

1. 다음 계산 과정 중 (가), (나)에 이용된 계산 법칙을 짹지은 것으로
옳은 것은?

$$\begin{aligned} & (+16.2) + (-7) + (-6.2) \quad \boxed{\text{(가)}} \\ & = (-7) + (+16.2) + (-6.2) \quad \boxed{\text{(나)}} \\ & = (-7) + \{ (+16.2) + (-6.2) \} \\ & = (-7) + (+10) \\ & = +3 \end{aligned}$$

① 덧셈의 결합법칙, 덧셈의 교환법칙

② 덧셈의 교환법칙, 덧셈의 결합법칙

③ 덧셈의 교환법칙, 곱셈의 교환법칙

④ 곱셈의 교환법칙, 곱셈의 결합법칙

⑤ 곱셈의 교환법칙, 덧셈의 결합법칙

해설

(가) (-7) 과 $(+16.2)$ 가 자리 바꿈 : 덧셈의 교환법칙

(나) $(+16.2)$ 와 (-6.2) 를 먼저 더함 : 덧셈의 결합법칙

2. 다음 중 계산 결과가 옳은 것은?

- ① $(+9) - (-4) + (-8) = +6$
- ② $(-4) - (+6) - (-13) = +2$
- ③ $(-3) + (+8) - (+4) = +1$
- ④ $(-12) - (+10) + (+9) = -14$
- ⑤ $(+5) + (+2) - (+9) - (+8) = -11$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{3} \quad & (-3) + (+8) - (+4) = (-3) + (+8) + (-4) \\ & = \{(-3) + (-4)\} + (+8) \\ & = (-7) + (+8) = +1 \end{aligned}$$

3. -3 보다 4만큼 큰 수를 a , -5 보다 -2 만큼 작은 수를 b 라 할 때, $a+b$ 의 값은?

- ① -4 ② -3 ③ -2 ④ -1 ⑤ 0

해설

$$a = -3 + 4 = (-3) + (+4) = +1,$$

$$b = -5 - (-2) = (-5) + (+2) = -3$$

따라서 $a+b = -2$ 이다.

4. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

① $8000 = 8 + 10^3$

② $5 \times 5 \times 7 \times 7 \times 7 = 5^2 \times 7^3$

③ $2^4 = 2 + 2 + 2 + 2$

④ $4 \times 4 \times 4 = 2^6$

⑤ $\frac{1}{11} \times \frac{1}{11} \times \frac{1}{11} = \frac{3}{11}$

해설

① $8000 = 8 \times 10^3$

③ $2^4 = 2 \times 2 \times 2 \times 2$

④ $4 \times 4 \times 4 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^6$

⑤ $\frac{1}{11} \times \frac{1}{11} \times \frac{1}{11} = \left(\frac{1}{11}\right)^3$

5. 49의 소인수의 개수와 120의 소인수의 개수의 합은?

- ① 1개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

해설

$$49 = 7^2, 120 = 2^3 \times 3 \times 5 \text{ 이므로}$$

49의 소인수는 7, 120의 소인수는 2, 3, 5

$$\therefore 1 + 3 = 4$$

6. $2^3 \times 3^2 \times 5$ 에 어떤 자연수를 곱하여 자연수의 제곱이 되게 하려고 할 때, 곱할 수 있는 수 중에서 가장 작은 자연수는?

① 3 ② 5 ③ 3×5 ④ 5^2 ⑤ 10

해설

$$2^3 \times 3^2 \times 5$$

곱해야 할 가장 작은 자연수는

$$2 \times 5 = 10$$

7. 자연수 $2^2 \times 3 \times 5^2$ 의 약수 중에서 두 번째로 큰 수는?

- ① $2^2 \times 3^2 \times 5^2$ ② $2 \times 3 \times 5^2$ ③ $2^2 \times 3 \times 5^2$
④ $2 \times 3^2 \times 5^2$ ⑤ $2^2 \times 5^2$

해설

$2^2 \times 3 \times 5^2$ 의 약수 중 가장 큰 수는 $2^2 \times 3 \times 5^2$, 두 번째로 큰 수는 $2 \times 3 \times 5^2$

8. 자연수 $A = 2^2 \times 3^n$ 의 약수의 개수가 24 일 때, n 的 값을 구하면?

- ① 2 ② 5 ③ 7 ④ 8 ⑤ 12

해설

$$(2+1)(n+1) = 24$$

$$n+1 = 8$$

$$\therefore n = 7$$

9. $2^3 \times 3 \times 5$, $2^2 \times 5^2$ 의 공약수가 될 수 없는 것은?

