1. 직선 y = -2x + a가 원 $x^2 + y^2 - 4x - 2y + 4 = 0$ 에 의하여 잘려지는 선분의 길이를 최대로 하는 a의 값은 ?

① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

2. 원 $x^2 + y^2 = 4$ 위의 점 $P(-1, \sqrt{3})$ 에서의 접선과 직선 y = x 와의 교점의 좌표는?

① $(\sqrt{3}, \sqrt{3})$ ② $(2\sqrt{5}, 2\sqrt{5})$

 $(2\sqrt{3}-2, \ 2\sqrt{3}-2)$

(3) (4, 4) $(2\sqrt{3}+2, 2\sqrt{3}+2)$

3. 다음은 원 $x^2 + y^2 = r^2$ 에 대하여 기울기가 m 인 접선의 방정식을 구하는 과정이다.

원 $x^2 + y^2 = r^2$ 에 접하고 기울기가 m 인 접선의 방정식을 y = mx + k 라 하자. 직선 y = mx + k 를 원의 방정식 $x^2 + y^2 = r^2$ 에 대입하여 정리하면, $(1+m^2)x^2 + 2mkx + \lceil (7 \rceil) \rceil = 0$ 이 이차방정식의 판별식을 D 라 하면 원과 직선이 접하므로 D=0 에서 $k = \pm$ (나) 따라서 구하는 접선의 방정식은 $y = mx \pm \boxed{(\c \cdot \c)}$ (가), (나)에 알맞은 것을 순서대로 적으면?

① $r^2 - k^2$, $r\sqrt{m^2 + 1}$ ② $r^2 - k^2$, $r\sqrt{m^2 - 1}$

⑤ $k^2 - r^2$, $r\sqrt{m^2 - 1}$

③ $k^2 - r^2$, $\sqrt{m^2 + 1}$

4. 원 $x^2 + y^2 = 5$ 와 직선 y = 2x + k 가 만나지 않도록 k 의 값의 범위를 구하면?

① -5 < k < 5 ② k > 5, k < -5 ③ $-5 \le k \le 5$ ④ $k \ge 5, k \ge -5$ ⑤ $0 < k \le 5$

5. 점 (1,3) 에서 원 $x^2+y^2=1$ 에 접선을 그을 때 접선의 길이를 구하여라.

답: ____

직선 ax + (1-a)y - 1 = 0 이 원 $x^2 + y^2 - x + y - 1 = 0$ 의 넓이를 이등분할 때, 상수 a 의 값은? 6.

① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{3}{2}$ ③ $\frac{5}{2}$ ④ $\frac{7}{2}$ ⑤ $\frac{9}{2}$

7. 좌표평면 위에 원 $(x-5)^2 + (y-4)^2 = r^2$ 과 원 밖의 점 A(2, 1)이 있다. 점 A 에서 원에 그은 두 접선이 서로 수직일 때, 반지름의 길이 r의 값은?

① 3 ② $\sqrt{10}$ ③ $\sqrt{11}$ ④ $\sqrt{13}$ ⑤ $\sqrt{14}$

직선 ax + by + 2 = 0 이 원 $x^2 + y^2 = 1$ 에 접하면서 움직일 때, 점 8. (a, b) 가 그리는 자취의 길이를 구하면?

① π ② 2π ③ 3π ④ 4π ⑤ 5π

9. 점 A(2, 2)에서 원 $x^2 + y^2 = 1$ 에 그은 두 접선의 기울기를 α, β 라 할 때, $\alpha\beta$ 의 값은 ?

① $\frac{8}{3}$ ② $-\frac{8}{3}$ ③ 1 ④ -1 ⑤ 0

10. 점 O 를 지나는 직선이 좌표평면 위의 원 C 와 두 점 A, B 에서 만날 때, $\overline{OA} \cdot \overline{OB}$ 의 값이 일정함을 다음과 같이 증명하였다. ②, ④, ⓒ 에 알맞은 것을 차례로 적으면?

원점 O을 지나는 직선의 방정식을 $y = mx \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \bigcirc$ 원 C의 방정식을 $(x-a)^2 + y^2 = r^2$ (a > O, r > O)······ ⓒ 라 하자 © 의 두 실근을 α,β 라 하면 $\alpha\beta=(\mathfrak{P})$ 따라서 $\overline{OA} \cdot \overline{OB} = (\textcircled{G}) \cdot |\alpha\beta| = (\textcircled{G})$ 그러므로 m에 관계없이 $\overline{OA} \cdot \overline{OB}$ 의 값은 일정하다.

- ① $\frac{a^2 r^2}{1 m^2}$, $1 m^2$, $|a^2 r^2|$ ② $\frac{a^2 r^2}{1 + m^2}$, $1 + m^2$, $|a^2 r^2|$ ③ $\frac{a^2 r^2}{1 m^2}$, $2(1 m^2)$, $2|a^2 r^2|$ ④ $\frac{a^2 r^2}{1 + m^2}$, $2(1 + m^2)$, $2|a^2 r^2|$ ⑤ $\frac{a^2 r^2}{1 + m^2}$, $r(1 + m^2)$, $r|a^2 r^2|$