

1. 유리수 a 는 0보다 크거나 같고 5.2 이하일 때, 다음 수 중에서 a 가 될 수 없는 것을 모두 고르면? (정답 2개)

① 0 ② $+\frac{14}{3}$ ③ $-\frac{5}{3}$ ④ $+5$ ⑤ $+6$

해설

$0 \leq a \leq 5.2$ 이므로 a 가 될 수 없는 수는 $-\frac{5}{3}$ 와 $+6$ 이다.

2. $7^1+7^2+7^3+\dots+7^{1023}$ 을 10 으로 나누었을 때의 나머지를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설

7^1 의 일의 자릿수=7,
 7^2 의 일의 자릿수=9,
 7^3 의 일의 자릿수=3,
 7^4 의 일의 자릿수=1 이므로,
4 번 거듭제곱을 한 수의 일의 자릿수를 모두 더하면 0 이 되는
것을 알 수 있다.
 $7^1 + 7^2 + 7^3 + \dots + 7^{1023}$ 의 일의 자릿수=9
 $\therefore 7^1 + 7^2 + 7^3 + \dots + 7^{1023}$ 을 10 으로 나누었을 때의 나머지=9

3. 다음은 소인수분해를 하는 과정이다. 안에 알맞은 수를 써넣어라.

$$\begin{array}{r} 2 \) \ 36 \\ 2 \) \ \square \\ \square \) \ 9 \\ \quad 3 \end{array}$$
$$36 = 2^{\square} \times \square^2$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 18

▷ 정답 : 3

▷ 정답 : 2

▷ 정답 : 3

해설

$$36 = 2^2 \times 3^2$$

4. $2^2 \times \square \times 7$ 은 어떤 수를 소인수분해한 식이고 이 수는 약수의 개수가 12 개인 가장 작은 수이다. \square 안에 알맞은 수는?

- ① 2 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 11

해설

$$2^2 \times a^n \times 7$$

$$(2+1) \times (n+1) \times (1+1) = 12 \therefore n = 1$$

2를 제외한 가장 작은 소수는 3이므로

$$3^1 = 3$$

5. 다음 중 두 수가 서로소인 것을 모두 고르면? (정답 2 개)

- ① 2,6 ② 3,11 ③ 8,10 ④ 12,15 ⑤ 9,16

해설

1 이외에 공약수를 갖지 않는 두 자연수를 서로소라고 한다.

6. 두 수 $2^a \times 7^3 \times 11^3$, $2^4 \times 5^2 \times 11^b$ 의 최대공약수가 88일 때, $a + b$ 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

최대공약수가 $88 = 2^3 \times 11$ 이고
 $2^4 \times 5^2 \times 11^b$ 에서 2 의 지수가 4 이므로
 $2^a \times 7^3 \times 11^3$ 에서 2 의 지수가 3 이어야 한다.
같은 방식으로
 $2^a \times 7^3 \times 11^3$ 에서 11 의 지수가 3 이므로
 $2^4 \times 5^2 \times 11^b$ 에서 11 의 지수가 1 이어야 한다.
따라서 $a = 3$, $b = 1$

7. 두 수 30, 75의 공약수가 x 의 약수라 할 때, x 의 값을 구하면?

- ① 11 ② 12 ③ 13 ④ 14 ⑤ 15

해설

구하고자 하는 x 는 30과 75의 최대공약수와 같다.

$30 = 2 \times 3 \times 5$, $75 = 3 \times 5^2$ 이므로

30과 75의 최대공약수는 $3 \times 5 = 15$ 이다.

$\therefore x = 15$

8. 두 정수 a, b 는 절댓값이 같고 부호가 서로 반대인 수이다. 두 수의 차이가 12 일 때, 두 수 a, b 를 구하면?
(단, $a > b$)

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = 6$ 또는 $+6$

▷ 정답: $b = -6$

해설

절댓값이 같고 부호가 서로 반대인 수는 원점으로부터의 거리가 같다. 두 수의 차이가 12 이므로 원점으로부터의 거리가 6 이다. 이때, $a > b$ 이므로 a 는 원점을 기준으로 오른쪽으로 6 만큼 이동한 $+6$ 이고 b 는 원점을 기준으로 왼쪽으로 6 만큼 이동한 -6 이다.
따라서 $a = 6, b = -6$ 이 된다.

9. 다음 부등호를 만족하는 정수 x 의 개수는?

$$-3 \leq x < 4.5$$

- ① 6개 ② 7개 ③ 8개
④ 9개 ⑤ 무수히 많다.

해설

-3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4 로 8개

10. 다음 중 계산 결과가 다른 하나는?

- ① $-2 + (+4)$ ② $(-1) + (-1)$ ③ $-7 + 5$
④ $3 + (-5)$ ⑤ $(-3) + (+1)$

해설

- ① $-2 + (+4) = +(4 - 2) = +2$
② $(-1) + (-1) = -(1 + 1) = -2$
③ $-7 + 5 = -(7 - 5) = -2$
④ $3 + (-5) = -(5 - 3) = -2$
⑤ $(-3) + (+1) = -(3 - 1) = -2$

11. 다음 중 계산결과가 옳은 것을 골라라.

