

1. 다음 중 비례식이 옳은 것은 어느 것입니까?

① $4 : 1 = 5 : 20$

② $11 : 8 = 22 : 10$

③ $20 : 50 = 2 : 5$

④ $\frac{1}{3} : \frac{2}{3} = 2 : 1$

⑤ $36 : 24 = 2 : 3$

해설

비의 값이 같은지 확인합니다.

③ $20 : 50 = (20 \div 10) : (50 \div 10) = 2 : 5$

2. 다음 중 틀린 것은 어느 것입니까?

- ① $4 : 8$ 의 전향은 4입니다.
- ② $6 : 14 = 3 : 7$ 일 때 외향은 6과 7입니다.
- ③ $21 : 24 = 7 : 8$ 일 때 24는 내향입니다.
- ④ $9 : 11 = 27 : 33$ 일 때 내향은 9와 11입니다.
- ⑤ $2 : 3 = 40 : 60$ 에서 전향은 2와 40입니다.

해설

④ $9 : 11 = 27 : 33$ 일 때 내향은 11과 27입니다.

3. ㉠과 ㉡의 곱을 구하시오.

$$36 : 27 = (36 \div 9) : (27 \div \text{㉠}) = 4 : \text{㉡}$$

- ① 10
- ② 11
- ③ 12
- ④ 27
- ⑤ 81

해설

비의 성질 중 0이 아닌 같은 수를 나누어도 비의 값은 같습니다.
36과 27의 최대공약수인 9를 똑같이 나누어 주어야 하므로
㉠= 9, ㉡= 3입니다.
 $9 \times 3 = 27$

4. 비의 성질을 이용하여 주어진 비와 비의 값이 같은 비를 고르시오.

15 : 45

- ① 1 : 5 ② 1 : 4 ③ 5 : 3 ④ 3 : 5 ⑤ 1 : 3

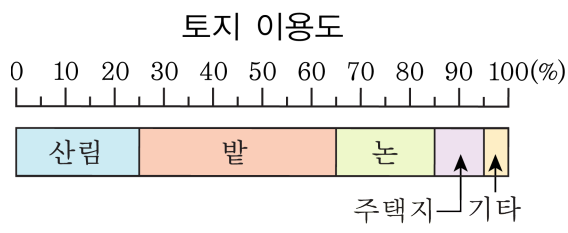
해설

여러 가지 답이 나올 수 있습니다.

$$15 : 45 = (15 \div 5) : (45 \div 5) = 3 : 9$$

$$= (15 \div 15) : (45 \div 15) = 1 : 3$$

5. 다음은 재석이네 마을의 토지 이용도를 나타낸 피그레프입니다. 전체의 면적이 900 ha라 할 때, 밭으로 이용되는 면적은 몇 ha인지 구하시오.



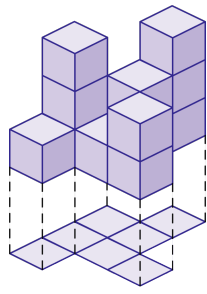
▶ 답 : ha

▷ 정답 : 360 ha

해설

$$900 \times \frac{40}{100} = 360(\text{ha})$$

6. 다음 13 개의 쌓기나무 중 2 층의 쌓기나무를 모두 빼면 몇 개의 쌓기나무가 남습니까?



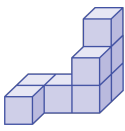
- ① 6 개 ② 7 개 ③ 8 개 ④ 9 개 ⑤ 10 개

해설

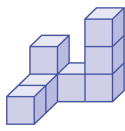
1 층 : 7 개, 2 층 : 4 개, 3 층 : 2 개
2 층을 뺀 나머지는 1 층과 3 층의 쌓기나무 개수를 합한것인
 $7 + 2 = 9$ (개)
따라서 9개입니다.

7. 다음은 여러 개의 쌓기나무를 이용하여 만든 모양입니다. 사용된
쌓기나무의 개수가 다른 것은 어느 것입니까?

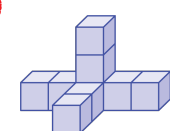
①



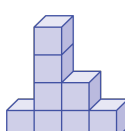
②



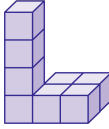
③



④



⑤



해설

①, ②, ④, ⑤ → 8 개

③ → 9 개

8. 비례식 $\square : 14 = 102 : 84$ 에서 $\square$ 안의 수를 바르게 나타낸 것은 어느 것입니까?

