

1. $\sqrt{96} + \frac{\sqrt{3}(\sqrt{2} - \sqrt{6})}{\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{6} - 1}{\sqrt{2}} \div \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{3}}$ 를 간단히 하면?

- ① $4\sqrt{6} - \frac{5}{4}\sqrt{3} - \frac{3}{4}\sqrt{2} - 3$ ② $4\sqrt{6} + \frac{5}{4}\sqrt{3} - \frac{3}{4}\sqrt{2} - 3$
③ $4\sqrt{6} - \frac{5}{4}\sqrt{3} + \frac{3}{4}\sqrt{2} - 3$ ④ $4\sqrt{6} - \frac{5}{4}\sqrt{3} - \frac{3}{4}\sqrt{2} + 3$
⑤ $4\sqrt{6} + \frac{5}{4}\sqrt{3} + \frac{3}{4}\sqrt{2} - 3$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 4\sqrt{6} + \sqrt{3} - 3 - \frac{3\sqrt{2} - \sqrt{3}}{4} \\&= 4\sqrt{6} + \frac{5}{4}\sqrt{3} - \frac{3}{4}\sqrt{2} - 3\end{aligned}$$

2. $\frac{\sqrt{2}+1}{\sqrt{2}-1}$ 의 분모를 유리화한 것은?

- ① $-2\sqrt{2}$ ② $3-2\sqrt{2}$ ③ $-3+2\sqrt{2}$
④ $3+2\sqrt{2}$ ⑤ $2\sqrt{2}$

해설

$$\frac{(\sqrt{2}+1)^2}{(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}+1)} = 3+2\sqrt{2}$$

3. 다음 중 완전제곱식이 되지 않는 것은?

- ① $x^2 - 6x + 9$ ② $4x^2 + 16x + 16$
③ $x^2 + 12x + 36$ ④ $\textcircled{4} 2x^2 + 4xy + 4y^2$
⑤ $x^2 + 4xy + 4y^2$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{4} 2x^2 + 4xy + 4y^2 &= x^2 + 4xy + 4y^2 + x^2 \\ &= (x + 2y)^2 + x^2 \end{aligned}$$

4. 다항식 $6x^2 + x - 12$ 를 두 일차식으로 인수분해하였을 때, 두 일차식의 합은?

- ① $5x - 1$ ② $5x + 1$ ③ $7x + 1$
④ $7x - 1$ ⑤ $7x + 7$

해설

$$6x^2 + x - 12 = (3x - 4)(2x + 3)$$
$$\therefore (3x - 4) + (2x + 3) = 5x - 1$$

5. $(3x + 2)(2x - 5)$ 를 전개한 식으로 옳은 것은?

- ① $6x^2 - 11x + 10$ ② $6x^2 - 11x - 7$
③ $6x^2 + 11x - 10$ ④ $6x^2 - 16x - 10$
⑤ $6x^2 - 11x - 10$

해설

$$(준식) = 6x^2 - 11x - 10$$

6. $x + y = \sqrt{3}$, $x - y = \sqrt{2}$ 일 때, $x^2 - y^2 + 4x - 4y$ 의 값을 구하면?

- ① $\sqrt{6} + 4\sqrt{2}$ ② $\sqrt{6} - 4\sqrt{2}$ ③ $2\sqrt{6} + \sqrt{2}$
④ $3\sqrt{6} - 2\sqrt{2}$ ⑤ $4\sqrt{6} - 5\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - y^2 + 4x - 4y &= (x+y)(x-y) + 4(x-y) \\&= (x-y)(x+y+4) \\&= \sqrt{2}(\sqrt{3}+4) \\&= \sqrt{6} + 4\sqrt{2}\end{aligned}$$

7. 다음 중 이차방정식은?

- ① $(x+2)^2 - 2 = x^2$ ② $x^3 + 1 = 0$
③ $2x^2 + (x-2)^2 = x^2$ ④ $x^2 - 3x + 1$
⑤ $(x+2)(x-4) = x^2$

해설

$$2x^2 + x^2 - 4x + 4 - x^2 = 2x^2 - 4x + 4 = 0$$

8. 이차방정식 $2x^2 + (k+2)x + 1 = 0$ 이 중근을 가질 때, k 의 값을 구하여라.

① $-1 \pm \sqrt{2}$ ② $1 \pm \sqrt{2}$ ③ $-2 \pm \sqrt{2}$
④ $-1 \pm 2\sqrt{2}$ ⑤ $-2 \pm 2\sqrt{2}$

해설

이차방정식의 판별식을 D 라고 할 때
 $2x^2 + (k+2)x + 1 = 0$ 이 중근을 가지려면 $D = 0$
 $D = (k+2)^2 - 4 \times 2 \times 1 = 0$
 $(k+2)^2 = 8$, $k+2 = \pm 2\sqrt{2}$
 $\therefore k = -2 \pm 2\sqrt{2}$

9. 이차방정식 $9x^2 - 6x - 1 = 0$ 을 풀면?

