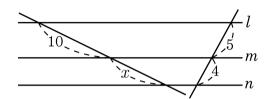
1. 다음과 같은 세 직선 ℓ, m, n 이 평행인 두 직선과 만날 때, x 의 값을 구하여라.



값은? ① 5

(4) 6.5

5

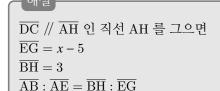
6:4=3:(x-5)

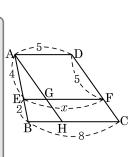
 $\therefore x = 7$

② 5.5

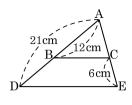
다음 그림에서 \overline{AD} // \overline{EF} // \overline{BC} 일 때, x 의

(3) 6





다음 그림에서 □BDEC 가 사다리꼴이 되기 위한 AC 의 길이를 구하여라.

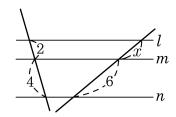


 $= 8 \underline{\text{cm}}$

cm

 $\begin{array}{c|c}
12:9 = \overline{AC}:6 \\
9\overline{AC} = 72 \\
\therefore \overline{AC} = 8 \text{ (cm)}
\end{array}$

4. 다음 그림에서 $l \parallel m \parallel n$ 일 때, x 의 값을 구하여라.

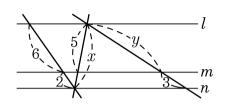


$$2:4=x:6$$

4x = 12

$$\therefore x = 3$$

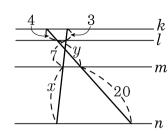
5. 다음 그림에서 l || m || n일 때, xy의 값을 구하여라.



x:5=8:6, y:3=6:2이므로 $x=\frac{20}{3}, y=9$ 이다.

따라서 $xy = \frac{20}{3} \times 9 = 60$ 이다.

6. 다음 그림과 같이 4 개의 평행선이 두 직선과 만날 때, 2*x* - 3*y* 을 구하여라.

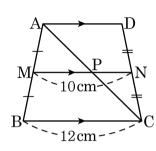


$$4: y = 3: 7, y = \frac{28}{3}$$

 $7: x = \frac{28}{3}: 20, x = 15$

$$\therefore 2x - 3y = 2$$

7. 다음 그림에서 $\overline{AD}//\overline{BC}$ 인 사다리꼴 ABCD 에서 점 M, N 이 \overline{AB} 와 \overline{CD} 의 중점일 때, \overline{AD} 의 길이는?



① 4cm ② 6cm ③ 8cm ④ 10cm ⑤ 11cm

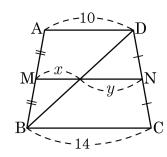
$$\overline{\mathrm{AD}} = x$$
 라고 하자.

삼각형의 중점연결정리를 이용하면 $\overline{\text{MP}} = \frac{12}{2} = 6 \, \text{cm}$ 이므로

 $\overline{PN} = 10 - 6 = 4$ (cm) 이다.

따라서 $x = 2 \times 4 = 8$ (cm) 이다.

8. 다음 그림에서 $\overline{\rm AD}//\overline{\rm BC}$ 인 사다리꼴 ABCD 에서 점 M, N 이 $\overline{\rm AB}$ 와 $\overline{\rm CD}$ 의 중점일 때, x+y 의 값은?



해설

$$x: 10 = 1: 2$$

 $x = 5$
 $y: 14 = 1: 2$
 $y = 7$

3 7

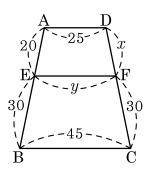
 \bigcirc 35

① 2

 $\therefore x + y = 12$

② 5

9. 다음 그림에서 $\overline{AD}//\overline{EF}//\overline{BC}$ 일 때, x, y 의 값을 각각 구하면?



- ① x = 30, y = 33
- 3 x = 30, y = 30
- 5 x = 20, y = 35

$$x = 20, y = 33$$

 $4 \quad x = 20, \ y = 30$

해설

 $\overline{\mathrm{EB}} = \overline{\mathrm{FC}}$ 이므로 x 는 $\overline{\mathrm{AE}}$ 와 같은 20 이다.

