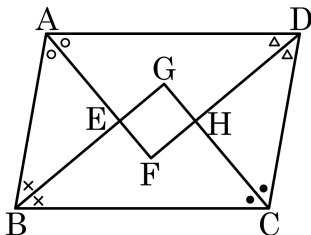


1. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD에서 네 내각의 이등분선을 연결하여 $\square EFGH$ 를 만들었을 때, $\square EFGH$ 는 어떤 사각형인가?



① 평행사변형

② 사다리꼴

③ 직사각형

④ 정사각형

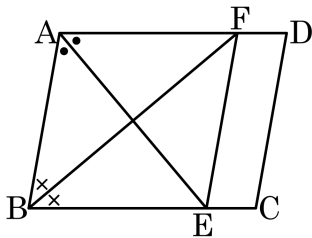
⑤ 마름모

해설

$\angle ABC + \angle BAD = 180^\circ$ 이므로 $\angle GBA + \angle FAB = 90^\circ$ 이고,
 $\triangle ABE$ 에서 $\angle AEB = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$ 이다.

마찬가지로 $\angle EGH = \angle EFH = \angle CHD = 90^\circ$ 이므로 $\square EFGH$ 는
 직사각형이다.

2. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\angle A$ 의 이등분선이 $\overline{BC}$ 와 만나는 점을 E, $\angle B$ 의 이등분선이 $\overline{AD}$ 와 만나는 점을 F라 할 때, $\square ABEF$ 는 어떤 사각형인가?



① 평행사변형

② 사다리꼴

③ 마름모

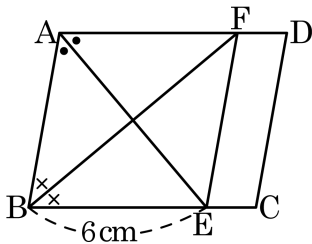
④ 직사각형

⑤ 정사각형

해설

대각선이 내각의 이등분선인 사각형은 마름모이다.

3. 다음 그림과 같은 $\square ABCD$ 가 평행사변형이고, $\angle A$, $\angle B$ 의 이등분선이 $\overline{BC}$, $\overline{AD}$ 와 만나는 점을 각각 E, F라 할 때, $\square ABEF$ 의 둘레의 길이는?



① 12cm

② 18cm

③ 24cm

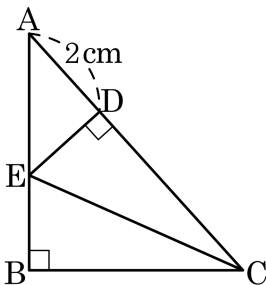
④ 30cm

⑤ 36cm

해설

대각선이 내각의 이등분선이 되는 사각형은 마름모이다.
따라서 $\square ABEF$ 의 둘레는 $6 \times 4 = 24(\text{cm})$ 이다.

4. 다음 그림에서 $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD}$, $\overline{AD} = 2\text{cm}$ 이다. $\overline{EB}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : 2cm

▶ 정답 : 2cm

해설

$\triangle ABC$ 는 직각이등변삼각형이므로

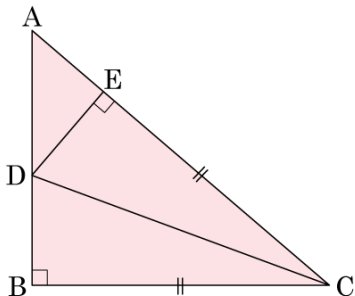
$$\angle A = 45^\circ$$

$\triangle AED$ 도 직각이등변삼각형이고

$\triangle ECD \equiv \triangle ECB$ (RHS 합동) 이므로

$$\therefore \overline{EB} = \overline{ED} = \overline{AD} = 2 \text{ (cm)}$$

5. 다음은 $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서 $\angle DEC = 90^\circ$, $\overline{BC} = \overline{EC}$ 일 때, $\triangle DBC \equiv \triangle DEC$ (RHS 합동)을 증명하는 과정이다. 빈칸에 들어갈 말을 써넣어라.