① 17 ② 18 ③ 19 ④ 20 ⑤ 21

해설

$$\square \times 84 = 14 \times 102$$

$$\square = 1428 \div 84$$

$$\square = 17$$

9. 어느 날 낮과 밤의 길이의 비는 $4\frac{1}{2} : 7.5$ 입니다. 이 날의 낮의 길이는 몇 시간입니까?

① 6시간

② 7시간

③ 8시간

④ 9시간

⑤ 10시간

해설

주어진 비를 간단한 자연수의 비로 바꾸면,

$4\frac{1}{2} : 7.5 = 4.5 : 7.5 = 9 : 15$ 이므로 낮의

길이는 $\frac{9}{24} \times 24 = 9$ (시간)

10. 어떤 일을 갑이 3 일, 을이 4 일 동안 하였습니다. 돈은 일한 날수에 비례해서 지급되었고, 두 사람이 받은 돈의 합이 49000 원이었다면 갑은 얼마를 받았겠습니까?

- ① 14000 원 ② 21000 원 ③ 28000 원
④ 35000 원 ⑤ 42000 원

해설

두 사람의 일한 날 수의 비가 3 : 4 이므로 갑이 받은 금액은 $49000 \times \frac{3}{7} = 21000$ (원) 입니다.

11. 전체에 대한 백분율이 45 %인 양을 전체의 길이가 40 cm인 피그래프에 나타내면, 몇 cm를 차지하겠는가?

▶ 답 : cm

▷ 정답 : 18cm

해설

$$40 \times 0.45 = 18(\text{cm})$$

12. 주희네 반 학생은 60명입니다. 그 중 안경을 쓴 학생을 전체를 20등분 한 원그래프에 그렸더니 9칸을 차지하였습니다. 주희네 반에서 안경을 쓴 학생은 몇 명인지 구하시오.

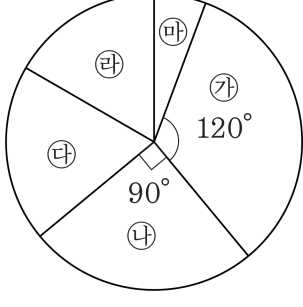
▶ 답 : 명

▷ 정답 : 27명

해설

$$60 \times \frac{9}{20} = 27(\text{명})$$

13. 다음 원그래프는 재근이네 반 24 명을 마을별로 구분하여 나타낸 것입니다. ㉠ : ㉡ = 2 : 1 일 때, 이것을 길이가 240 cm 인 띠그래프로 나타냈을 때 ㉡는 cm가 된다고 합니다. 안에 들어갈 알맞은 수를 구하시오.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 40 cm

해설

$2 : 1 = 120^\circ : \text{$

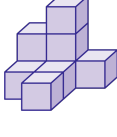
$2 : 1$ 양쪽에 60을 곱하면 $120 : 60$ 이 되므로 $\text{} = 60^\circ$ 입니다.

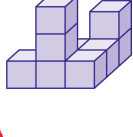
따라서 $240 \times \frac{60}{360} = 40(\text{cm})$ 입니다.

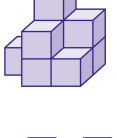
14. 다음 그림은 어떤 모양을 만드는 데 필요한 쌓기나무의 개수를 나타낸 것이다. 다음 그림이 나타내는 모양은 어느 것입니까?

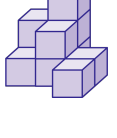
2	3	0
1	2	1
0	0	1

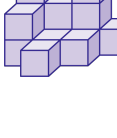
- ①


- ②


- ③

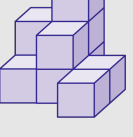

- ④


- ⑤

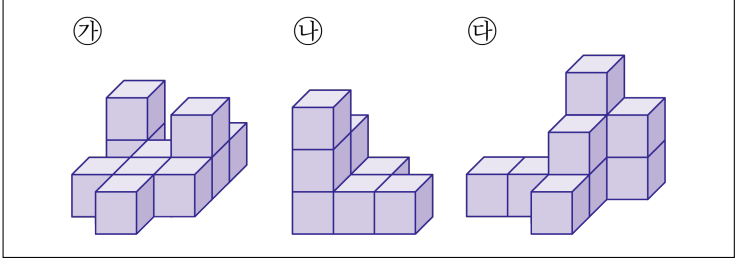


해설

④



15. 아래 그림에 대한 설명으로 옳지 않은 것은 어느 것인지 고르시오.



