

1. 다음 무리식의 값이 실수가 되는 실수 x 의 범위는?

$$\sqrt{3x^2 + 13x + 4}$$

- ① $x \leq -4$ 또는 $x \geq -\frac{1}{3}$
- ② $x \leq -\frac{1}{3}$ 또는 $x \geq 4$
- ③ $x \leq \frac{1}{3}$ 또는 $x \geq 4$
- ④ $-4 \leq x \leq \frac{1}{3}$
- ⑤ $-\frac{1}{3} \leq x \leq 4$

2. $a < 0, b < 0$ 일 때, 다음 중 옳은 것을 고르면?

- | | |
|----------------------------------|---|
| ① $a\sqrt{b} = \sqrt{a^2b}$ | ② $\frac{\sqrt{b}}{a} = \sqrt{\frac{b}{a^2}}$ |
| ③ $\sqrt{a^2b^2} = ab$ | ④ $\sqrt{-ab} = \sqrt{a}\sqrt{b}$ |
| ⑤ $\sqrt{ab} = \sqrt{a}\sqrt{b}$ | |

3. 무리함수 $y = \sqrt{2x+1} + 2$ 의 그래프를 평행이동 $f : (x, y) \rightarrow (x+a, y+b)$ 에 의해 옮긴 그래프의 식이 $y = \sqrt{ax+b} + c$ 일 때, 상수 a, b, c 의 합 $a+b+c$ 의 값을 구하면?

① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

4. $0 < x \leq 1$ 일 때, 무리식 $\sqrt{1 + \frac{2x+1}{x^2}} - \sqrt{1 - \frac{2x-1}{x^2}}$ 을 간단히 하여

라.

▶ 답: _____

5. $\frac{2\sqrt{6}}{\sqrt{2} + \sqrt{3} + \sqrt{5}}$ 을 계산하면?

- ① $\sqrt{2} + \sqrt{3} - \sqrt{5}$
② $4 - \sqrt{2} - \sqrt{3}$
③ $\sqrt{2} + \sqrt{3} + \sqrt{6} - 5$
④ $\frac{1}{2}(\sqrt{2} + \sqrt{5} - \sqrt{3})$
⑤ $\frac{1}{3}(\sqrt{3} + \sqrt{5} - \sqrt{2})$

6. $\sqrt{10 + \sqrt{96}}$ 의 정수 부분을 a , 소수 부분을 b 라 할 때, $a + b + \frac{2}{a+b}$ 의 값을 구하면?

- ① $2\sqrt{6}$ ② $\sqrt{6}$ ③ $2 - \sqrt{6}$
④ $3 + \sqrt{6}$ ⑤ $3 + \sqrt{3}$

7. $x = \frac{\sqrt{5} - \sqrt{3} + \sqrt{2}}{2}, y = \frac{\sqrt{5} + \sqrt{3} - \sqrt{2}}{2}$ 일 때, $(x+y)^2 - (x-y)^2$ 의

값을 구하면?

① 2

② 3

③ $2\sqrt{3}$

④ $-2\sqrt{3}$

⑤ $2\sqrt{6}$

8. 함수 $y = -\sqrt{a-x} + b$ 의 정의역이 $\{x \mid x \leq 4\}$ 이고, 그레프가 점 $(-5, 2)$ 를 지날 때, 이 함수의 치역은?

- ① $\{y \mid y \geq 1\}$ ② $\{y \mid y \leq 3\}$ ③ $\{y \mid y \geq 3\}$
④ $\{y \mid y \leq 5\}$ ⑤ $\{y \mid y \geq 5\}$

9. 함수 $y = \frac{2x-7}{x-1}$ 의 그래프의 점근선의 방정식이 $x = a$, $y = b$ 이고,
함수 $f(x) = \sqrt{ax+b} + c$ 에 대하여 $f(2) = -1$ 일 때, 함수 $f(x)$ 의
정의역과 치역을 차례로 구하면?

