2k+1)y - (k+3)x + 10 = 0$  이  $k$ 의 값에 관계없이 항상 성립하도록 하는 상수  $x, y$ 에 대하여  $x+y$ 의 값은?

① 5

② 6

③ 7

④ 8

⑤ 9

해설

$$(\text{준식}) = (y - 3x + 10) + (2y - x)k = 0$$

$$\therefore 2y = x, \quad y - 3x = -10$$

$$\therefore x = 4, \quad y = 2$$

$$\therefore x + y = 6$$

30. 등식  $(2k+1)y - (k+3)x + 10 = 0$  이  $k$ 의 값에 관계없이 항상 성립하도록 하는 상수  $x, y$ 에 대하여  $x+y$ 의 값은?

① 5

② 6

③ 7

④ 8

⑤ 9

해설

$$(\text{준식}) = (y - 3x + 10) + (2y - x)k = 0$$

$$\therefore 2y = x, y - 3x = -10$$

$$\therefore x = 4, y = 2$$

$$\therefore x + y = 6$$

31.  $x$ 에 대한 항등식  $(x^2 - x - 1)^3 = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \cdots + a_6x^6$ 에서  $a_1 + a_3 + a_5$ 의 값은?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

양변에  $x = 1$ 을 대입하면,

$$-1 = a_0 + a_1 + \cdots + a_6 \quad \dots \textcircled{1}$$

양변에  $x = -1$ 을 대입하면,

$$1 = a_0 - a_1 + \cdots + a_6 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1} - \textcircled{2}: -2 = 2(a_1 + a_3 + a_5)$$

$$\therefore a_1 + a_3 + a_5 = -1$$

32. 다음 식  $(3x^2 - x + 2)(4x^3 - 5x^2 + x + 1)^5$  을 전개했을 때, 계수들의 총합은?

① 4

② -32

③ -64

④ 32

⑤ 64

해설

다항식의 계수들의 총합을 구할 경우

$x = 1$  을 대입한다.

$$(3 - 1 + 2)(4 - 5 + 1 + 1)^5 = 4 \times 1 = 4$$

33. 등식  $2x^2 + x + 5 = a(x - 1)^2 + b(x - 1) + c$  가  $x$ 에 대한 항등식일 때  $a + b + c$ 의 값은?

① 12

② 15

③ 18

④ 21

⑤ 24

해설

좌변을 전개하여 계수를 비교해서  $a, b, c$ 를 구할 수 있다.

여기에서는 계수의 합을 구하는 것이므로 양변에  $x = 2$ 를 대입해서 구한다.

$$15 = a + b + c$$

34.  $(4x^2 - 3x + 1)^5(x^3 - 2x^2 - 1)^4$  을 전개했을 때, 계수들의 총합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 512

해설

$$(4x^2 - 3x + 1)^5(x^3 - 2x^2 - 1)^4 = ax^{22} + bx^{21} + \cdots + c$$

위의 식에  $x = 1$  을 대입하면, 모든 계수들의 총합이 나온다.

$$\therefore (\text{계수의 총합}) = 2^5 \times (-2)^4 = 512$$

35. 다항식  $(x^3 + x^2 - 2x - 1)^5$  을 전개한 식이  $a_0 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3 + \cdots + a_{14}x^{14} + a_{15}x^{15}$  일 때,  $a_0 - a_1 + a_2 - a_3 + \cdots + a_{14} - a_{15}$  의 값을 구하면?

- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 5

해설

$$(x^3 + x^2 - 2x - 1)^5$$

$$= a_0 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3 + \cdots + a_{14}x^{14} + a_{15}x^{15}$$

양변에  $x = -1$  을 대입하면

$$(-1 + 1 + 2 - 1)^5 = a_0 - a_1 + a_2 - a_3 + \cdots + a_{14} - a_{15} = 1$$

36.  $(x^3 + 2x^2 - 3x + 2)^4(2x - 1)^7$  을 전개했을 때, 모든 계수들의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 16

해설

$$(x^3 + 2x^2 - 3x + 2)^4 \cdot (2x - 1)^7$$

$$= a_0x^{19} + a_1x^{18} + a_2x^{17} + \cdots + a_{19} \text{로 놓으면}$$

계수들의 총합  $a_0 + a_1 + \cdots + a_{19}$  는 양변에  $x = 1$  을 대입한 결과와 같으므로 항등식의 성질에서

$$(1 + 2 - 3 + 2)^4 \cdot (2 - 1)^7 = 2^4 = 16$$

37. 다항식  $f(x)$  를  $x - 3, x - 4$  로 나눈 나머지가 각각 3, 2 이고, 다항식  $f(x+1)$  을  $x^2 - 5x + 6$  으로 나눈 나머지를  $R(x)$  라 할 때,  $R(1)$  의 값을 구하면?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

### 해설

$$f(3) = 3, f(4) = 2$$

$$R(x) = ax + b \text{ 라 하면}$$

$$f(x+1) = (x-2)(x-3)Q(x) + ax+b$$

$x = 2$  대입,

$$f(3) = 2a + b = 3$$

$x = 3$  대입,

$$f(4) = 3a + b = 2$$

$$a = -1, b = 5$$

$$R(x) = -x + 5,$$

$$R(1) = -1 + 5 = 4$$

38. 다항식  $f(x)$ 를 두 일차식  $x - 1$ ,  $x - 2$ 로 나눌 때의 나머지는 각각 2, 1이다. 이때,  $f(x)$ 를  $x^2 - 3x + 2$ 로 나눌 때 나머지는?