- ㉠ $\left(+\frac{5}{2}\right) - \left(-\frac{3}{2}\right) = +1$
- ㉡ $(+2) - \left(-\frac{1}{5}\right) = +\frac{9}{5}$
- ㉢ $\left(+\frac{3}{2}\right) - (+2.8) = -1.3$
- ㉣ $\left(-\frac{1}{7}\right) - \left(-\frac{3}{4}\right) = -\frac{17}{28}$

▶ 답:

▷ 정답: ㉢

해설

$$\text{㉠ } \left(+\frac{5}{2}\right) - \left(-\frac{3}{2}\right) = \left(+\frac{5}{2}\right) + \left(+\frac{3}{2}\right) = +4$$

$$\text{㉡ } (+2) - \left(-\frac{1}{5}\right) = (+2) + \left(+\frac{1}{5}\right) = +\frac{11}{5}$$

$$\text{㉣ } \left(-\frac{1}{7}\right) - \left(-\frac{3}{4}\right) = \left(-\frac{1}{7}\right) + \left(+\frac{3}{4}\right) = +\frac{17}{28}$$

12. 네 개의 유리수 $\frac{1}{5}$, $-\frac{1}{3}$, $-\frac{5}{2}$, -2 중에서 세 수를 곱한 수 중 가장 큰 수를 M , 가장 작은 수를 m 이라 할 때, $M + (-3m)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$\frac{1}{5}$, $-\frac{1}{3}$, $-\frac{5}{2}$, -2 중에서

세 수를 곱한 수 중 가장 큰 수는

$$\left(-\frac{5}{2}\right) \times (-2) \times \frac{1}{5} = 1 = M$$

가장 작은 수는

$$\left(-\frac{1}{3}\right) \times \left(-\frac{5}{2}\right) \times (-2) = -\frac{5}{3} = m$$

$$\therefore M + (-3m) = 1 + 5 = 6$$

13. 다음 중 계산이 옳지 않은 것은?

① $(-3)^2 - (-3) = 12$

② $-3^2 - (-3) = -6$

③ $-3 - (-3)^2 = -12$

④ $-3^2 + (-3) = -6$

⑤ $(-2)^2 - (-4) = 8$

해설

④ $-3^2 + (-3) = -9 + (-3) = -12$

14. 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ㉠ $5^2 = 25$
- ㉡ $3 \times 3 \times 5 \times 5 \times 7 = 3^2 \times 5^2 \times 7$
- ㉢ $2^4 = 4^3$
- ㉣ $\frac{1}{5 \times 5 \times 7 \times 7 \times 7} = \frac{1}{5^2 \times 7^3}$
- ㉤ $\frac{1}{5^3 \times 5^4} = \frac{1}{5^{12}}$

- ① ㉠, ㉡ ② ㉠, ㉢ ③ ㉠, ㉤ ④ ㉡, ㉢ ⑤ ㉢, ㉣, ㉤

해설

- ㉢ $2^4 \neq 4^3$
- ㉣ $\frac{1}{5^3 \times 5^4} = \frac{1}{5^7}$

15. 사과 62 개와 귤 116 개를 될 수 있는 대로 많은 학생에게 똑같이 나누어 주면, 사과는 2 개가 남고, 귤은 6 개가 남는다고 한다. 이때, 학생 수를 구하면?

① 10 명 ② 12 명 ③ 3 명 ④ 5 명 ⑤ 15 명

해설

학생 수는 $62 - 2 = 60$, $116 - 6 = 110$ 의 최대공약수이므로 10 (명)

16. 서로 맞물려 돌아가는 두 톱니바퀴 A, B의 톱니의 수는 각각 48개, 32개이다. 톱니가 같은 이에서 처음으로 다시 맞물리기 위해 톱니바퀴 A, B가 각각 회전해야 하는 수를 a , b 라 할 때 $a+b$ 의 값은?

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

해설

두 톱니바퀴가 원래 모양이 되기까지 돌아간 톱니의 개수는 48과 32의 최소공배수인 96이므로 톱니바퀴 A는 $96 \div 48 = 2$ (번) 회전해야 하고, 톱니바퀴 B는 $96 \div 32 = 3$ (번) 회전해야 하므로 $a+b = 2+3 = 5$

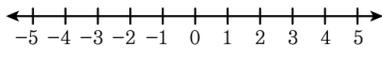
17. 두 유리수 a 와 b 의 절댓값은 같고 a 는 b 보다 12 만큼 클 때, ab 의 값은?

- ① -36 ② -24 ③ -12 ④ 12 ⑤ 24

해설

$$a = 6, b = -6, ab = -36$$

18. 다음 수직선을 보고 -4 보다 크거나 같고 3 이하인 정수가 아닌 것을 모두 골라라.



