

# 1. 다음 설명 중 틀린 것을 모두 고르시오.

① 원의 둘레의 길이를 원주라고 합니다.

② 원의 반지름의 길이에 대한 원주의 비율을 원주율이라 합니다.

③  $(\text{원주}) = (\text{반지름}) \times 3.14$  입니다.

④ 원주율은 큰 원은 크고 작은 원은 작습니다.

⑤  $(\text{원주율}) = (\text{원주}) \div (\text{지름}) = 3.14$  입니다.

## 해설

② 원의 지름에 대한 원주의 비율을 원주율이라 합니다.

③  $(\text{원주}) = (\text{지름}) \times 3.14$

④ 원주율은 모든 원에서 일정합니다.

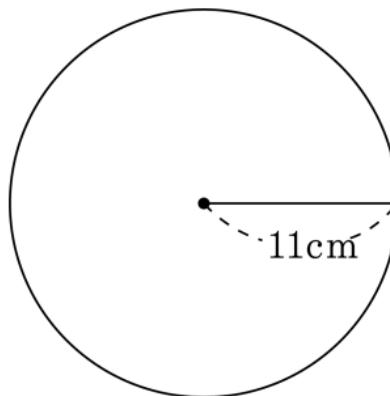
## 2. 원에 대한 설명 중 바르지 못한 것은 어느 것입니까?

- ① 원의 둘레의 길이를 원주라고 합니다.
- ② 원주는 지름의 길이의 약 3.14 배입니다.
- ③ 원주는 반지름의 길이의 약 3.14 배입니다.
- ④ 원주율은 3.14 입니다.
- ⑤ 원주율은 지름의 길이에 대한 원주의 비율입니다.

해설

원주는 지름의 길이의 약 3.14배입니다.

3. 원의 둘레의 길이를 구하시오.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 69.08cm

해설

$$11 \times 2 \times 3.14 = 69.08(\text{ cm})$$

4. 지름이 1m인 원 모양의 굴렁쇠가 있습니다. 이 굴렁쇠를 5바퀴 굴렸을 때, 굴렁쇠가 움직인 거리는 몇 m입니다?

① 1m

② 5m

③ 7.85m

④ 15.7m

⑤ 31.4m

해설

굴렁쇠를 5바퀴 굴렸으므로, 굴렁쇠 둘레 길이의 5배가 됩니다.  
따라서  $1 \times 3.14 \times 5 = 15.7(m)$ 입니다.

5. 다음 표를 완성하시오. (㉠ ~ ㉡ 순으로 쓰시오.)

지름의길이	반지름의길이	원주	원의넓이
8 cm	4 cm	㉠	㉡
14 cm	7 cm	43.96 cm	㉢
㉣	㉤	75.36 cm	452.16 cm <sup>2</sup>

▶ 답 : cm

▶ 답 : cm<sup>2</sup>

▶ 답 : cm<sup>2</sup>

▶ 답 : cm

▶ 답 : cm

▷ 정답 : 25.12 cm

▷ 정답 : 50.24 cm<sup>2</sup>

▷ 정답 : 153.86 cm<sup>2</sup>

▷ 정답 : 24 cm

▷ 정답 : 12 cm

해설

지름의길이	반지름의길이	원주	원의넓이
8 cm	4 cm	25.12 cm	50.24 cm <sup>2</sup>
14 cm	7 cm	43.96 cm	153.86 cm <sup>2</sup>
24 cm	12 cm	75.36 cm	452.16 cm <sup>2</sup>

6. 반지름이 16.8 cm인 축구공을 4바퀴 굴렸습니다. 축구공이 움직인 거리는 몇 cm입니까?