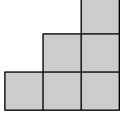
① 가에서 사용된 쌓기나무는 모두 10개입니다.

② 나를 개수로만 나타내면 입니다.

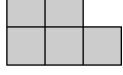
1	1	
2	1	
3	1	1

③ 다에서 사용된 쌓기나무는 모두 10개입니다.

④ 다를 옆에서 본 모양으로 그리면 입니다.



⑤ 나를 위에서 본 모양을 그리면 입니다.

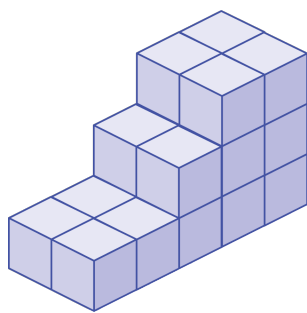


해설

②

2	1	
3	1	1

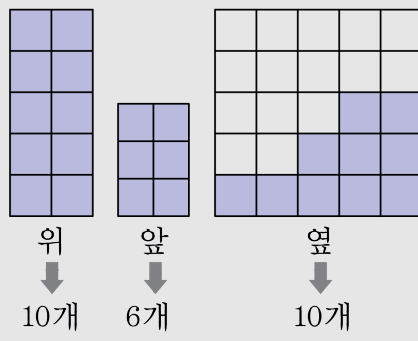
16. 쌓기나무의 바닥에 닿은 곳을 제외한 각 면에 스티커를 붙이려고 합니다. 스티커는 몇 개가 필요합니까?

▶ 답: 개

▶ 정답 : 42 개

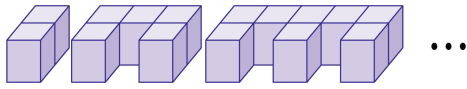
해설

위, 앞, 옆에서 본 모양은 다음과 같습니다.



따라서, 스티커는 $10+6+6+10+10 = 42(\text{개})$ 필요합니다.

17. 다음은 쌓기나무를 일정한 규칙에 따라 놓은 것입니다. 이 규칙에 따라 놓을 때, 쌓기나무가 32개 필요한 것은 몇 째 번입니까?

▶ 답: 짜 번

▷ 정답 : 11째 번

해설

2 5 8 ...
 ↗ ↗
 +3 +3

□재 번에 필요한 쌓기나무는 $2 + 3 \times (\square - 1)$ 입니다.

$$2 + 3 \times (\square - 1) = 32$$

$$3 \times (\square - 1) = 30$$

$$\square - 1 = 10$$

$\square = 11$
따라서 $\square$

따라서, 쌓기나무가 32개 필요한 것은 11째 번입니다.

18. 다음 비례식에서 외항의 곱이 40 일 때, $\ominus \times \oslash$ 의 값을 구하시오. (단, $\oslash$ 은 자연수입니다.)

$(\oslash + 3) : \ominus = 2 : \oslash$

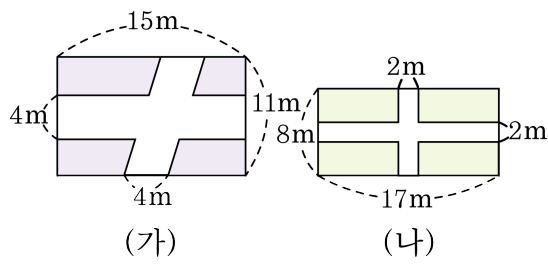
▶ 답 :

▷ 정답 : 100

해설

$(\oslash + 3) : \ominus = 2 : \oslash$
외항의 곱 : 40
내항의 곱 : 40
 $\ominus \times 2 = 40$
 $\ominus = 40 \div 2$
 $\ominus = 20$
 $(\oslash + 3) \times \oslash = 40$
 $\Rightarrow$ 두 수의 곱이 40이면서 두 수의 차가 3인 두 수는 8.5입니다.
 $\oslash = 5$ ($8 \times 5 = 40$)
 $\ominus = 20, \oslash = 5$
 $\ominus \times \oslash = 20 \times 5 = 100$

19. 가의 땅에 소나무 100그루를 심을 수 있다면 나의 땅에 몇 그루의 소나무를 심을 수 있겠습니까?



