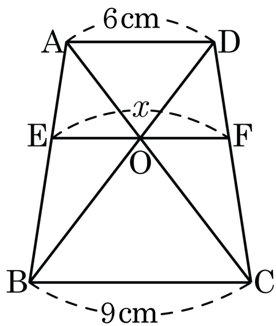
1. 다음 그림과 같이 $\overline{AD}//\overline{BC}$ 인 사다리꼴의 대각선의 교점 O 를 지나 $\overline{BC}$ 에 평행한 직선이 $\overline{AB}$, $\overline{DC}$ 와 만나는 점을 각각 E, F 라고 할 때, $\overline{EF}$ 의 길이는?



① 7.1cm ② 7.2cm ③ 7.3cm

④ 7.4cm ⑤ 7.5cm

해설

$\overline{AD}//\overline{BC}$ 이므로 $\triangle AOD \backsim \triangle COB$

$\therefore\ \overline{AO} : \overline{CO} = \overline{AD} : \overline{CB} = 6 : 9 = 2 : 3$

$\triangle AEO \backsim \triangle ABC$ 이므로

$\overline{AO} : \overline{AC} = \overline{EO} : \overline{BC} = 2 : 5$

$\overline{EO} : 9 = 2 : 5 \therefore\ \overline{EO} = 3.6(\text{cm})$

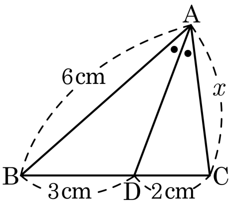
$\triangle DOF \backsim \triangle DBC$ 이므로

$\overline{OF} : \overline{BC} = \overline{DO} : \overline{DB} = 2 : 5$

$\overline{OF} : 9 = 2 : 5 \therefore\ \overline{OF} = 3.6(\text{cm})$

$\therefore\ \overline{EF} = \overline{EO} + \overline{OF} = 3.6 + 3.6 = 7.2(\text{cm})$

2. 다음 $\triangle ABC$ 에서 $\angle BAD = \angle CAD$ 일 때, x 의 값은?



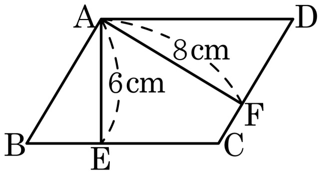
① 4 cm ② 5.5 cm ③ 3 cm

④ 6.5 cm ⑤ 7 cm

해설

$\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{BD} : \overline{DC}$ 이므로 $6 : x = 3 : 2 \therefore x = 4(\mathrm{cm})$

3. 평행사변형 ABCD 의 꼭짓점 A 에서 변 BC, CD 에 내린 수선의 발을 각각 E, F 라 할 때, $\overline{AB} : \overline{AD}$ 를 구하라.



① 2 : 3 ② 1 : 2 ③ 4 : 5 ④ 1 : 3 ⑤ 3 : 4

해설

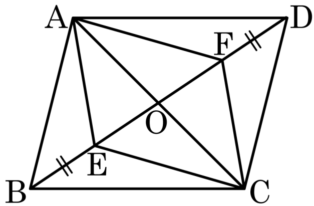
$\angle B = \angle D,\ \angle AEB = \angle AFD = 90°$ 이므로

$\triangle ABE \backsim \triangle ADF$ (AA 닮음)

$\overline{AE} : \overline{AF} = 6 : 8 = 3 : 4$

$\therefore\ \overline{AB} : \overline{AD} = 3 : 4$

4. 다음은 평행사변형 ABCD에서 두 대각선의 교점을 O라 하고 대각선 BD 위에 $\overline{BE} = \overline{DF}$가 되도록 두 점 E, F를 잡을 때, □AECF는 평행사변형임을 증명하는 과정이다. □ 안에 들어갈 알맞은 것은?



가정) □ABCD는 평행사변형, $\overline{BE} = \overline{DF}$

결론) □AECF는 평행사변형

증명) □ABCD는 평행사변형이므로

$\overline{OA} = \overline{OC} \cdots$ ㉠

$\overline{BE} = \overline{DF}$ 이므로

$\overline{OE} = \boxed{} \cdots$ ㉡

㉠, ㉡에 의하여 □AECF는 평행사변형이다.

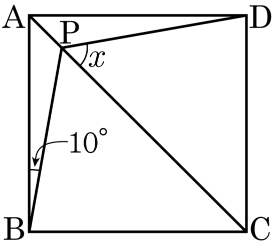
① $\overline{CO}$ ② $\overline{AF}$ ③ $\overline{OF}$ ④ $\overline{BE}$ ⑤ $\overline{CE}$

해설

□ABCD는 평행사변형이므로 $\overline{OA} = \overline{OC}$이고, $\overline{BE} = \overline{DF}$이므로 $\overline{OE} = \overline{OF}$이다.

따라서 □AECF는 평행사변형이다.

5. 다음 그림에서 □ABCD 는 정사각형이고 대각선 AC 위에 한 점 P 를 잡았다. $\angle ABP = 10°$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



① 50 ° ② 55 ° ③ 60 ° ④ 65 ° ⑤ 70 °

해설

$\triangle ADP$ 와 $\triangle ABP$ 에서

$\overline{AB} = \overline{AD}$, $\overline{AP}$ 는 공통,

$\angle BAP = \angle DAP = 45°$ 이므로,

$\triangle ABP \equiv \triangle ADP$ (SAS 합동)

따라서 $\angle ADP = 10°$ 이고, $\angle CDP = 80°$

$\triangle CDP$ 에서 $\angle CDP = 80°$, $\angle DCP = 45°$

$\therefore \angle x = 180° - (80° + 45°) = 55°$