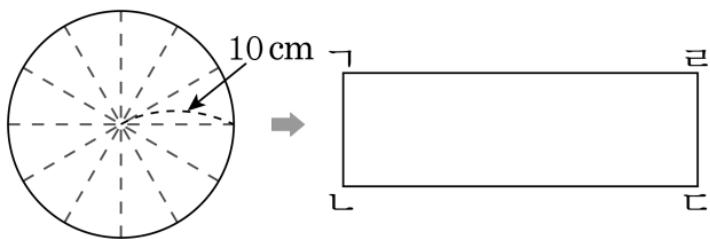
▶ 답: cm

▶ 정답: 422.016 cm

해설

$$(16.8 \times 2 \times 3.14) \times 4 = 422.016(\text{ cm})$$

7. 원을 한없이 작게 잘라붙였더니 다음과 같은 직사각형이 되었습니다.  
선분  $\sqcap \sqcup$ 의 길이는 몇 cm인지 쓰고 원의 넓이는 얼마인지 차례대로 구하시오.



▶ 답: cm

▶ 답: cm<sup>2</sup>

▷ 정답: 31.4 cm

▷ 정답: 314 cm<sup>2</sup>

해설

$$(\text{선분 } \sqcap \sqcup) = (\text{원주의 } \frac{1}{2})$$

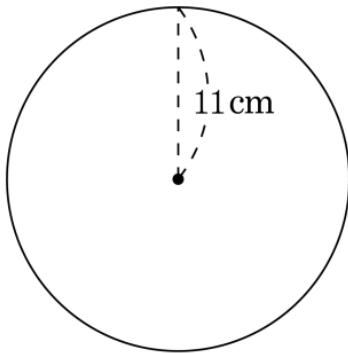
$$= 10 \times 2 \times 3.14 \div 2 = 31.4(\text{cm})$$

$$(\text{원의 넓이}) = (\text{사각형의 넓이})$$

$$= (\text{원의 반지름}) \times (\text{원주의 } \frac{1}{2})$$

$$= 10 \times 31.4 = 314(\text{cm}^2)$$

8. 원주를 (가) cm, 원의 넓이를 (나)  $\text{cm}^2$  라 할 때, (가)+(나)의 값을 구하시오.



▶ 답 :

▷ 정답 : 449.02

해설

$$(\text{원주}) = 11 \times 2 \times 3.14 = 69.08(\text{ cm})$$

$$(\text{넓이}) = 11 \times 11 \times 3.14 = 379.94(\text{ cm}^2)$$

$$69.08 + 379.94 = 449.02$$

9. 원주가 81.64 cm 인 원의 넓이는 몇  $\text{cm}^2$  입니까?

▶ 답 :  $\text{cm}^2$

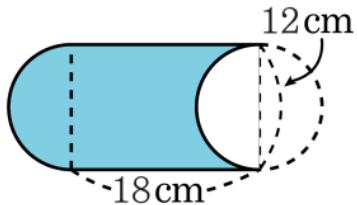
▶ 정답 : 530.66 $\text{cm}^2$

해설

$$\text{반지름} : 81.64 \div 3.14 \div 2 = 13(\text{cm})$$

$$\text{원의 넓이} : 13 \times 13 \times 3.14 = 530.66(\text{cm}^2)$$

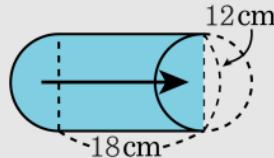
10. 색칠한 부분의 넓이를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>2</sup>

▷ 정답 : 216cm<sup>2</sup>

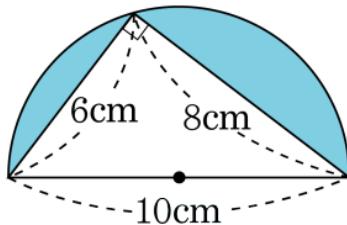
해설



색칠한 부분의 넓이는 직사각형의 넓이와 같습니다.

