

1. 연립방정식 $\begin{cases} x + 2y = 9 \\ ax - by = 3 \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, $a - b$ 의 값은?

① -3

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 3

해설

$ax - by = 3$ 은 $x + 2y = 9$ 와 같아야 한다. $a = \frac{1}{3}$, $b = -\frac{2}{3}$

$$a - b = \frac{1}{3} + \frac{2}{3} = 1$$

2. 연립방정식 $\begin{cases} 3x - ay = 3 \\ 2x + y = 10 \end{cases}$ 을 만족하는 y 의 값이 x 의 값의 3 배일 때, 상수 a 의 값은?

① $\frac{1}{2}$

② $-\frac{3}{2}$

③ -3

④ 2

⑤ 6

해설

$y = 3x$ 이므로 주어진 연립방정식에 대입하면 $3x - 3ax = 3 \cdots \textcircled{1}$
, $2x + 3x = 10 \cdots \textcircled{2}$ 이므로 $\textcircled{2}$ 에서 $x = 2$ 이고, $\textcircled{1}$ 에 대입하면

$$a = \frac{1}{2}$$

3. 다음 두 연립방정식이 서로 같은 해를 갖는다고 할 때, $2011^a \times 2011^b$ 의 값은?

$$\begin{cases} 5x + y = 12 \\ ax = y + 6 \end{cases} \quad \begin{cases} 2x + by = -2 \\ y = 3x - 4 \end{cases}$$

① 2006

② 2008

③ 2009

④ 2010

⑤ 2011

해설

$$\begin{cases} 5x + y = 12 \\ y = 3x - 4 \end{cases} \quad \text{를 연립하여 풀면 } x = 2, y = 2 \text{ 가 나온다.}$$

나머지 두 식에 $x = 2, y = 2$ 를 대입하여 풀면 $a = 4, b = -3$ 이 나온다.

따라서 $2011^a \times 2011^b = 2011^{a+b} = 2011^1 = 2011$ 이다.

4. 연립방정식 $\begin{cases} ax + y = -1 & \cdots \textcircled{\text{㉠}} \\ 2x = by + 3 & \cdots \textcircled{\text{㉡}} \end{cases}$ 의 해를 구하는데 시경이는 $\textcircled{\text{㉠}}$ 식의

a 를 잘못 보고 풀어 해가 $(3, -3)$ 이 나왔고, 문세는 $\textcircled{\text{㉡}}$ 식의 b 를 잘못 보고 풀어 해가 $(1, 2)$ 가 나왔다. 연립방정식의 바른 해를 구하면?

① $(\frac{7}{5}, \frac{4}{5})$
 ④ $(\frac{4}{5}, \frac{7}{5})$

② $(-\frac{4}{5}, \frac{7}{5})$
 ⑤ $(-\frac{7}{5}, \frac{4}{5})$

③ $(\frac{7}{5}, -\frac{4}{5})$

해설

$x = 3, y = -3$ 을 $\textcircled{\text{㉡}}$ 에 대입하면 $6 = -3b + 3$

$$\therefore b = -1$$

$x = 1, y = 2$ 를 $\textcircled{\text{㉠}}$ 에 대입하면 $a + 2 = -1$

$$\therefore a = -3$$

a, b 값을 대입하고 두 식 $\textcircled{\text{㉠}}, \textcircled{\text{㉡}}$ 을 연립하면

$$\therefore x = \frac{4}{5}, y = \frac{7}{5} \text{ 이 나온다.}$$

5. A 가 $x + 2y = 9$, B 가 $2x + ay = 5$ 이고, A 와 B 의 공통해 (x, y) 가 존재하지 않을 때, a 의 값은?

① 3

② 4

③ $\frac{5}{2}$

④ $\frac{5}{6}$

⑤ $\frac{2}{3}$

해설

공통해가 존재하지 않으려면 직선의 기울기가 같아야 한다.

$$A \text{의 기울기} : -\frac{1}{2}$$

$$B \text{의 기울기} : -\frac{2}{a}$$

$$-\frac{1}{2} = -\frac{2}{a}$$

$$\therefore a = 4$$