- ① $\{ x \mid x \leq -3 \}, \{ y \mid y \geq 1 \}$
- ② $\{ x \mid x \geq -2 \}, \{ y \mid y \geq -3 \}$
- ③ $\left\{ x \mid x \geq \frac{1}{2} \right\}, \{ y \mid y \leq -2 \}$
- ④ $\{ x \mid x \leq 1 \}, \{ y \mid y \geq -1 \}$
- ⑤ $\{ x \mid x \geq 2 \}, \{ y \mid y \geq 3 \}$

10. 다음 중 함수 $y = a\sqrt{bx}$ 의 그래프가 그려지는 사분면을 옳게 나타낸 것을 고르면? (단, $ab \neq 0$)

- ① $ab > 0$ 이면 제 3사분면
- ② $ab < 0$ 이면 제 4사분면
- ③ $a < 0, b > 0$ 이면 제 4사분면
- ④ $a > 0, b < 0$ 이면 제 1사분면
- ⑤ $a < 0, b < 0$ 이면 제 2사분면

11. 함수 $y = -\sqrt{x+1} + 3$ 의 그래프에 대한 설명 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ① 정의역은 $\{x \mid x \geq -1\}$ 이다.
- ② 치역은 $\{y \mid y \geq 3\}$ 이다.
- ③ 그래프는 점 $(-1, 3)$ 을 지난다.
- ④ 그래프는 $y = \sqrt{x}$ 의 그래프를 평행이동한 것이다.
- ⑤ 그래프는 제 2사분면을 지난다.

12. $y = -\sqrt{ax+b} + c$ 의 그래프의 개형이 아래
그림과 같을 때, $a+b+c$ 의 값은?

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4



13. 다음 그림은 무리함수 $y = \sqrt{ax + b} + c$ 의 그래프를 그린 것이다. 이 때, 상수 a, b, c 에 대하여 $a + b + c$ 의 값은?

① 1 ② -1 ③ 2
④ -2 ⑤ 3



14. 함수 $y = a\sqrt{x+b} + c$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 이 그래프와 x 축의 교점의 좌표는? (단, a, b, c 는 상수)

- ① $\left(-\frac{3}{2}, 0\right)$ ② $\left(-\frac{4}{3}, 0\right)$
③ $\left(-\frac{5}{3}, 0\right)$ ④ $(-\sqrt{2}, 0)$
⑤ $(-\sqrt{3}, 0)$



15. 함수 $y = \sqrt{ax+b} + c$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, $a+b+c$ 의 값을 구하여라.



▶ 답: _____

16. 두 함수 $y = \sqrt{x+3}$ 과 $y = x+k$ 의 그래프가 서로 다른 두 개의 교점을 갖도록 상수 k 의 값의 범위를 구하면?

$$\begin{array}{lll} ① \ 1 \leq k < \frac{13}{4} & ② \ 2 \leq k < \frac{13}{4} & ③ \ 3 \leq k \leq \frac{13}{4} \\ ④ \ 3 < k < \frac{13}{4} & ⑤ \ 3 \leq k < \frac{13}{4} & \end{array}$$

17. 양의 실수 전체의 집합에서 정의된 두 함수 $f(x) = \frac{x}{1+x}$, $g(x) = \sqrt{x}$

에 대하여

$(f \circ g)(a) = \frac{1}{2}$ 일 때, $(g \circ f)(4a)$ 의 값은? (단, $a > 0$)

- ① $\frac{\sqrt{5}}{5}$ ② $\frac{2\sqrt{5}}{5}$ ③ $\frac{3\sqrt{5}}{5}$ ④ $\frac{4\sqrt{5}}{5}$ ⑤ $\frac{6\sqrt{5}}{5}$

18. 정의역이 $\{x \mid x > -1\}$ 인 두 함수 $f(x) = \frac{x-1}{x+1}$, $g(x) = \sqrt{3x+4} - 2$

에 대하여 $(g \circ (f^{-1} \circ g)^{-1} \circ g)(4)$ 의 값을 구하면?