$$18 \times 12 = 216(\text{cm}^2)$$

# 11. 색칠한 부분의 넓이를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>2</sup>

▷ 정답 : 15.25 cm<sup>2</sup>

## 해설

색칠한 부분의 넓이

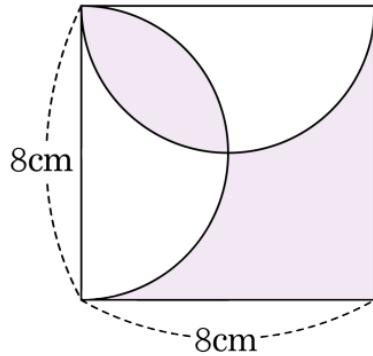
$$= (\text{반원의 넓이}) - (\text{삼각형의 넓이})$$

$$= \left( 5 \times 5 \times 3.14 \times \frac{1}{2} \right) - \left( 6 \times 8 \times \frac{1}{2} \times \right)$$

$$= 39.25 - 24$$

$$= 15.25 (\text{cm}^2)$$

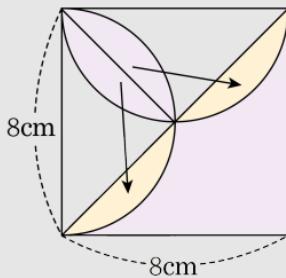
12. 색칠한 부분의 넓이를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>2</sup>

▷ 정답 : 32cm<sup>2</sup>

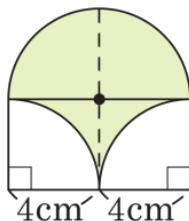
해설



색칠한 부분의 넓이 : 정사각형의 넓이의 반

색칠한 부분의 넓이는  $8 \times 8 \div 2 = 32(\text{cm}^2)$  입니다.

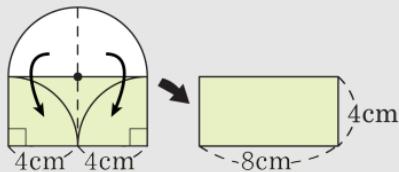
13. 다음 도형에서 색칠한 부분의 넓이를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>2</sup>

▷ 정답 : 32cm<sup>2</sup>

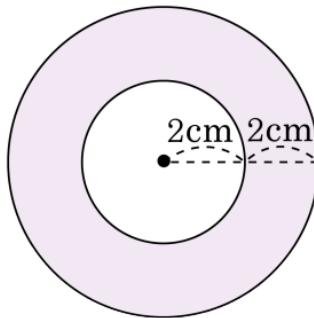
해설



반원의 넓이와 직사각형에 색칠된 넓이를 합하면 됩니다. 그런데 반원의 넓이는 직사각형의 빈 곳의 넓이와 같으므로, 결국 색칠한 넓이는 직사각형의 넓이와 같습니다.

직사각형의 가로는 8 cm, 세로는 4 cm 이므로  
넓이는  $8 \times 4 = 32(\text{cm}^2)$ 입니다.

14. 다음 도형의 색칠한 부분의 넓이를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>2</sup>

▷ 정답 : 37.68 cm<sup>2</sup>

해설

(색칠한 부분의 넓이)

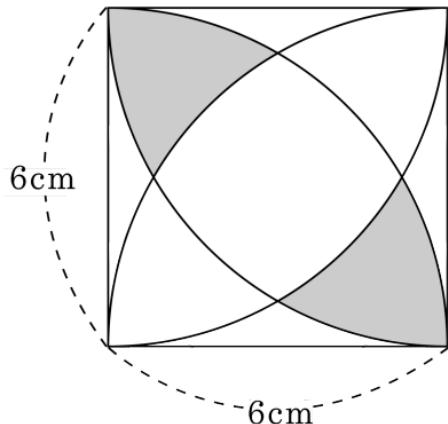
$$= (\text{큰 원의 넓이}) - (\text{작은 원의 넓이})$$

$$= (4 \times 4 \times 3.14) - (2 \times 2 \times 3.14)$$

$$= 50.24 - 12.56$$

$$= 37.68(\text{cm}^2)$$

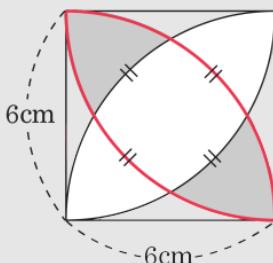
15. 색칠한 부분의 둘레의 길이를 구하시오.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 18.84 cm

