

1. 다항식  $x^3 - 2$ 를  $x^2 - 2$ 로 나눈 나머지는?

- ① 2      ② -2      ③  $-2x - 2$   
④  $2x + 2$       ⑤  $2x - 2$

해설

$$\frac{x^3 - 2}{x^2 - 2} = \frac{x^3 - 2x + 2x - 2}{x^2 - 2} = x + \frac{2x - 2}{x^2 - 2}$$

$\therefore$  나머지는  $2x - 2$

2.  $(x - 1)(x + 2)(x - 3)(x + 4)$ 를 전개할 때, 각 항의 계수의 총합을  $a$ , 상수항을  $b$ 라 할 때,  $a + b$ 의 값을 구하면?

① 8      ② 15      ③ 24      ④ 36      ⑤ 47

해설

$$\begin{aligned}(x - 1)(x + 2)(x - 3)(x + 4) \\&= (x^2 + x - 2)(x^2 + x - 12)(x^2 + x = X(\bar{x} \text{한})) \\&= (X - 2)(X - 12) \\&= X^2 - 14X + 24 \\&= (x^2 + x)^2 - 14(x^2 + x) + 24 \\&= x^4 + 2x^3 - 13x^2 - 14x + 24 \\&\therefore a = 1 + 2 - 13 - 14 + 24 = 0, b = 24 \\&\therefore a + b = 0 + 24 = 24\end{aligned}$$

해설

⑦ 각 항 계수의 총합 구하기

$x = 1$  대입,  $a = 0$

⑧ 상수항 구하기

$x = 0$  대입,  $b = 24$

3.  $(x^3 - 3x^2 + 3x + 4)(x^2 + 2x - 5)$  를 전개한 식에서  $x^2$  의 계수를 구하면?

- ① 10      ② 15      ③ 19      ④ 21      ⑤ 25

해설

전개식에서  $x^2$  항은

i ) (이차항)  $\times$  (삼차항) 에서  $15x^2 + 4x^2 = 19x^2$

ii ) (일차항)  $\times$  (일차항) 에서  $6x^2$

$\therefore x^2$  의 계수는  $19 + 6 = 25$

4.  $(1 + 2x - 3x^2 + 4x^3 - 5x^4 + 6x^5 + 7x^6)^2$  의 전개식에서  $x^3$ 의 계수는?

- ① 0      ② 2      ③ -2      ④ 4      ⑤ -4

해설

$x^3$ 을 만들 수 있는 것은  
(3차항)  $\times$  (상수항), (2차항)  $\times$  (1차항)  
2쌍씩이다.  
 $4 \times 1 \times 2 + (-3) \times 2 \times 2 = 8 + (-12) = -4$

5.  $a^2 + b^2 + c^2 = 9$ ,  $ab + bc + ca = 9$ ,  $a + b + c$ 의 값은?

- ①  $-3\sqrt{2}$       ②  $-2\sqrt{3}$       ③  $\pm 3\sqrt{3}$   
④  $\pm 3\sqrt{2}$       ⑤  $\sqrt{6}$

해설

$$\begin{aligned}(a+b+c)^2 &= a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca) \\&= 9 + 18 = 27\end{aligned}$$

$$\therefore a+b+c = \pm 3\sqrt{3}$$

6.  $x$ 에 대한 다항식  $A = 2x^3 + 5x^2 + 4$ 를 다항식  $B$ 로 나눌 때, 몫이  $2x + 1$ 이고, 나머지가  $-6x + 2$ 이다. 이 때, 다항식  $B$ 를 구하면?

- ①  $x^2 + 2x + 2$       ②  $x^2 + x + 2$       ③  $x^2 - x + 2$   
④  $x^2 - 2x + 2$       ⑤  $x^2 - 3x + 2$

해설

$$\begin{aligned}A &= B(2x + 1) - 6x + 2 \text{에서} \\B(2x + 1) &= 2x^3 + 5x^2 + 6x + 2 \\ \therefore B &= (2x^3 + 5x^2 + 6x + 2) \div (2x + 1) \\&= x^2 + 2x + 2\end{aligned}$$

7. 다음 곱셈공식을 전개한 것 중 바른 것은?

