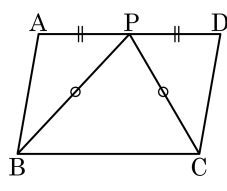


1. 다음 평행사변형 ABCD에서 $\overline{AM} = \overline{DM}$, $\overline{BM} = \overline{CM}$ 일 때, $\angle D$ 의 크기는?

- ① 70° ② 80° ③ 90°
 ④ 100° ⑤ 110°



해설

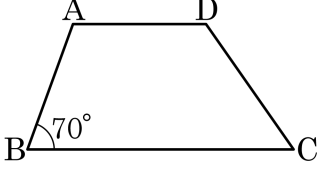
$\overline{AB} = \overline{DC}$, $\overline{AM} = \overline{DM}$, $\overline{BM} = \overline{CM}$ 이므로 $\triangle ABM \cong \triangle DCM$ (SSS합동)

$\angle A + \angle D = 180^\circ$

$\angle A = \angle D$ 이므로

$\therefore \angle A = \angle D = 180^\circ \times \frac{1}{2} = 90^\circ$

2. 다음 그림과 같은 사다리꼴 ABCD에서 $\overline{BC} = \overline{AB} + \overline{AD}$ 일 때, $\angle D$ 의 크기를 구하여라.



- ① 105° ② 110° ③ 115° ④ 120° ⑤ 125°

해설

$\overline{AB} // \overline{DE}$ 인 $\overline{DE}$ 를 그으면 $\square ABED$ 는 평행사변형이고 $\overline{AB} = \overline{DE} = \overline{EC}$ 이다.
 $\angle EDC = (180^\circ - 70^\circ) \div 2 = 55^\circ$
 $\therefore \angle D = 70^\circ + 55^\circ = 125^\circ$

3. 다음은 평행사변형 ABCD에서 두 대각선의 교점을 O라 하고 대각선 BD 위에 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 가 되도록 두 점 E, F를 잡을 때, □AECF는 평행사변형임을 증명하는 과정이다. □ 안에 들어갈 알맞은 것은?

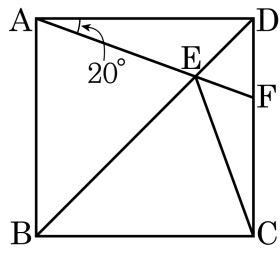
가정) □ABCD는 평행사변형, $\overline{BE} = \overline{DF}$
 결론) □AECF는 평행사변형
 증명) □ABCD는 평행사변형이므로
 $\overline{OA} = \overline{OC} \cdots \text{㉠}$
 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 이므로
 $\overline{OE} = \boxed{} \cdots \text{㉡}$
 ㉠, ㉡에 의하여 □AECF는 평행사변형이다.

- ① $\overline{CO}$ ② $\overline{AF}$ ③ $\overline{OF}$ ④ $\overline{BE}$ ⑤ $\overline{CE}$

해설

□ABCD는 평행사변형이므로 $\overline{OA} = \overline{OC}$ 이고, $\overline{BE} = \overline{DF}$ 이므로 $\overline{OE} = \overline{OF}$ 이다.
 따라서 □AECF는 평행사변형이다.

4. 다음 그림과 같은 정사각형 ABCD 에서 $\overline{BD}$ 가 대각선이고 $\angle DAE = 20^\circ$ 일 때, $\angle BEC$ 의 크기는?

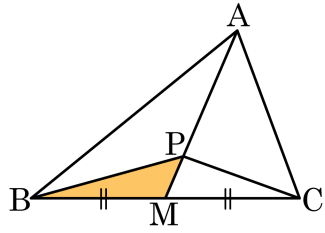


- ① 55° ② 60° ③ 65° ④ 67° ⑤ 70°

해설

$\triangle ADE \equiv \triangle CDE$ (SAS 합동) 이므로,
 $\angle ECF = 20^\circ$
 $\triangle BEC$ 에서 $\angle CBE = 45^\circ$, $\angle BCE = 70^\circ$
 $\therefore \angle BEC = 180^\circ - (70^\circ + 45^\circ) = 65^\circ$

5. 다음 그림에서 점 M은 $\overline{BC}$ 의 중점이고 $\overline{AP} = 3\overline{PM}$ 이다. $\triangle ABC = 80\text{cm}^2$ 일 때, $\triangle PBM$ 의 넓이는?