- ① 120 그루
- ② 116 그루
- ③ 115 그루
- ④ 117 그루
- ⑤ 114 그루

해설

가의 넓이 :
 $(15 \times 11) - \{(4 \times 11) + (4 \times 15)\} + (4 \times 4)$
 $= 165 - (44 + 60) + 16$
 $= 165 - 104 + 16$
 $= 77(\text{m}^2)$

나의 넓이 :
 $(17 \times 8) - \{(2 \times 17) + (2 \times 8)\} + (2 \times 2)$
 $= 136 - (34 + 16) + 4$
 $= 90(\text{m}^2)$

따라서 가의 넓이 : 나의 넓이 = 77 : 90 이므로
 $77 : 90 = 100 : \square$
 $77 \times \square = 9000$
 $\square = 116.88 \dots$
따라서 나의 땅에 심을 수 있는 소나무는 116 그루입니다.

20. 밑넓이가 113.04 cm^2 이고, 겉넓이가 828.96 cm^2 일 때, 이 원기둥의 높이를 구하시오.

▶ 답 : cm

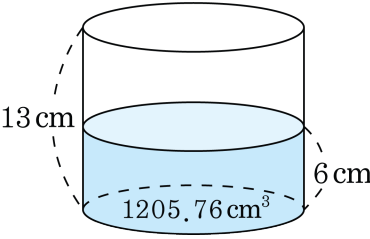
▷ 정답 : 16cm

해설

밑면의 반지름의 길이를 $\square$ 라 하면,

$$\square \times \square \times 3.14 = 113.04$$
$$\square \times \square = 36$$
$$\square = 6$$
$$\begin{aligned} (\text{겉넓이}) &= (\text{밑넓이}) \times 2 + (\text{옆넓이}) \\ 828.96 &= 113.04 \times 2 + 6 \times 2 \times 3.14 \times (\text{높이}) \\ &= 226.08 + 37.68 \times (\text{높이}) \\ (\text{높이}) &= 602.88 \div 37.68 = 16(\text{cm}) \end{aligned}$$

21. 원기둥 모양의 물통에 물을 부었더니 부피가 1205.76cm^3 가 되었습니다. 이 물통의 옆면의 넓이는 몇 cm^2 인지 구하시오.



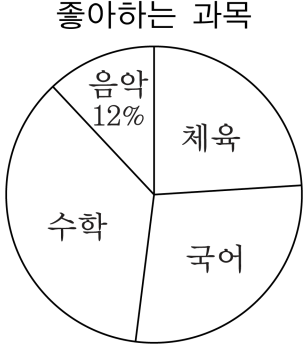
▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 653.12cm^2

해설

원기둥의 반지름의 길이를 $\square$ cm 라 하면
(부피)= $\square \times \square \times 3.14 \times 6 = 1205.76$
 $\square \times \square = 1205.76 \div 6 \div 3.14 = 64$
 $\square = 8(\text{cm})$
(옆면의 넓이)= $8 \times 2 \times 3.14 \times 13 = 653.12(\text{cm}^2)$

22. 다음 원그래프에서 국어 과목을 좋아하는 학생은 140 명이고, 체육 과목을 좋아하는 학생은 음악 과목을 좋아하는 학생의 2 배이며, 수학 과목을 좋아하는 학생은 음악 과목을 좋아하는 학생보다 120 명 더 많습니다. 전체 학생 수는 몇 명인지 구하시오.



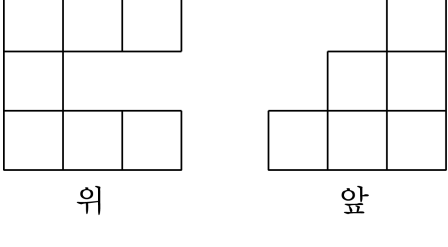
▶ 답 : 명

▷ 정답 : 500 명

해설

음악 과목을 좋아하는 학생은 12 %
체육 과목을 좋아하는 학생은 $12 \% \times 2 = 24 \%$
국어 과목을 좋아하는 학생은 140 명
수학 과목을 좋아하는 학생은 $12 \% + 120$ 명
전체의 $100 \% - (12 \% + 12 \% + 24 \%) = 52 \%$ 가 120 명 + 140 명 = 260(명) 이므로
(전체 학생 수) = $260 \div 0.52 = 500$ (명)

23. 쌓기나무로 쌓은 모양을 위와 앞에서 본 모양은 다음과 같습니다. 오른쪽 옆에서 본 모양은 모두 몇 가지가 가능한지 구하시오.