해설



$$\text{따라서 } \left( 6 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} \right) \times 2 = 18.84(\text{cm})$$

16. 원의 둘레가 37.68 cm 인 원 가와 56.52 cm 인 원 나가 있습니다. 원 가와 원 나의 넓이의 차를 구하시오.

▶ 답: cm<sup>2</sup>

▷ 정답: 141.3cm<sup>2</sup>

해설

원 가의 반지름

$$(\text{반지름}) \times 2 \times 3.14 = 37.68$$

$$(\text{반지름}) = 37.68 \div 6.28 = 6(\text{ cm})$$

원 나의 반지름

$$(\text{반지름}) \times 2 \times 3.14 = 56.52$$

$$(\text{반지름}) = 56.52 \div 6.28 = 9(\text{ cm})$$

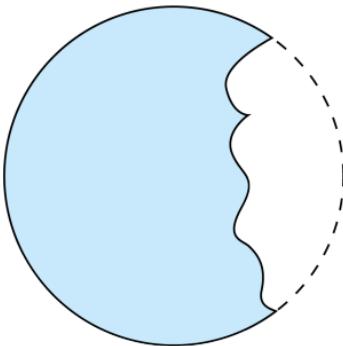
(원 나의 넓이) - (원 가의 넓이)

$$= (9 \times 9 \times 3.14) - (6 \times 6 \times 3.14)$$

$$= 254.34 - 113.04$$

$$= 141.3(\text{ cm}^2)$$

17. 다음 그림과 같이 원에서  $28.26 \text{ cm}^2$  가 빠져났습니다. 빠져난 곳은 원 넓이의 20 %입니다. 남은 부분과 넓이가 같은 원의 반지름을 구하시오.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 6 cm

### 해설

$$\text{남은 부분의 넓이} : 28.26 \div 0.2 \times 0.8 = 113.04(\text{cm}^2)$$

남은 부분과 넓이가 같은 원의 반지름을 □라고 하면

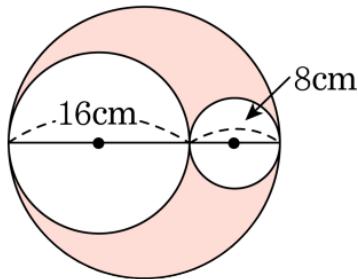
$$\square \times \square \times 3.14 = 113.04(\text{cm}^2)$$

$$\square \times \square = 113.04 \div 3.14$$

$$\square \times \square = 36$$

$$\square = 6(\text{cm})$$

18. 색칠한 부분의 둘레의 길이를 구하시오.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 150.72 cm

해설

가장 큰 원의 지름 : 24 cm

(색칠한 부분의 둘레)

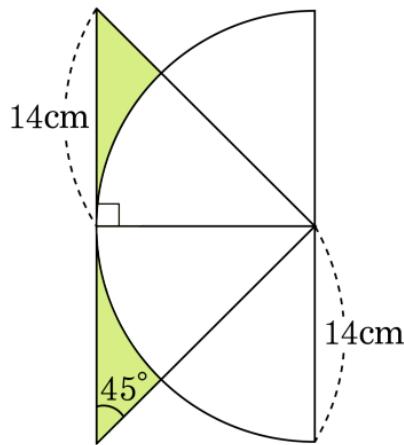
$$=(\text{지름이 } 24 \text{ cm인 원의 원주}) + (\text{지름이 } 16 \text{ cm인 원의 원주}) + (\text{지름이 } 8 \text{ cm인 원의 원주})$$