(증명) $\triangle DBC$ 와 $\triangle DEC$ 에서
 $\angle DBC = \boxed{} = 90^\circ$, $\boxed{}$ 는 공통인 빗변, $\overline{BC} = \boxed{}$
 $\therefore \triangle DBC \equiv \triangle DEC$ (RHS 합동)이다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $\angle DEC$

▷ 정답 : $\overline{CD}$

▷ 정답 : $\overline{EC}$

해설

(증명)
 $\triangle DBC$ 와 $\triangle DEC$ 에서
 $\angle DBC = \angle DEC = 90^\circ$, $\overline{CD}$ 는 공통인 빗변, $\overline{BC} = \overline{EC}$
 $\therefore \triangle DBC \equiv \triangle DEC$ (RHS 합동)이다.

6. 다음 그림과 같이 $\overline{AC} = \overline{BC}$ 인 직각이등변삼각형 ABC 에서 $\overline{AD} = \overline{DE} = \overline{EC}$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

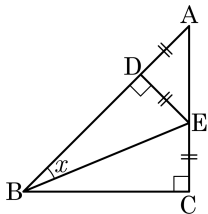
① 22°

② 22.5°

③ 23°

④ 23.5°

⑤ 25°



해설

$\triangle DBE$ 와 $\triangle CBE$ 에 대하여

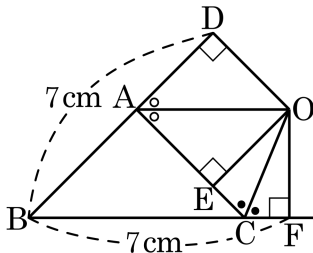
$$\angle BDE = \angle BCE = 90^\circ, \overline{DE} = \overline{CE},$$

$\overline{BE}$ 는 공통, $\triangle DBE \cong \triangle CBE$ (RHS 합동)

$$\angle DBE = \angle CBE \text{ 이고 } \angle DBE + \angle CBE = \angle ABC = 45^\circ \text{ 이므로}$$

$$\therefore \angle x = \angle DBE = 22.5^\circ$$

7. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\angle A$ 의 외각의 이등분선과 $\angle C$ 의 외각의 이등분선의 교점을 점 O 라 하고 $\overline{BD} = 7\text{cm}$, $\overline{BF} = 7\text{cm}$ 일 때, $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이는 얼마인가?



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 14cm

해설

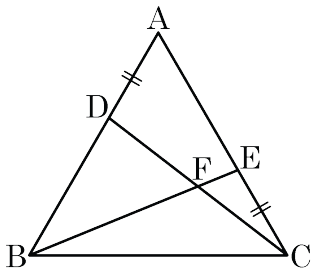
$\triangle ODA \equiv \triangle OEA$ (RHA 합동), $\triangle OCE \equiv \triangle OCF$ (RHA 합동) 이

므로

$$\overline{AD} = \overline{AE}, \overline{EC} = \overline{CF}$$

$$(\triangle ABC \text{ 둘레의 길이}) = 7 + 7 = 14 (\text{cm})$$

8. 정삼각형 ABC 에서 $\overline{AD} = \overline{CE}$ 이고, $\triangle FBC = 45\text{cm}^2$ 이다. $\square ADFE$ 의 넓이는?



① 35cm^2

② 40cm^2

③ 45cm^2

④ 50cm^2

⑤ 55cm^2

해설

$\triangle ADC$ 와 $\triangle CEB$ 에서

$$\overline{AC} = \overline{CB}, \overline{AD} = \overline{CE}, \angle DAC = \angle ECB = 60^\circ$$

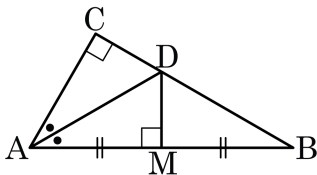
$$\therefore \triangle ADC \equiv \triangle CEB (\text{SAS합동})$$

$$\triangle ADC = \triangle CEB$$

$$\square ADFE + \triangle FCE = \triangle FBC + \triangle FCE$$

$$\therefore \square ADFE = \triangle FBC = 45 (\text{cm}^2)$$

9. 다음 그림과 같이 $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC 에서 $\overline{AB}$ 의 수직이등분선과 $\overline{BC}$ 와의 교점을 D 라 한다. $\overline{AD}$ 가 $\angle A$ 의 이등분선일 때, $\angle B$ 의 크기는?