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} & x = \frac{1}{3} (\text{중근}) & \textcircled{2} & x = -\frac{1}{3} (\text{중근}) & \textcircled{3} & x = \frac{6 \pm \sqrt{2}}{18} \\ \textcircled{4} & x = \frac{2 \pm \sqrt{2}}{6} & \textcircled{5} & x = \frac{1 \pm \sqrt{2}}{3} \end{array}$$

해설

$$ax^2 + 2b'x + c = 0 (a \neq 0) \text{ 에서}$$

$$x = \frac{-b' \pm \sqrt{b'^2 - ac}}{a} \text{ } \circ\text{[다].}$$

$$\therefore x = \frac{1 \pm \sqrt{2}}{3}$$

10. 이차함수 $y = x^2 + mx + n$ 의 꼭짓점의 좌표가 $(3, -7)$ 일 때, $m+n$ 의 값을 구하면?

- ① -1 ② -2 ③ -3 ④ -4 ⑤ -5

해설

$$\begin{aligned}y &= x^2 + mx + n \\&= (x - 3)^2 - 7 \\&= x^2 - 6x + 2 \\m &= -6, \quad n = 2 \\∴ m + n &= -6 + 2 = -4\end{aligned}$$

11. 다음 중 이차함수 $y = 2(x + 2)^2$ 의 그래프에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 아래로 볼록한 포물선이다.
- ② 꼭짓점의 좌표는 $(-2, 0)$ 이다.
- ③ 축의 방정식은 $x = -2$
- ④ $y = 2x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 2만큼 평행이동한 그래프이다.
- ⑤ $y = -2(x + 2)^2$ 의 그래프와 x 축에 대하여 대칭이다.

해설

$y = 2x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 2만큼 평행이동한 그래프는 $y = 2(x - 2)^2$ 이다.

12. 네 개의 자료 $10, 12, 14, x$ 의 평균이 13 일 때, x 의 값은?

- ① 10 ② 12 ③ 14 ④ 16 ⑤ 18

해설

$$\text{평균이 } 13 \text{ 이므로 } \frac{10 + 12 + 14 + x}{4} = 13$$

$$36 + x = 52$$

$$\therefore x = 16$$

13. 다음 표는 A, B, C, D, E 5명의 방학동안 읽은 책의 수를 나타낸 것이다.
이 자료의 분산은?

학생	A	B	C	D	E
본량(권)	5	10	8	6	6

- ① 3.1 ② 3.2 ③ 3.3 ④ 3.4 ⑤ 3.5

해설

주어진 자료의 평균은

$$\frac{5 + 10 + 8 + 6 + 6}{5} = \frac{35}{5} = 7$$

이므로 각 자료의 편차는 $-2, 3, 1, -1, -1$ 이다.

따라서 분산은

$$\frac{(-2)^2 + 3^2 + 1^2 + (-1)^2 + (-1)^2}{5}$$

$$= \frac{4 + 9 + 1 + 1 + 1}{5} = \frac{16}{5} = 3.2$$

14. 철수는 철사로 뱃변의 길이가 20cm, 한 변의 길이가 10cm인 직각삼각형을 만들었다. 나머지 한 변의 길이는?

- ① $9\sqrt{3}$ cm ② $10\sqrt{2}$ cm ③ $10\sqrt{3}$ cm
④ $11\sqrt{3}$ cm ⑤ $11\sqrt{2}$ cm

해설

나머지 한 변의 길이를 x 라고 하면

$$x^2 = 20^2 - 10^2 = 300$$

$$x = \sqrt{300} = 10\sqrt{3}(\text{cm})$$

15. 변의 길이가 각각 3, 7, a 인 삼각형이 직각삼각형이 되도록 하는 a 의 값을 모두 고르면? (정답 2개)

① $\sqrt{58}$ ② $\sqrt{57}$ ③ $2\sqrt{3}$ ④ $3\sqrt{3}$ ⑤ $2\sqrt{10}$

해설

(i) a 가 가장 긴 변일 때

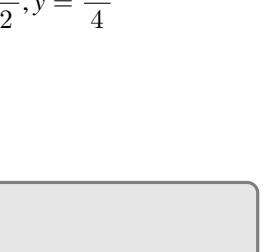
$$a = \sqrt{9+49} = \sqrt{58}$$

(ii) 7 이 가장 긴 변일 때

$$49 = a^2 + 9, \quad a^2 = 40$$

$a > 0$ 이므로 $a = 2\sqrt{10}$ 이다.

16. 다음 그림에서 $\angle ACB = \angle CDB = 90^\circ$, $\angle ABC = 30^\circ$ 일 때, x, y 의 값은?



- | | |
|--|--|
| $\textcircled{1} \quad x = \frac{7}{2}, y = \frac{2}{3}$
$\textcircled{3} \quad x = \frac{13}{2}, y = \frac{11}{4}$
$\textcircled{5} \quad x = \frac{17}{2}, y = \frac{17}{4}$ | $\textcircled{2} \quad x = \frac{9}{2}, y = \frac{5}{3}$
$\textcircled{4} \quad x = \frac{15}{2}, y = \frac{15}{4}$ |
|--|--|

해설

$$\overline{AB} : \overline{BC} = 2 : \sqrt{3}$$

$$5\sqrt{3} : x = 2 : \sqrt{3}$$

$$2x = 15 \quad \therefore x = \frac{15}{2}$$

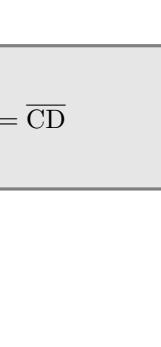
$$x : y = 2 : 1$$

$$\frac{15}{2} : y = 2 : 1$$

$$2y = \frac{15}{2}$$

$$\therefore y = \frac{15}{4}$$

17. 다음 그림은 반지름의 길이가 1인 사분원 위에 직각삼각형을 그린 것이다. $\tan 55^\circ$ 를 선분으로 나타낸 것은?