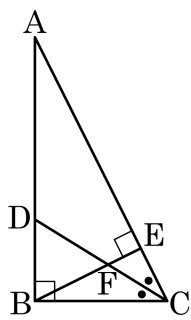


- ☒ ① 10cm^2 ② 15cm^2 ③ 20cm^2
 ④ 25cm^2 ⑤ 30cm^2

해설

$\overline{AP} = 3\overline{PM}$ 이므로 $\triangle ABP = 3\triangle PBM$ 이다.
 $\therefore \triangle ABM = 4\triangle PBM$
 또 $\overline{BM} = \overline{CM}$ 이므로 $\triangle ABM = \triangle ACM$ 이다.
 따라서 $\triangle ABC = 8\triangle PBM$ 이므로 $80 = 8\triangle PBM$ 이다.
 $\therefore \triangle PBM = 10(\text{cm}^2)$

6. 다음 그림에서 $\angle BFD$ 와 크기가 같은 것은?

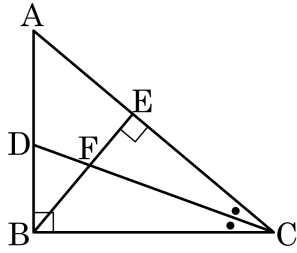


- ① $\angle ADC$ ② $\angle EBC$ ③ $\angle BAC$
 ④ $\angle BDC$ ⑤ $\angle ABE$

해설

$$\angle BFD = \angle CFE = 180^\circ - (\angle FEC + \angle FCE) = 180^\circ - (\angle DBC + \angle DCB) = \angle BDC$$

7. 다음 그림에서 $\angle A = 30^\circ$ 일 때, $\angle BFD$ 의 크기와 크기가 같은 각은?



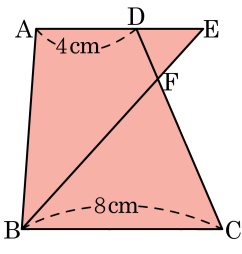
- ① 55° , $\angle ADC$ ② 50° , $\angle EBC$ ③ 65° , $\angle BAC$
 ④ 60° , $\angle BDC$ ⑤ 70° , $\angle ABE$

해설

$$\angle BFD = \angle CFE = 180^\circ - (\angle FEC + \angle FCE) = 180^\circ - (\angle DBC + \angle DCB) = \angle BDC = 60^\circ$$

8. 다음 사다리꼴 ABCD 에서 $\overline{AD} = 4\text{ cm}$, $\overline{BC} = 8\text{ cm}$ 이다. $\overline{AD}$ 의 연장선 위의 점 E 에 대하여 $\overline{BE}$ 가 □ABCD 의 넓이를 이등분할 때, $\overline{DE}$ 의 길이를 구하면?

- ① $\frac{12}{7}\text{ cm}$ ② $\frac{13}{5}\text{ cm}$ ③ $\frac{9}{2}\text{ cm}$
 ④ $\frac{11}{4}\text{ cm}$ ⑤ $\frac{8}{3}\text{ cm}$



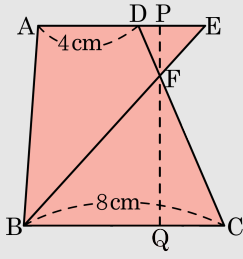
해설

□ABCD 의 높이를 h 라 하면

$$\square ABCD = (4 + 8) \times h \times \frac{1}{2} = 6h, \triangle FBC = \frac{1}{2} \square ABCD = 3h$$

이다.

점 F 를 지나고 $\overline{AE}$, $\overline{BC}$ 에 수직인 직선을 그어 만나는 점을 P, Q 라고 하면



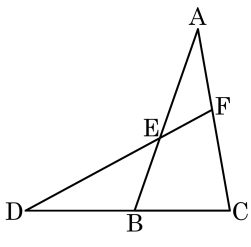
$$\triangle FBC = 3h = \frac{1}{2} \times 8 \times \overline{FQ}, \overline{FQ} = \frac{3}{4}h, \overline{FP} = \frac{1}{4}h \text{ 이다.}$$

$\triangle FBC \sim \triangle FED$ 이므로 $3 : 1 = 8 : \overline{DE}$ 이다.

$$\therefore \overline{DE} = \frac{8}{3}(\text{ cm})$$

9. 다음 그림에서 $\overline{AE} : \overline{EB} = 3 : 2$, $\overline{AF} : \overline{FC} = 4 : 5$ 이다. $\overline{BC} = 14\text{ cm}$ 일 때, $\overline{BD}$ 의 길이를 구하면?