$$= (24 \times 3.14) + (16 \times 3.14) + 8 \times 3.14$$

$$= 75.36 + 50.24 + 25.12$$

$$= 150.72(\text{ cm})$$

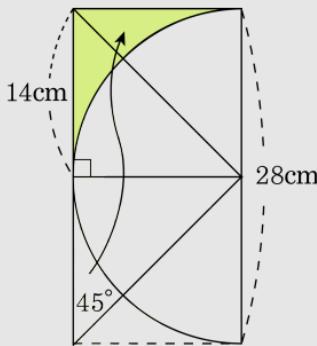
19. 다음 그림에서 색칠한 부분의 넓이를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>2</sup>

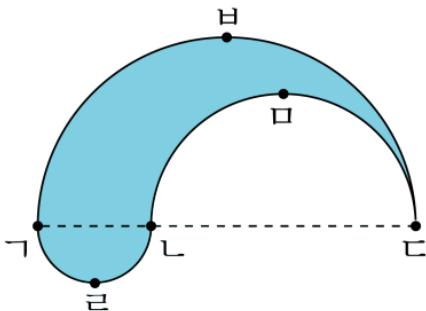
▷ 정답 : 42.14 cm<sup>2</sup>

해설



$$\begin{aligned}(28 \times 14 \div 2) - (14 \times 14 \times 3.14) \div 4 \\= 196 - 153.86 = 42.14(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

20. 아래 그림은 선분  $\overline{LN}$ ,  $\overline{ND}$ ,  $\overline{MD}$ 을 지름으로 하는 반원을 그린 것입니다. 선분  $\overline{LN}$ 의 길이가 20 cm이고, 선분  $\overline{LN}$ 을 지름으로 하는 반원의 원주와 선분  $\overline{ND}$ 을 지름으로 하는 반원의 원주의 합이 125.6 cm일 때, 선분  $\overline{MD}$ 을 지름으로 하는 반원의 원주를 구하시오.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 125.6 cm

해설

선분  $\overline{LN}$ 을 지름으로 하는 반원의 원주는

$$20 \times 3.14 \div 2 = 31.4(\text{ cm})$$

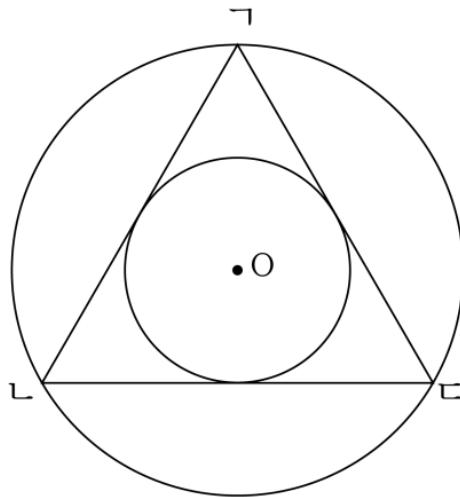
선분  $\overline{ND}$ 의 길이는

$$\{(125.6 - 31.4) \div 3.14\} \times 2 = 60(\text{ cm})$$

따라서 선분  $\overline{MD}$ 을 지름으로 하는 반원의 원주는

$$80 \times 3.14 \times \frac{1}{2} = 125.6(\text{ cm}) \text{ 입니다.}$$

21. 다음 그림에서 점  $O$ 은 큰 원과 작은 원의 중심이고 삼각형  $ABC$ 은 정삼각형입니다. 작은 원의 원주가  $18.84\text{ cm}$ 일 때, 큰 원의 원주는 몇  $\text{cm}$ 입니까?