① 26°

② 28°

③ 30°

④ 32°

⑤ 34°

해설

$\triangle AMD$ 와 $\triangle BMD$ 에서 $\angle AMD = \angle BMD = 90^\circ \dots \text{㉑}$

$\overline{MD}$ 는 공통...㉒

$\overline{AM} = \overline{BM} \dots \text{㉓}$

㉑,㉒,㉓에 의해 $\triangle AMD \equiv \triangle BMD$ (SAS합동)

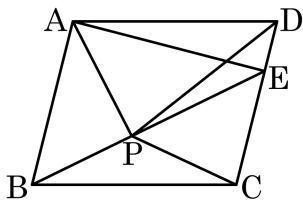
$\therefore \angle DAM = \angle B \dots \text{㉔}$

$\overline{AD}$ 가 A 의 이등분선이므로 $\angle DAM = \angle DAC \dots \text{㉕}$

㉔,㉕에 의해 $\angle DAM = \angle B = \angle DAC$

$\angle DAM + \angle B + \angle DAC = 90^\circ$ 이므로 $3\angle B = 90^\circ \therefore \angle B = 30^\circ$

10. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\overline{BP} : \overline{PE} = 3 : 4$ 이고, $\triangle DPC = 100\text{cm}^2$ 일 때, $\triangle ABP$ 의 넓이는?



- ① 30cm^2 ② 40cm^2 ③ 60cm^2
 ④ 70cm^2 ⑤ 75cm^2

해설

평행사변형 ABCD의 내부에 한 점 P를 잡을 때,

$$\triangle ABP + \triangle DPC = \frac{1}{2} \square ABCD \cdots \textcircled{㉠}$$

또한, $\overline{CD}$ 위의 한 점 E를 잡을 때,

$$\triangle ABE = \frac{1}{2} \square ABCD \cdots \textcircled{㉡}$$

㉠, ㉡에 의해 $\triangle ABP + \triangle DPC = \triangle ABE$ 이고,

$\triangle ABE = \triangle ABP + \triangle APE$ 이므로

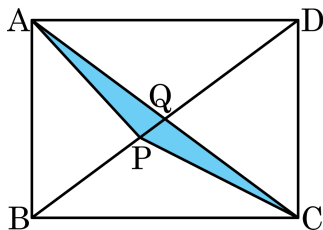
$$\triangle APE = \triangle DPC = 100(\text{cm}^2)$$

$\overline{BP} : \overline{PE} = 3 : 4$ 에서 $\triangle ABP : \triangle APE = 3 : 4$ 이므로

$$\triangle ABP : 100 = 3 : 4$$

$$\therefore \triangle ABP = 75(\text{cm}^2)$$

11. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD 의 내부에 점 P 가 있다. 대각선 AC 를 긋고 점 P 에서 각 꼭짓점을 연결하면 $\triangle PCD$, $\triangle BCP$ 의 넓이는 각각 10cm^2 , 6cm^2 가 된다. 이 때, $\triangle PAC$ 의 넓이를 구하여라.

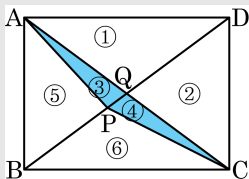


▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 4 cm^2

해설

$\frac{1}{2}\square ABCD = \triangle ACD = \triangle APD + \triangle BPC$ 이므로
각각의 넓이를 다음과 같이 나타낼 때,



① + ② = ① + ③ + ⑥ 에서

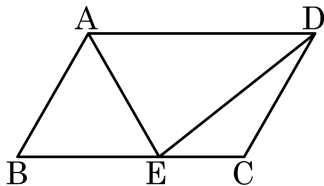
② = ③ + ⑥ 이다.

② = $\triangle DPC$ - ④ 라 하면

$\triangle DPC$ - ④ = ③ + ⑥ 이므로

③ + ④ = $\triangle DPC$ - ⑥ = $10 - 6 = 4 (\text{cm}^2)$

12. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서 각 A 의 이등분선이 변 BC 와 만나는 점을 E 라고 하였다. $\overline{AB} = 5$, $\overline{AD} = 8$, $\triangle CED = 12$ 일 때, 삼각형 AED 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 32