①  $(x - y - 1)^2 = x^2 + y^2 + 1 - 2xy - 2x - 2y$

②  $(a + b)^2(a - b)^2 = a^4 - 2a^2b^2 + b^4$

③  $(-x + 3)^3 = x^3 - 9x^2 + 27x - 27$

④  $(a - b)(a^2 + ab - b^2) = a^3 - b^3$

⑤  $(p - 1)(p + 1)(p^2 + 1)(p^4 + 1) = p^{16} - 1$

해설

①  $(x - y - 1)^2 = x^2 + y^2 + 1 - 2xy - 2x - 2y$

③  $(-x + 3)^3 = -x^3 + 9x^2 - 27x + 27$

④  $(a - b)(a^2 + ab + b^2) = a^3 - b^3$

⑤  $(p - 1)(p + 1)(p^2 + 1)(p^4 + 1) = p^8 - 1$

8. 삼각형의 세 변의 길이  $a$ ,  $b$ ,  $c$ 에 대하여  $(a+b-c)(a-b+c) = b(b+2c) + (c+a)(c-a)$ 가 성립할 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

- ① 직각삼각형      ② 이등변삼각형      ③ 정삼각형  
④ 예각삼각형      ⑤ 둔각삼각형

해설

$$(a+b-c)(a-b+c) = b(b+2c) + (c+a)(c-a) \text{에서}$$

$$\{a+(b-c)\} \{a-(b-c)\} = b^2 + 2bc + c^2 - a^2$$

$$a^2 - (b-c)^2 = -a^2 + b^2 + c^2 + 2bc$$

$$2a^2 = 2b^2 + 2c^2$$

$$\therefore a^2 = b^2 + c^2$$

따라서, 이 삼각형은 빗변의 길이가  $a$ 인 직각삼각형이다.

9. 실수  $x$ 가  $x^2 - 3x + 1 = 0$ 을 만족할 때,  $x^3 + \frac{1}{x^3}$ 의 값을 구하면?

- ① 18      ② 19      ③ 20      ④ 21      ⑤ 22

해설

준식의 양변을  $x$ 로 나누면

$$x + \frac{1}{x} = 3$$

$$\begin{aligned}x^3 + \frac{1}{x^3} &= \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3\left(x + \frac{1}{x}\right) \\&= 3^3 - 3 \times 3 = 18\end{aligned}$$

10. 모든 모서리의 합이 36, 넓이가 56인 직육면체의 대각선의 길이는?

① 5

② 6

③ 7

④ 8

⑤ 9

해설

직육면체의 가로, 세로, 높이를 각각  $a, b, c$ 라 하자.

$$4(a + b + c) = 36, \quad 2(ab + bc + ca) = 56$$

$$(a + b + c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca)$$

$$a^2 + b^2 + c^2 = 81 - 56 = 25$$

$$\therefore (\text{대각선의 길이}) = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$$

$$= \sqrt{25} = 5$$

11.  $x + y = 2$ ,  $x^3 + y^3 = 14$  일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

- ①  $xy = -1$       ②  $x^2 + y^2 = 6$       ③  $x^4 + y^4 = 34$   
④  $x^5 + y^5 = 86$       ⑤  $x^6 + y^6 = 198$

해설

①  $x^3 + y^3 = (x + y)^3 - 3xy(x + y)$  에서  
 $14 = 2^3 - 3xy \times 2$   
 $\therefore xy = -1$

②  $x^2 + y^2 = (x + y)^2 - 2xy$  에서  
 $x^2 + y^2 = 2^2 - 2(-1) = 6$

③  $x^4 + y^4 = (x^2 + y^2)^2 - 2x^2y^2$  에서  
 $x^4 + y^4 = 6^2 - 2(-1)^2 = 34$

④  $x^5 + y^5 = (x^2 + y^2)(x^3 + y^3) - x^2y^2(x + y)$  에서  
 $x^5 + y^5 = 6 \times 14 - (-1)^2 \times 2 = 82 \neq 86$

⑤  $x^6 + y^6 = (x^3 + y^3)^2 - 2x^3y^3$  에서  
 $x^6 + y^6 = 14^2 - 2(-1)^3 = 198$