앞

▶ 답 : 5 가지

▷ 정답 : 5 가지

해설

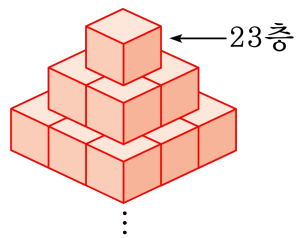
위에서 본 모양에 앞에서 본 모양의 개수를 써 넣고 1을 채웁니다.

1	㉠	㉡
1		
1	㉢	㉣
1	2	3

㉠, ㉢ 중에서 적어도 하나는 2, ㉡, ㉣ 중에서 적어도 하나는 3이 되어야 합니다. 따라서 (㉠, ㉢) = (1, 2), (2, 1), (2, 2)가 될 수 있고 (㉡, ㉣) = (1, 3), (2, 3), (3, 3), (3, 2), (3, 1)이 될 수 있습니다.

그런데 옆에서 보면 각 줄에서 가장 높게 쌓인 쌓기나무가 보이므로 5가지입니다.

24. 다음과 같은 규칙으로 쌓기나무를 쌓으려고 합니다. 이와 같은 규칙으로 쌓을 때, 쌓기나무의 개수가 121개 들어있는 층은 몇 층인지 구하십시오.



▶ 답:

초

▶ 정답 : 13층

해설

$$23_{\text{총}} : 1 \times 1 = 1$$
$$22\frac{\text{초}}{\text{초}} : 2 \times 2 = 4$$
$$21 \frac{\text{초}}{\text{초}} : 3 \times 3 = 9$$
$$20_{\text{총}} : 4 \times 4 = 16$$
$$\vdots$$
$$15\text{초} : 9 \times 9 = 81$$
$$14\frac{2}{5} : 10 \times 10 = 100$$
$$13\frac{8}{9} : 11 \times 11 = 121$$

따라서 13층입니다.

25. 학교수학경시대회에서 시험을 본 남학생수와 여학생수의 비는 4 : 3 이고, 본선 진출자는 남, 여 합해서 77명으로 남녀의 비는 7 : 4입니다. 또, 진출탈락자의 남녀의 비는 3 : 4 일 때, 경시시험을 본 학생은 몇 명입니까?

▶ 답: 명

▶ 정답 : 112명

해설

본선 진출자의 남자와 여자의 비 $\Rightarrow 7:4$

본선 진출자 중 남학생 수 : $77 \times \frac{7}{7+4} = 77 \times \frac{7}{11} = 49$ (명)

본선 진출자 중 여학생 수 : $77 \times \frac{4}{7+4} = 77 \times \frac{4}{11} = 28$ (명)

시험을 본 남자와 여자의 비 $\Rightarrow 4:3$

시험을 본 남학생 수 : $\square \times 4$

시험을 보 여학생 수 : × 3

(시험을 본 남학생수-본선 진출자):(시험을 본 여학생수-본선
 진출자)=탈락자 남:탈락자 여

$$(\square \times 4 - 49) : (\square \times 3 - 28) = 3 : 4$$

$$(\square \times 4 - 49) \times 4 = (\square \times 3 - 28) \times 3$$

$$\square \times 4 \times 4 - 49 \times 4 = \square \times 3 \times 3 - 28 \times 3$$

$$\square \times 16 - 196 = \square \times 9 - 84$$

$$\square \times 16 - \square \times 9 = 196 - 84$$

$$\square \times 16 = \square$$

$$\square \div 7 = 119$$

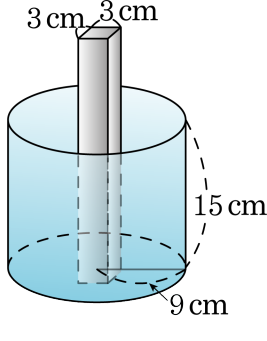
$$\square \times 7 =$$

$$\square = 16$$

시험을 본 남학생 수 : $16 \times 4 = 64$ (명)

시험을 본 여학생 수
34 : 40 = 112(명)

26. 다음과 같이 원기둥 모양의 수조에 직육면체 모양의 철근을 세운 후 물을 가득 채웠습니다. 수조에 가득 찬 물의 부피는 몇 cm^3 인지 구하시오.