해설

$\angle DAE = \angle BEA$ (엇각) 이므로

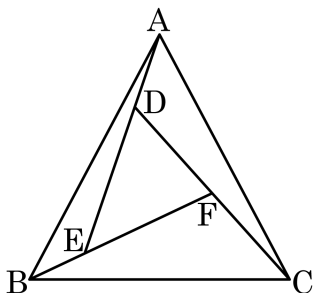
$\triangle ABE$ 는 $\angle BAE = \angle BEA$ 인 이등변삼각형이 되고, $\overline{BE} = \overline{AB} = 5$

$\overline{BE} : \overline{CE} = 5 : 3$ 이므로

$$\triangle ABE = \frac{5}{3} \triangle CED = \frac{5}{3} \times 12 = 20$$

$$\therefore \triangle AED = \triangle ABE + \triangle CED = 20 + 12 = 32$$

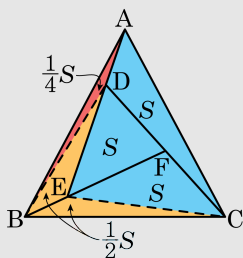
13. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\triangle ABC$ 의 넓이가 34cm^2 이고, $\overline{AD} : \overline{DE} = \overline{BE} : \overline{EF} = 1 : 2$, $\overline{CF} = \overline{DF}$ 라고 한다. 이때, $\triangle DEF$ 의 넓이를 구하여라. (단, 단위는 생략한다.)



▶ 답 :

▷ 정답 : 8

해설



$\triangle DEF = S$ 라 하면 $\triangle EFC = S$

$$\triangle ACD = \frac{1}{2} \triangle DEC = S$$

$$\triangle BCE = \frac{1}{2} \triangle EFC = \frac{1}{2} S$$

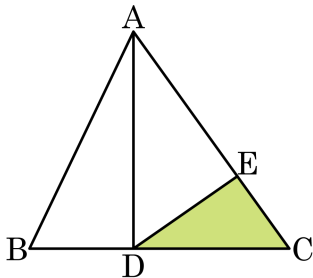
$$\triangle DBE = \frac{1}{2} \triangle DEF = \frac{1}{2} S$$

$$\triangle ABD = \frac{1}{2} \triangle DBE = \frac{1}{4} S$$

$$\frac{17}{4} S = 34$$

$$\therefore S = 8$$

14. 다음 그림에서 $\overline{BD} : \overline{DC} = 2 : 3$, $\overline{CE} : \overline{EA} = 1 : 2$ 이다.
 $\triangle ABC = 15$ 일 때, $\triangle DCE$ 의 넓이는?



① 2

② 3

③ 4

④ 5

⑤ 6

해설

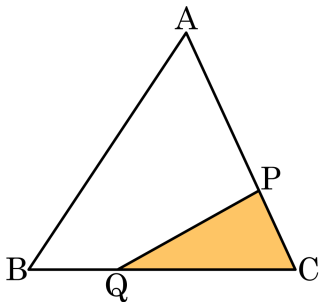
$$\triangle ADC = 3\triangle DCE$$

$$\triangle ABD = \frac{2}{3}\triangle ADC = 2\triangle DCE \text{ 이므로}$$

$$\triangle ABC = 5\triangle DCE = 15 \text{ 이다.}$$

$$\therefore \triangle DCE = 3$$

15. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 의 넓이는 36cm^2 이다. $\overline{AP} : \overline{PC} = 2 : 1$, $\overline{BQ} : \overline{QC} = 1 : 2$ 일 때, $\triangle PQC$ 의 넓이는?



① 8cm^2

② 10cm^2

③ 12cm^2

④ 14cm^2

⑤ 16cm^2

해설

$\triangle ABQ$ 와 $\triangle AQC$ 는 높이가 같고 밑변이 $1 : 2$ 이므로 $\triangle ABQ : \triangle AQC = 1 : 2$

$$\therefore \triangle AQC = \triangle ABC \times \frac{2}{1+2} = 36 \times \frac{2}{3} = 24(\text{cm}^2)$$

$\triangle QCP$ 와 $\triangle QPA$ 에서 높이가 같고 밑변이 $1 : 2$ 이므로 $\triangle QCP : \triangle QPA = 1 : 2$

$$\therefore \triangle QCP = \triangle AQC \times \frac{1}{1+2} = 24 \times \frac{1}{3} = 8(\text{cm}^2)$$