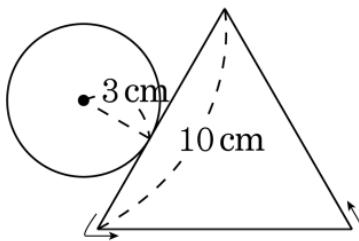
▶ 답 : cm

▷ 정답 : 37.68 cm

해설

삼각형  $ABC$ 은 정삼각형이므로  
 $(\text{큰 원의 반지름}) = (\text{작은 원의 반지름}) \times 2$   
작은 원의 반지름을  $\square$ 라 하면  
 $\square \times 2 \times 3.14 = 18.84(\text{ cm})$   
 $\square \times 6.28 = 18.84$   
 $\square = 18.84 \div 6.28$   
 $\square = 3(\text{ cm})$   
따라서  $(\text{큰 원의 반지름}) = 3 \times 2 = 6(\text{ cm})$   
 $(\text{큰 원의 원주}) = 6 \times 2 \times 3.14 = 37.68(\text{ cm})$

22. 다음과 같이 반지름이 3cm인 원이 한 변의 길이가 10cm인 정삼각형의 둘레를 한 바퀴 돌았습니다. 원이 지나간 부분의 넓이와 원의 중심이 움직인 거리를 차례대로 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>2</sup>

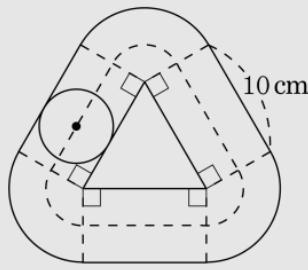
▶ 답 : cm

▷ 정답 : 293.04 cm<sup>2</sup>

▷ 정답 : 48.84 cm

### 해설

원이 지나간 부분을 그려 보면



넓이는 반지름이 6cm인 원 1개의 넓이와 가로, 세로가 각각 10cm, 6cm인 직사각형 3개가 모인 넓이와 같습니다.

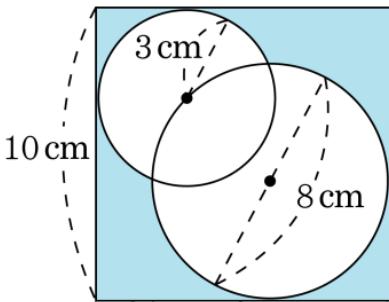
(원이 지나간 부분의 넓이)

$$6 \times 6 \times 3.14 + 10 \times 6 \times 3 = 293.04(\text{cm}^2)$$

(원의 중심이 지나간 거리)

$$= 10 \times 3 + 3 \times 2 \times 3.14 = 48.84(\text{cm})$$

23. 한 변이 10cm인 정사각형 안에 다음 그림과 같이 두 원이 겹쳐져 있습니다. 겹쳐진 부분의 넓이가  $15.7\text{ cm}^2$  일 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하시오.



▶ 답 : cm<sup>2</sup>

▷ 정답 : 37.2cm<sup>2</sup>

해설

색칠한 부분의 넓이

$$=(\text{정사각형 넓이}) - \{(\text{작은 원의 넓이}) + (\text{큰 원의 넓이})\} + (\text{겹치는 부분의 넓이})$$

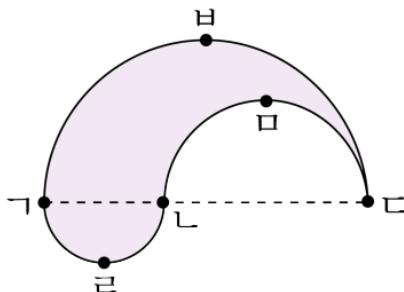
$$= 10 \times 10 - \{(3 \times 3 \times 3.14) + (4 \times 4 \times 3.14)\} + 15.7$$

$$= 100 - (28.26 + 50.24) + 15.7$$

$$= 100 - 78.5 + 15.7$$

$$= 37.2(\text{cm}^2)$$

24. 아래 그림은 선분  $\overline{AC}$ ,  $\overline{CD}$ ,  $\overline{AD}$ 을 지름으로 하는 반원을 그린 것입니다. 선분  $\overline{AC}$ 의 길이가 20cm이고, 곡선  $\text{arc } ACD$ 의 길이가 157cm일 때, 선분  $\overline{CD}$ 의 길이를 구하시오.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 157cm