 $y \leftarrow \overline{AE} : \overline{EB} = 2 : 3$ 을 이용

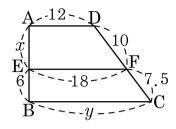
점 A 와 점 C 를 연결할 때 \overline{EF} 와 만나 생긴 교점을 G 라고 하자. $\overline{AE}: \overline{AB} = 2:5$, $\overline{AE}: \overline{AB} = \overline{EG}: \overline{BC}$

 $2:5 = \overline{EG}:45$ \therefore $\overline{EG} = 18$

 $\overline{\text{CF}}:\overline{\text{CD}}=3:5$, $\overline{\text{CF}}:\overline{\text{CD}}=\overline{\text{FG}}:\overline{\text{AD}}$

 $3:5=\overline{\mathrm{FG}}:25$:: $\overline{\mathrm{FG}}=15$

10. 다음 그림에서 \overline{AD} // \overline{EF} // \overline{BC} 일 때, x + y 의 값은?



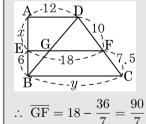
- ① 10.5 ② 22.5
- 30.5
- **4** 24 **5** 30



 $\overline{\mathrm{DF}}:\overline{\mathrm{FC}}=10:7.5=4:3$ 이므로 $\overline{\mathrm{AE}}:\overline{\mathrm{EB}}=x:6=4:3$, x = 8이다.

 $\overline{\mathrm{BD}}$ 와 $\overline{\mathrm{EF}}$ 가 만나는 점을 G라고 하면, $\overline{\mathrm{EG}}$: $\overline{\mathrm{AD}} = 6$: (6+8) = 3:7이므로

 $\overline{\mathrm{EG}}: 12 = 3:7$ $\therefore \overline{\mathrm{EG}} = \frac{36}{7}$ 이다.

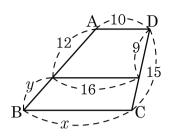


 $\overline{\mathrm{GF}}:\overline{\mathrm{BC}}=12:(12+9)=4:7$ 이므로

 $\frac{90}{7}$: y = 4:7, y = 22.5 이다.

따라서 x + y = 30.5 이다.

11. 다음 그림에서 $\overline{\mathrm{AD}} \ / \ \overline{\mathrm{EF}} \ / \ \overline{\mathrm{BC}}$ 일 때, x-y 의 값을 구하여라.



▶ 답:

➢ 정답: 12

해설

 $\overline{\mathrm{GF}}:\overline{\mathrm{AD}}=6:15=2:5$ 이므로 $\overline{\mathrm{GF}}:10=2:5$ $\therefore\overline{\mathrm{GF}}=4$

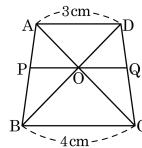
 $\therefore \overline{EG} = 16 - 4 = 12$

 $\overline{\mathrm{EG}}:\overline{\mathrm{BC}}=12:(12+8)=3:5$ 이므로

12: x = 3:5x = 20

따라서 x - y = 12 이다.

12. 다음 그림과 같이 사다리꼴의 두 대각선의 교점 O 를 지나고 밑변에 평행한 직선이 사다리꼴과 만나는 점을 각각 P, Q 라 할 때, \overline{PO} 의 길이는? (단, $\overline{AD} = 3 \text{cm}$, $\overline{BC} = 4 \text{cm}$)



①
$$\frac{8}{7}$$
 cm ② $\frac{10}{7}$ cm ④ $\frac{14}{7}$ cm ⑤ $\frac{16}{7}$ cm

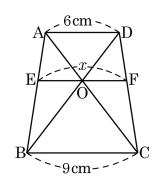
 $\frac{3}{7}$ cn

$\overline{AP} : \overline{AB} = \overline{PO} : \overline{BC}$ 이다.
AP : AB = 3 : 7이므로
$3:7=\overline{PO}:4$
19

해설

따라서 $\overline{PO} = \frac{12}{7}$ (cm) 이다.

13. 다음 그림과 같이 $\overline{AD}//\overline{BC}$ 인 사다리꼴의 대각선의 교점 O 를 지나 \overline{BC} 에 평행한 직선이 \overline{AB} , \overline{DC} 와 만나는 점을 각각 E, F 라고 할 때, \overline{EF} 의 길이는?