- ① 10 cm ② 12 cm ③ 14 cm
 ④ 16 cm ⑤ 18 cm



해설

그림에서와 같이 $\overline{DF}$ 와 평행이 되도록

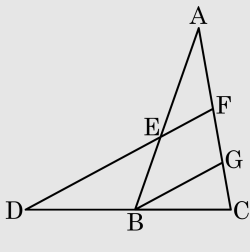
$\overline{BG}$ 를 그으면,

$$\overline{AE} : \overline{EB} = \overline{AF} : \overline{FG} = 3 : 2 = 12 : 8$$

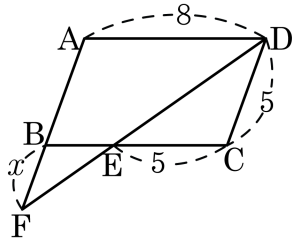
$$\overline{AF} : \overline{FC} = 4 : 5 = 12 : 15$$

$$\text{따라서 } \overline{AF} : \overline{FG} : \overline{GC} = 12 : 8 : 7$$

$$\overline{DB} : \overline{BC} = 8 : 7 \quad \therefore \overline{BD} = 16\text{ cm}$$



10. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에서 점 D 를 지나는 직선이 변 BC 와 만나는 점을 E, 변 AB 의 연장선과 만나는 점을 F 라 하면, x 의 값은?



- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$\overline{AF} // \overline{DC}$ 이므로 $\angle BFE = \angle CDE$ ($\because$ 엇각)

$\angle FBE = \angle DCE$ ($\because$ 엇각)

$\triangle BEF \sim \triangle CED$ (AA 닮음)

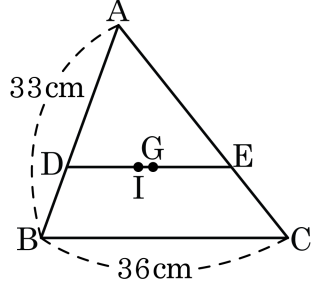
$\overline{BE} : \overline{CE} = \overline{BF} : \overline{CD}$ 이므로

$$3 : 5 = x : 5$$

$$5x = 15$$

$$\therefore x = 3$$

11. 다음 그림에서 점 G, I 는 각각 $\triangle ABC$ 의 무게중심과 내심이다.
 $\overline{DE} \parallel \overline{BC}$ 이고 $\overline{AB} = 33\text{cm}$, $\overline{BC} = 36\text{cm}$ 일 때, $\overline{AB} : \overline{AC}$ 를 바르게
 구한 것은?



- ① 7 : 11 ② 9 : 11 ③ 7 : 13
 ④ 9 : 13 ⑤ 11 : 13

해설

$$\overline{DE} : \overline{BC} = 2 : 3, \overline{DE} : 36 = 2 : 3, \overline{DE} = 24(\text{cm})$$

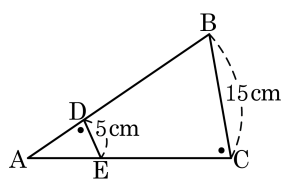
$$\overline{AB} : \overline{DB} = 3 : 1, 33 : \overline{DB} = 3 : 1, \overline{DB} = 11(\text{cm})$$

$$\overline{DB} = \overline{DI}, \overline{IE} = \overline{EC} \text{ 이므로, } \overline{EC} = \overline{IE} = 24 - 11 = 13(\text{cm})$$

$$\therefore \overline{AC} : \overline{EC} = 3 : 1, \overline{AC} : 13 = 3 : 1, \overline{AC} = 39(\text{cm})$$

$$\overline{AB} : \overline{AC} = 33 : 39 = 11 : 13$$

12. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle ACB = \angle C$ 이고, $\overline{DE} = 5\text{ cm}$, $\overline{BC} = 15\text{ cm}$ 이다. $\triangle ACB = 18\text{ cm}^2$ 일 때, 닮음인 두 삼각형을 찾아 닮음비를 말하고, $\triangle ACB$ 와 $\square DBCE$ 의 넓이의 비를 구하면?