- Ⓐ -5 Ⓑ -3 Ⓒ 0 Ⓓ 3 Ⓔ 4

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: Ⓐ

▶ 정답: Ⓓ

해설

- Ⓐ $-5 < -4$
- Ⓑ $-4 \leq -3 \leq 3$
- Ⓒ $-4 \leq 0 \leq 3$
- Ⓓ $-4 \leq 3 \leq 3$
- Ⓔ $3 < 4$

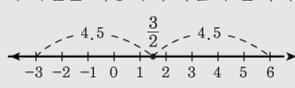
19. 수직선의 점 -3 과 6 의 한 가운데 점이 나타내는 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{3}{2}$ 또는 $+\frac{3}{2}$

해설

수직선을 이용하여 다음과 같이 구할 수 있다.



20. $2\frac{4}{7}$ 의 역수를 x , -0.75 의 역수를 y 라고 할 때, $\frac{x}{y}$ 를 구하면?

- ㉠ $-\frac{7}{24}$ ㉡ $-\frac{3}{4}$ ㉢ $-\frac{7}{18}$ ㉣ $\frac{7}{18}$ ㉤ $-\frac{4}{3}$

해설

$$2\frac{4}{7} = \frac{18}{7} \text{ 이므로}$$

$$x = \frac{7}{18}, -0.75 = -\frac{3}{4} \text{ 이므로 } y = -\frac{4}{3}$$

$$\therefore x \div y = \frac{7}{18} \div \left(-\frac{4}{3}\right) = \frac{7}{18} \times \left(-\frac{3}{4}\right) = -\frac{7}{24}$$

21. $-\frac{5}{3}$ 에 가장 가까운 정수를 a , $\frac{12}{5}$ 에 가장 가까운 정수를 b 라 할 때, $a \div b$ 의 값은?

- ① -1 ② 1 ③ $-\frac{1}{2}$ ④ -2 ⑤ $\frac{1}{2}$

해설

$-\frac{5}{3} = -1\frac{2}{3} = -1.666\dots$ 이므로 가장 가까운 정수 $a = -2$,
 $\frac{12}{5} = 2\frac{2}{5} = 2.4$ 이므로 가장 가까운 정수 $b = 2$
따라서 $a \div b = (-2) \div 2 = -1$ 이다.

22. 다음 계산 과정에서 () 안에 알맞은 수를 순서대로 써넣어라.

$$\begin{aligned} & 100 + 48 - [\{(-3^2 \times 2^2) + 2^3 \div (-4)\} + 21 \div (-7)] \\ & = 100 + 48 - [\{(\ominus) + 2^3 \div (-4)\} + 21 \div (-7)] \\ & = 100 + 48 - [\{(\ominus) + (\omin�)\} + 21 \div (-7)] \\ & = 100 + 48 - [(\omin�) + (\omin�)] \\ & = 100 + 48 - (\omin�) \\ & = (\omin�) \end{aligned}$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉠ -36

▷ 정답 : ㉡ -2

▷ 정답 : ㉢ -38

▷ 정답 : ㉣ -3

▷ 정답 : ㉤ -41

▷ 정답 : ㉥ 189

해설

$$\begin{aligned} & 100 + 48 - [\{(-3^2 \times 2^2) + 2^3 \div (-4)\} + 21 \div (-7)] \\ & = 100 + 48 - [\{(-36) + 2^3 \div (-4)\} + 21 \div (-7)] \\ & = 100 + 48 - [\{(-36) + (-2)\} + 21 \div (-7)] \\ & = 100 + 48 - [(-38) + (-3)] \\ & = 100 + 48 - (-41) \\ & = 189 \end{aligned}$$

23. 두 유리수 a, b 에 대하여 $a \square b = a \div b + 5$ 로 정의할 때, $31 \square \left(\frac{1}{3} \square 2\right)$ 를 계산한 값은?

- ① 5 ② 7 ③ 8 ④ 11 ⑤ 13

해설

$$\frac{1}{3} \square 2 = \frac{1}{3} \div 2 + 5 = \frac{1}{6} + 5 = \frac{31}{6}$$

$$31 \square \frac{31}{6} = 31 \div \frac{31}{6} + 5 = 6 + 5 = 11 \text{ 이다.}$$

24. 서로 다른 세 수 a, b, c 가 다음을 만족할 때, 세 수의 대소 관계를 부등호로 나타내어라.

㉠ $a > 3, b > -3$

㉡ $|b| = |-3|$

㉢ $3 < c < 5$

㉣ 수직선에 나타냈을 때, a 가 c 보다 -3 에 더 가깝다.

▶ 답:

▶ 정답: $b < a < c$

해설

㉠과 ㉡에 의하여 $b = 3$

a 가 c 보다 -3 에 가까우므로 $a < c$

$\therefore b < a < c$

25. $2^a = 32$, $5^b = 625$ 를 만족하는 자연수 a, b 에 대하여 $a \times b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 20

해설

$2^5 = 32$, $5^4 = 625$ 이므로 $a \times b = 20$ 이다.