- ① -1 ② $-\frac{3}{4}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{2}{3}$ ⑤ $\frac{5}{4}$

19. $x \geq -1$ 인 실수 x 에 대하여 $f(x) = \sqrt{x+1}$ 로 정의된 함수 f 의 역함

수를 f^{-1} 이라고 할 때 모든 양수 t 에 대하여 $\frac{f^{-1}(t)}{(t+1)^2}$ 를 옳게 나타낸
것은?

- ① $\frac{1}{t+1}$ ② $\frac{t}{t+1}$ ③ $\frac{2t-2}{t+1}$
④ $\frac{t-1}{t+1}$ ⑤ $\frac{2t}{t-1}$

20. $y = \sqrt{1 - (x + 1)^2}$ 의 그래프와 x 축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 구하면?

- ① $\frac{\pi}{4}$ ② $\frac{\pi}{2}$ ③ π ④ 2π ⑤ 4π

21. 함수 $y = \sqrt{x}$ 의 그래프 위의 두 점 $P(a, b), Q(c, d)$ 에 대하여 $\frac{b+d}{2} = 1$ 일 때, 직선 PQ 의 기울기를 구하면? (단, $0 < a < c$)

① $\frac{1}{5}$ ② $\frac{1}{4}$ ③ $\frac{1}{3}$
④ $\frac{1}{2}$ ⑤ 1



22. 실수 x 를 넘지 않는 최대의 정수를 $[x]$ 라고 하고 $\{x\} = x - [x]$ 로 정의
하자 $x = \sqrt{28 - 10\sqrt{3}}$ 일 때, $[\{\{x\}^{-1}\}^{-1}]$ 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

23. $x = \sqrt{3 + 2\sqrt{2}}$ 일 때, $x^4 - 2x^3 + x^2 - 4x + 1$ 의 값을 구하면?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 7

- 24.** 함수 $y = \frac{ax+8}{x+b}$ 의 그래프의 점근선의 방정식이 $x = 6$, $y = -1$ 일 때, 함수 $y = \sqrt{bx-a}$ 의 정의역에 속하는 정수의 최댓값은? (단, a, b 는 상수이다.)

① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

25. 정의역이 $\{x | -2 \leq x \leq 0\}$ 인 두 함수 $y = \sqrt{2(x+2)} + 1$, $y = \frac{2}{1-x} - 2$ 에 대하여 $y = x + r$ 의 그래프가 $y = \sqrt{2(x+2)} + 1$ 의 그래프보다는 아래에 있고 $y = \frac{2}{1-x} - 2$ 의 그래프보다는 위에 있을 때, r 은 범위가 $r_1 < r < r_2$ 라고 한다. $3r_1 - r_2$ 의 값을 구하면?

① -1 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

26. 한 변의 길이가 2인 정사각형의 내부에 그림과 같이 합동인 5개의 정팔각형이 위치할 때, 한 개의 정팔각형의 넓이는?

- ① $2(5\sqrt{2} - 7)$ ② $4(5\sqrt{2} - 7)$
③ $6(5\sqrt{2} - 7)$ ④ $8(5\sqrt{2} - 7)$

- ⑤ $10(5\sqrt{2} - 7)$



27. $(\sqrt{4 + \sqrt{15}})^x + (\sqrt{4 - \sqrt{15}})^x = 8$ 을 만족하는 x 의 값을 a, b 라 할 때, ab 의 값을 구하면?

- ① 4 ② -4 ③ 8 ④ -8 ⑤ 12

28. $f(x) = \sqrt{x-1} + 1$ 과 그 역함수를 $g(x)$ 라 할 때 $g(x)$ 와 $f(x), g(x)$ 의 교점 사이의 거리를 각각 옳게 구한 것은?

- ① $g(x) = x^2 - 2x + 2, \sqrt{3}$ ② $g(x) = x^2 - 2x + 2, \sqrt{2}$
③ $g(x) = x^2 - 2x + 1, \sqrt{2}$ ④ $g(x) = x^2 - 2x + 1, \sqrt{3}$
⑤ $g(x) = x^2 - 2x + 1, \sqrt{5}$