- ① 1 ② 2^2 ③ 2×5
④ 5^2 ⑤ $2^2 \times 5$

해설

두 수의 최대공약수가 $2^2 \times 5$ 이므로 5^2 은 공약수가 될 수 없다.

10. 다음 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 0은 양수도 음수도 아니다.
- ② 정수는 자연수, 0, 음의 정수로 이루어져 있다.
- ③ 유리수는 분모가 0이 아닌 분수의 꼴로 나타낼수 있는 수를 말한다.
- ④ 양의 유리수와 음의 유리수를 통틀어 유리수라고 한다.
- ⑤ 모든 정수는 유리수이다.

해설

- ④ 양의 유리수, 0, 음의 유리수를 통틀어 유리수라고 한다.

11. 다음 수를 수직선 위에 나타내었을 때, 원점과 가장 멀리 떨어져 있는 것은?

① -5 ② 7 ③ -1 ④ 11 ⑤ $-\frac{12}{2}$

해설

수직선 위에 나타내었을 때, 원점에서 가장 멀리 떨어져 있는 수는 절댓값이 가장 큰 수를 의미한다. 각 수의 절댓값은 다음과 같다.

- ① 5
- ② 7
- ③ 1
- ④ 11
- ⑤ 6

따라서 절댓값이 가장 큰 수는 ④이다.

12. $-2\frac{4}{6}$ 와 $3\frac{1}{6}$ 사이에 있는 정수 중 가장 작은 수를 a , 가장 큰 수를 b 라

할 때, a , b 의 값은?

- ① $a = -1, b = 0$ ② $a = -1, b = 2$ ③ $a = -2, b = 1$
④ $a = -2, b = 2$ ⑤ $a = -2, b = 3$

해설

$-2\frac{4}{6}$ 와 $3\frac{1}{6}$ 사이에 있는 정수는

$-2, -1, 0, 1, 2, 3$ 이므로 $a = -2, b = 3$ 이다.

13. $10 \times x$, $12 \times x$ 의 최소공배수가 360 이라고 할 때 x 의 값은 얼마인가?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$10 \times x$, $12 \times x$ 의 최소공배수는 $2^2 \times 3 \times 5 \times x = 360$ 이다.
따라서 $x = 6$ 이다.

14. 어떤 자연수 x 는 3, 4, 5 의 어떤 수로 나누어도 2 가 남는다. 세 자리 자연수인 x 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 122

해설

3, 4, 5 의 어떤 수로 나누어도 나머지가 2
→ 3, 4, 5 의 최소공배수로 나누어도 나머지가 2
→ $x = n \times 60 + 2$
∴ 세 자리 자연수인 x 의 최솟값=122

15. 두 자연수의 곱이 640이고 최소공배수가 80 일 때, 두 수의 최대공약수를 구하면?

① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

해설

두 수 A, B 의 최대공약수를 G , 최소공배수를 L 이라 하면
 $A \times B = L \times G$ 이므로
 $640 = 80 \times G$ 이다.

$$\therefore G = 8$$

16. 두 분수 $\frac{75}{n}$, $\frac{90}{n}$ 을 자연수로 만드는 n 의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 4개

해설

$\frac{75}{n}$, $\frac{90}{n}$ 을 자연수로 만드는 자연수 n 은 75 와 90 의 공약수이다.

75 와 90 의 최대공약수가 15 이므로 n 은 1, 3, 5, 15 이다.

17. 다음은 성영이가 다솔이에게 제시한 문제이다.

□안에 들어갈 알맞은 숫자는 표에서 정수가 아닌 유리수를 모두 찾아 색칠하면 나타난다. 다솔이가 푼 문제의 답을 구하여라.

$\frac{11}{3}$	0	$\frac{18}{7}$	-9.5	$\frac{15}{10}$
$-\frac{12}{5}$	8	$\frac{15}{5}$	+2	1010.1
0.6	-5	$\frac{7}{8}$	$\frac{11}{3}$	2.5
$-\frac{9}{8}$	$\frac{9}{9}$	7	-8	$-\frac{5}{3}$
$-\frac{1}{15}$	4	0.5	7.1	9.5

□ - 15를 계산하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

정수가 아닌 유리수를 모두 찾아 색칠하면 다음과 같다.

$\frac{11}{3}$	0	$\frac{18}{7}$	-9.5	$\frac{15}{10}$
$-\frac{12}{5}$	8	$\frac{15}{5}$	+2	1010.1
0.6	-5	$\frac{7}{8}$	$\frac{11}{3}$	2.5
$-\frac{9}{8}$	$\frac{9}{9}$	7	-8	$-\frac{5}{3}$
$-\frac{1}{15}$	4	0.5	7.1	9.5

따라서 □안에 들어갈 숫자는 13이므로 다솔이가 푼 문제는 $13 - 15 = -2$ 이다.