### 해설

(선분  $\overline{AC}$ 을 지름으로 하는 반원의 원주)

$$= 20 \times 3.14 \times \frac{1}{2} = 31.4(\text{ cm})$$

(선분  $\overline{CD}$ 을 지름으로 하는 반원의 원주)

$$= 157 - 31.4 = 125.6(\text{ cm})$$

선분  $\overline{CD}$ 의 길이

$$(\text{선분 } \overline{CD}) \times 3.14 \times \frac{1}{2} = 125.6$$

$$(\text{선분 } \overline{CD}) = 125.6 \div 3.14 \times 2$$

$$(\text{선분 } \overline{CD}) = 80(\text{ cm})$$

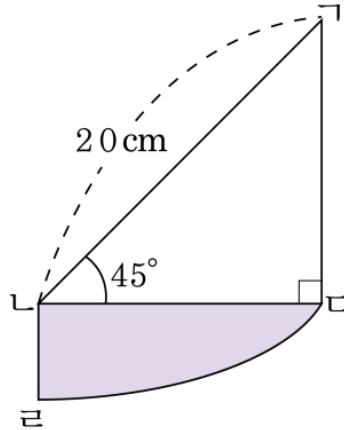
따라서 선분  $\overline{CD}$ 은 선분  $\overline{AC}$ 과 선분  $\overline{CD}$ 의 합이므로

$$20 + 80 = 100(\text{ cm}) \text{ 입니다.}$$

곡선  $\text{arc } CD$ 의 길이는 지름이 100cm인 반원의 원주와 같습니다.

$$100 \times 3.14 \times \frac{1}{2} = 157(\text{ cm})$$

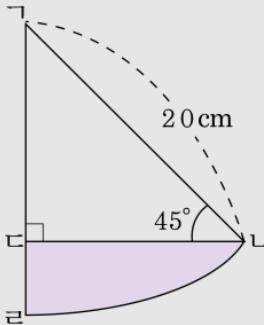
25. 다음 그림에서 변  $\Gamma\Gamma$ 의 길이와 변  $\Gamma\Gamma\Gamma$ 의 길이의 합이 20 cm 일 때, 색칠한 부분의 넓이는 몇  $\text{cm}^2$  인지 구하시오.



- ①  $56 \text{ cm}^2$       ②  $57 \text{ cm}^2$       ③  $58 \text{ cm}^2$   
 ④  $59 \text{ cm}^2$       ⑤  $60 \text{ cm}^2$

### 해설

위의 삼각형 부분을 좌우를 바꾸어 그리면 부채꼴 모양이 되고 이 부채꼴의 넓이에서 삼각형의 넓이를 빼주면 색칠한 부분의 넓이가 됩니다.



$$(\text{변 } \Gamma\Gamma) = (\text{변 } \Gamma\Gamma\Gamma) = 20 \text{ cm} \text{ (원의 반지름)}$$

$$(\text{변 } \Gamma\Gamma\Gamma) + (\text{변 } \Gamma\Gamma\Gamma\Gamma) = 20 \text{ cm},$$

$$(\text{변 } \Gamma\Gamma\Gamma) + (\text{변 } \Gamma\Gamma\Gamma\Gamma) = 20 \text{ cm}$$

따라서  $(\text{변 } \Gamma\Gamma\Gamma) = (\text{변 } \Gamma\Gamma\Gamma\Gamma)$ 이며

삼각형  $\Gamma\Gamma\Gamma$ 은 이등변삼각형입니다.

$$\left(20 \times 20 \times 3.14 \times \frac{45}{360}\right) - \left(20 \times 20 \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}\right)$$

$$= 157 - 100 = 57(\text{cm}^2)$$