①  $x + 3$

②  $-x + 3$

③  $x - 3$

④  $-x - 3$

⑤  $-x + 1$

해설

$f(x)$ 를  $x - 1$ ,  $x - 2$ 로 나눈 나머지는 각각 2, 1이므로  
 $f(1) = 2$ ,  $f(2) = 1$ , 구하는 나머지를  $ax + b$ 라 하자.

$$\begin{aligned}f(x) &= (x^2 - 3x + 2)Q(x) + ax + b \\&= (x - 1)(x - 2)Q(x) + ax + b\end{aligned}$$

양변에 각각  $x = 1$ ,  $x = 2$ 를 대입하면

$$f(1) = a + b = 2, f(2) = 2a + b = 1$$

두 식을 연립하여 구하면  $a = -1, b = 3$

$\therefore$  구하는 나머지는  $-x + 3$

39. 이차 이상의 다항식  $p(x)$ 를  $x - 2007$ 와  $x - 2008$ 으로 나눈 나머지는 각각 2007와 2008이다.  $p(x)$ 를  $(x - 2007)(x - 2008)$ 으로 나눈 나머지는?

①  $2007 \times 2008$

②  $2007x$

③  $2008x$

④  $x - 2007 \times 2008$

⑤  $x$

### 해설

$p(x)$ 를  $(x - 2007)(x - 2008)$ 으로 나눌 때의 몫과 나머지를 각각  $q(x)$ 와  $ax + b$  라 놓으면

$$p(x) = (x - 2007)(x - 2008)q(x) + ax + b \cdots \cdots \textcircled{7}$$

나머지정리에 의해

$$p(2007) = 2007, p(2008) = 2008 \text{이므로}$$

⑦의  $x$ 에 2007와 2008을 대입하면

$$2007a + b = 2007, 2008a + b = 2008$$

$$\therefore a = 1, b = 0$$

그러므로 구하는 나머지는  $x$

40. 다항식  $f(x) = x^2 + ax + b$  에 대하여  $f(x) - 2$  는  $x - 1$  로 나누어 떨어지고,  $f(x) + 2$  는  $x + 1$  로 나누어 떨어진다. 이 때,  $a - 2b$  의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$f(x) - 2$  는  $x - 1$  로 나누어 떨어지므로

$$f(1) - 2 = 0 \therefore 1 + a + b - 2 = 0$$

$$\therefore a + b = 1 \cdots ①$$

$f(x) + 2$  는  $x + 1$  로 나누어 떨어지므로

$$f(-1) + 2 = 0 \therefore 1 - a + b + 2 = 0$$

$$\therefore -a + b = -3 \cdots ②$$

①, ②에서  $a = 2, b = -1$

$$\therefore a - 2b = 4$$

41. 다항식  $ax^3 + bx^2 - 4$  가  $x^2 + x - 2$ 로 나누어 떨어지도록  $a, b$ 를 정할 때,  $a$ 와  $b$ 의 곱을 구하면?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\begin{aligned} ax^3 + bx^2 - 4 &= (x^2 + x - 2)Q(x) \\ &= (x - 1)(x + 2)Q(x) \end{aligned}$$

양변에  $x = 1, x = -2$  를 각각 대입하면

$$a + b - 4 = 0, -8a + 4b - 4 = 0$$

두 식을 연립하여 풀면  $a = 1, b = 3$

$$\therefore ab = 3$$

해설

$$ax^3 + bx^2 - 4 = (x^2 + x - 2)(ax + 2)$$

우변을 전개하여 계수를 비교하면

$$a = 1, b = 3 \quad \therefore ab = 3$$

42.  $f(x) = 3x^3 + px^2 + qx + 12$  가  $x+2$  로도 나누어떨어지고,  $x-1$  로도 나누어떨어질 때,  $\frac{q}{p}$  의 값은?

- ① 9      ② 4      ③ -9      ④ -3      ⑤ -12

해설

$$f(-2) = -24 + 4p - 2q + 12 = 0$$

$$f(1) = 3 + p + q + 12 = 0$$

$$p = -3, \quad q = -12, \quad \frac{q}{p} = \frac{-12}{-3} = 4$$