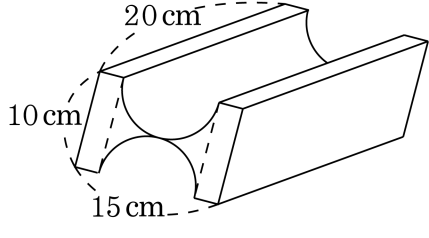
▶ 답 : cm^3

▷ 정답 : 3680.1cm^3

해설

(원래 수조의 들이) $= 9 \times 9 \times 3.14 \times 15 = 3815.1(\text{cm}^3)$
(물에 잠긴 철근의 부피) $= 3 \times 3 \times 15 = 135(\text{cm}^3)$
따라서 가득 찬 물의 부피는
 $3815.1 - 135 = 3680.1(\text{cm}^3)$

27. 다음 도형의 겉넓이를 구하시오.



▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 1371cm²

해설

(도형의 넓이)=

10 cm

20 cm

×2+

10 cm

20 cm

×2+

15 cm

10 cm

×2+

2.5 cm

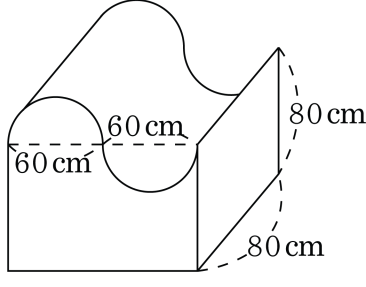
20 cm

×2

$= (10 \times 20 \times 2) + (10 \times 3.14 \div 2 \times 20 \times 2) + (10 \times 15 - 5 \times 5 \times 3.14) \times 2 + (2.5 \times 20 \times 2 \times 2)$

$= 400 + 628 + 143 + 200 = 1371(\text{cm}^2)$

28. 해정이네 학교에 다음과 같은 조형물이 세워졌습니다. 해정이네반 아이들 모두가 이 조형물의 겉면을 칠해야 할 때, 칠해야 할 넓이를 구하시오.



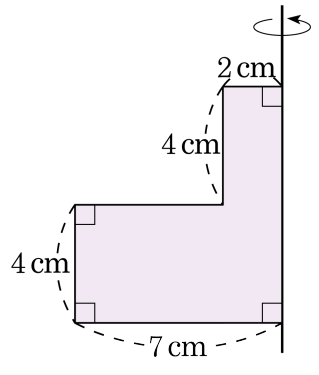
▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 56672 cm²

해설

$$\begin{aligned} \text{(겉넓이)} &= (\text{윗면}) + (\text{아랫면}) + (\text{옆면}) \\ &= (60 \times 3.14 \times 80) + (120 \times 80) \\ &\quad + \{ (120 + 80) \times 2 \times 80 \} \\ &= 15072 + 9600 + 32000 \\ &= 56672(\text{ cm}^2) \end{aligned}$$

29. 다음 평면도형을 1 회전 하여 얻어지는 입체도형의 겉넓이를 구하시오.



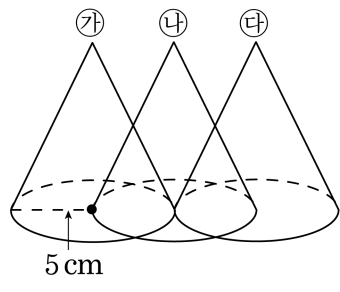
▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 533.8cm^2

해설

밑넓이를 구하여 두 배 한 값에 위의 작은 원기둥의 옆넓이와 아래 큰 원기둥의 옆넓이를 구한 후 더합니다.
 $(7 \times 7 \times 3.14 \times 2) + (4 \times 3.14 \times 4 + 14 \times 3.14 \times 4)$
 $= 307.72 + 226.08 = 533.8(\text{cm}^2)$

30. 원뿔 ㉠, ㉡, ㉢의 지름의 길이를 모두 합하면 몇 cm인지 구하시오.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 30cm

해설

원뿔의 밑면의 반지름의 길이가 5cm 이므로
원뿔의 지름은 10cm 입니다.
원뿔이 3 개이므로 $3 \times 10 = 30$ (cm) 입니다.