18. x 의 절댓값이 13, y 의 절댓값이 4 이다. $x \times y > 0$ 일 때, $x + y$ 의 절대값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 17

해설

x 의 절댓값이 13 이므로 x 는 13, -13

y 의 절댓값이 4 이므로 y 는 4, -4

$x \times y > 0$ 일 때는 $x = 13, y = 4$

또는 $x = -13, y = -4$ 이므로

$x + y = 13 + 4 = 17$

또는 $x + y = -13 + (-4) = -17$

$\therefore (17\text{의 절댓값}) = (-17\text{의 절댓값}) = 17$

19. 다음을 모두 만족시키는 a 를 바르게 표현한 것은?

- a 는 양수가 아니다.
- a 는 -2 보다 작지 않다.
- a 는 3 보다 작다.

① $0 \leq a < 3$ ② $-2 < a < 3$ ③ $-2 \leq a < 3$

④ $-2 \leq a \leq 0$ ⑤ $-2 \leq a < 0$

해설

양수가 아닌 것은 음수가 아니라 0 또는 음수이다.

20. 수직선 위에 -2 와 $+4$ 를 대응시켰을 때, 두 수에서 같은 거리에 있는 점에 대응되는 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1 또는 $+1$

해설

수직선을 이용하여 구하면, 다음과 같다.



21. 다음 계산 과정 중 (1), (2), (3)에서 이용된 법칙을 차례로 말하면?

$$\begin{aligned} & (-24) \times \left(\frac{1}{8} - \frac{1}{6} \right) - (-3) \\ & = (-24) \times \left(\frac{1}{8} \right) + (-24) \times \left(-\frac{1}{6} \right) - (-3) \quad (1) \\ & = (-3) + (+4) - (-3) \quad (2) \\ & = (+4) + (-3) + (+3) \quad (3) \\ & = (+4) + 0 \\ & = 4 \end{aligned}$$

① 결합법칙, 분배법칙, 교환법칙

② 분배법칙, 결합법칙, 교환법칙

③ 교환법칙, 분배법칙, 결합법칙

④ **분배법칙, 교환법칙, 결합법칙**

⑤ 교환법칙, 결합법칙, 분배법칙

해설

$$(1) = a \times (b + c) = a \times b + a \times c \rightarrow \text{분배법칙}$$

$$(2) = a + b + c = b + a + c \rightarrow \text{교환법칙}$$

$$(3) = (a + b) + c = a + (b + c) \rightarrow \text{결합법칙}$$

22. 세 수 a , b , c 에 대하여 $a > b$, $\frac{a}{c} > 0$, $\frac{b}{c} < 0$ 일 때, 다음 중 옳은 것은?

- ① $a + c < 0$ ② $a \times c < 0$
③ $a - b^2 < 0$ ④ $(a - b)(c - b) > 0$
⑤ $a^3 + b^3 > 0$

해설

a 와 c 는 부호가 같고, b 와 c 는 부호가 반대, $a > b$ 이므로
 $a > 0$, $b < 0$, $c > 0$
④ $a - b > 0$, $c - b > 0$ 이므로 $(a - b)(c - b) > 0$

23. 세 수 a , b , c 에 대하여 $a \times b = 6$, $a \times (b + c) = 14$ 일 때, $a \times c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$$\begin{aligned} ab + ac &= 14 \\ \therefore ac &= 14 - ab = 14 - 6 = 8 \end{aligned}$$

24. $f(x)$ 는 x 의 역수를 나타낸다고 할 때, 다음을 구하여라.

$$f(-3^2) + f(-0.4) \div f\left(\frac{8}{15}\right)$$

▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{13}{9}$

해설

$$f(-3^2) = f(-9) = -\frac{1}{9},$$

$$f(-0.4) = f\left(-\frac{2}{5}\right) = -\frac{5}{2},$$

$$f\left(\frac{8}{15}\right) = \frac{15}{8},$$

$$f(-3^2) + f(-0.4) \div f\left(\frac{8}{15}\right)$$

$$= \left(-\frac{1}{9}\right) + \left(-\frac{5}{2}\right) \div \frac{15}{8}$$

$$= \left(-\frac{1}{9}\right) + \left(-\frac{5}{2}\right) \times \frac{8}{15}$$

$$= \left(-\frac{1}{9}\right) + \left(-\frac{4}{3}\right)$$

$$= -\frac{13}{9}$$