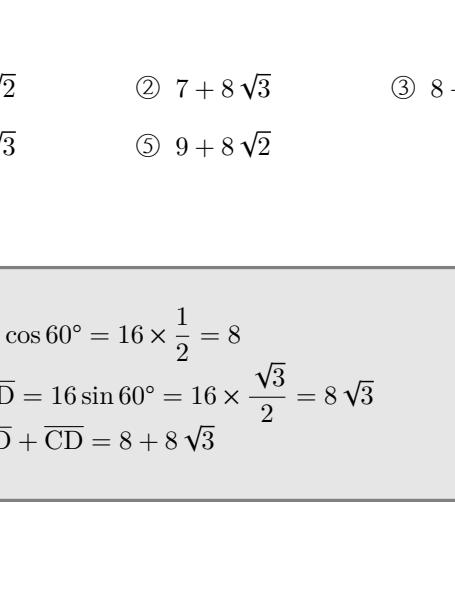


- ① \overline{OA} ② \overline{OB} ③ \overline{OE} ④ \overline{BE} ⑤ \overline{CD}

해설

$$\tan 55^\circ = \frac{CD}{OC} = \frac{\overline{CD}}{1} = \overline{CD}$$

18. 다음 그림에서 x 의 값은?

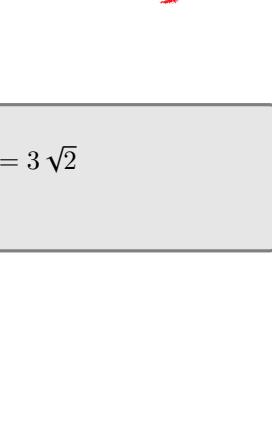


- ① $7 + 8\sqrt{2}$ ② $7 + 8\sqrt{3}$ ③ $8 + 8\sqrt{2}$
④ $8 + 8\sqrt{3}$ ⑤ $9 + 8\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned}\overline{BD} &= 16 \cos 60^\circ = 16 \times \frac{1}{2} = 8 \\ \overline{DC} &= \overline{AD} = 16 \sin 60^\circ = 16 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 8\sqrt{3} \\ \therefore x &= \overline{BD} + \overline{CD} = 8 + 8\sqrt{3}\end{aligned}$$

19. 다음 그림에서 x 의 값을 구하면?

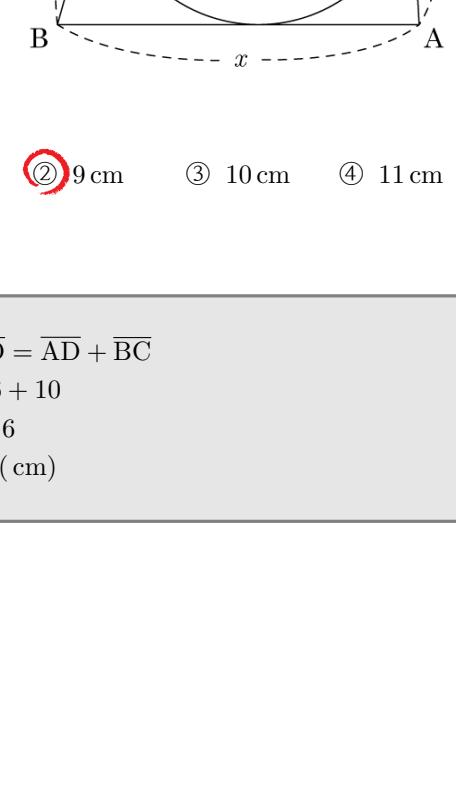


- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ $2\sqrt{3}$ ⑤ $3\sqrt{2}$

해설

$\overline{MB} = 3$, $\triangle OMB$ 에서 $\overline{OB} = \sqrt{3^2 + 3^2} = 3\sqrt{2}$
따라서 $x = 3\sqrt{2}$ 이다.

20. 다음은 원에 외접하는 사각형 ABCD 를 그린 것이다. 각각 $\overline{AD} = 4\text{ cm}$, $\overline{BC} = 8\text{ cm}$, $\overline{CD} = 5\text{ cm}$ 일 때, \overline{AB} 의 길이는?



- ① 8 cm ② 9 cm ③ 10 cm ④ 11 cm ⑤ 12 cm

해설

$$\overline{AB} + \overline{CD} = \overline{AD} + \overline{BC}$$

$$x + 7 = 6 + 10$$

$$x + 7 = 16$$

$$\therefore x = 9 \text{ (cm)}$$