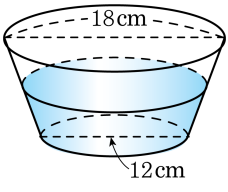
- ① $\triangle ADE \sim \triangle ACB$, $1 : 3$, $1 : 8$
 ② $\triangle ADE \sim \triangle ACB$, $1 : 4$, $1 : 8$
 ③ $\triangle ADE \sim \triangle ACB$, $1 : 3$, $3 : 15$
 ④ $\triangle ADE \sim \triangle ACB$, $1 : 4$, $1 : 9$
 ⑤ $\triangle ADE \sim \triangle ACB$, $1 : 3$, $1 : 9$

해설

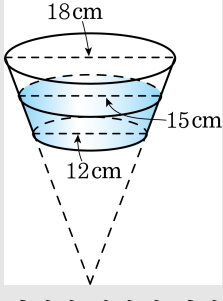
$\triangle ADE \sim \triangle ACB$ (AA 닮음)
 이때, 닮음비는 $\overline{DE} : \overline{CB} = 5 : 15 = 1 : 3$ 이므로
 $\triangle ADE : \triangle ABC = 1 : 9 = 18 : \triangle ABC$
 $\therefore \triangle ABC = 162\text{ cm}^2 \quad \therefore \square DBCE = 144\text{ cm}^2$
 따라서 $\triangle ADE : \square DBCE = 1 : 8$

13. 다음 그림과 같이 원뿔대 모양의 양동이에 높이의 절반만큼 물을 부었다. 물의 부피는 양동이의 부피의 얼마가 되는가?

- ① $\frac{7}{72}$
- ② $\frac{8}{89}$
- ③ $\frac{29}{127}$
- ④ $\frac{32}{141}$
- ⑤ $\frac{61}{152}$



해설



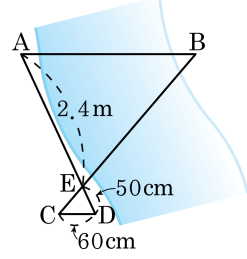
깊이가 절반이 되었을 때 원뿔 밑면의 지름의 길이가 15cm이고 세 원뿔의 닮음비는 4 : 5 : 6이다.

(물의 부피) : (양동이의 그릇) = $(5^3 - 4^3) : (6^3 - 4^3)$ 이므로

물의 부피는 양동이의 부피의 $\frac{61}{152}$ 이다.

14. A, B 두 지점 사이의 거리를 재기 위하여
다음 그림과 같이 측량하였다. A, B 사이의
실제의 거리는?

- ① 280cm ② 282cm ③ 284cm
④ 286cm ⑤ 288cm



해설

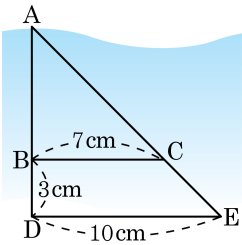
$$\overline{ED} : \overline{EA} = \overline{DC} : \overline{AB}$$

$$50 : 240 = 60 : \overline{AB}$$

$$\therefore \overline{AB} = 288(\text{cm})$$

15. 강의 폭을 구하기 위해 측적이 $\frac{1}{10000}$ 인 축도를 그린 것이다. $\overline{BC} \parallel \overline{DE}$ 일 때, 실제 강의 폭은 몇 m 인가?

- ① 400 m ② 500 m ③ 600 m
- ④ 700 m ⑤ 800 m



해설

$\triangle ABC \sim \triangle ADE$
 $\overline{AB} : \overline{AD} = \overline{BC} : \overline{DE}$
 $\overline{AB} = x$ 라 하면
 $x : (x + 3) = 7 : 10$
 $x = 7(\text{cm})$
 $\overline{AB} = 7(\text{cm})$
 $\therefore 7 \times 10000(\text{cm}) = 700(\text{m})$