- ① 7.1cm
- ④ 7.4cm ⑤ 7.5cm
- 7.2cm ③ 7.3cm

해설

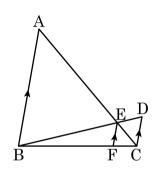
 $\overline{\mathrm{AD}}//\overline{\mathrm{BC}}$ 이므로 $\triangle \mathrm{AOD} \hookrightarrow \triangle \mathrm{COB}$ $\therefore \overline{\mathrm{AO}} : \overline{\mathrm{CO}} = \overline{\mathrm{AD}} : \overline{\mathrm{CB}} = 6 : 9 = 2 : 3$

 $\triangle AEO \hookrightarrow \triangle ABC$ 이므로 $\overline{AO} : \overline{AC} = \overline{EO} : \overline{BC} = 2 : 5$

 $\overline{\mathrm{EO}}:9=2:5$.. $\overline{\mathrm{EO}}=3.6(\mathrm{cm})$ $\Delta\mathrm{DOF}$ \hookrightarrow $\Delta\mathrm{DBC}$ 이므로

 $\overline{OF} : \overline{BC} = \overline{DO} : \overline{DB} = 2 : 5$ $\overline{OF} : 9 = 2 : 5 : \overline{OF} = 3.6(cm)$

OF: 9 = 2:5 : OF = 3.6(cm) : $\overline{EF} = \overline{EO} + \overline{OF} = 3.6 + 3.6 = 7.2$ (cm) **14.** 다음 그림에서 \overline{AB} // \overline{EF} // \overline{DC} 이고 \overline{AB} : $\overline{CD} = 4:1$ 일 때, \overline{EF} : \overline{AB} 는?

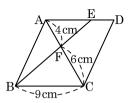


①
$$1:4$$
 ② $1:5$ ③ $2:5$ ④ $5:2$ ⑤ $5:1$

 $\overline{AB}:\overline{CD}=4:1$ 이므로 $\overline{AE}:\overline{EC}=4:1$ 이다. $\overline{CE}:\overline{AC}=1:5$ 이고 $\overline{AB}//\overline{EF}$ 이므로 $\overline{EF}:\overline{AB}=1:5$ 이다.

15. 다음 평행사변형 ABCD 의 변 AD 위의 점 E 와 꼭짓점 B 를 이은 선분이 대각선 AC 와 점 F 에서 만나고 $\overline{AF} = 4$ cm, $\overline{CF} = 6$ cm, $\overline{BC} =$ 9cm 이다. 선분 AE 의 길이를 구하여라.

cm





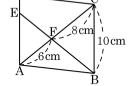
△AFE ∽ △CFB 이므로

 $\therefore AE = 6cm$

4:6 = AE:9

16. 다음은 평행사변형이다. 선분 AE의 길이를 구하면?

① 7.5cm ② 6.5cm ③ 5.5cm ④ 8.5cm ⑤ 9.5cm

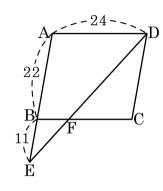




 $\triangle AFE \hookrightarrow \triangle CFB \circ \square \square S$ $6:8 = \overline{AE}:10$

$$\therefore \overline{AE} = 7.5 \text{cm}$$

17. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에서 \overline{AB} 와 \overline{DF} 의 연장선과의 교점을 E 라고 할 때, \overline{CF} 의 길이를 구해라.

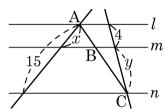


▶ 답:

▷ 정답: 16

△BEF ∽ △CDF 이므로
$$\overline{\mathrm{CF}} = x$$
 라 하면 $\overline{\mathrm{BE}} : \overline{\mathrm{CD}} = \overline{\mathrm{BF}} : \overline{\mathrm{CF}}$

11:22 = (24 - x): x∴ x = 16 **18.** 다음 그림에서 $l /\!\!/ m /\!\!/ n$ 이고 $\overline{AB} : \overline{BC} = 1 : 2$ 일 때, x + y 의 값은?



③ 15

4 16

⑤ 17

4: y = 1: 2 이므로 y = 8 이다. x: 15 = 1: 3 이므로 x = 5 이다. 따라서 x + y = 13 이다.

(2) 14

19. 그림과 같이 ℓ //m //n 일 때, xy 의 값을 구하여라. $\frac{2\sqrt{3D}}{|E| 2} n$

$$\overline{AC} : \overline{AE} = \overline{BC} : \overline{ED}$$

$$10:2=y:2$$

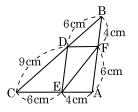
$$\therefore y = 10$$

$$\overline{AD} : \overline{AB} = \overline{AE} : \overline{AC}$$

 $3 : (3 + x) = 2 : 10$
 $x = 12$

$$\therefore xy = 120$$

20. 다음 그림을 보고 △ABC 의 변과 평행한 선 분의 길이의 합을 구하면?

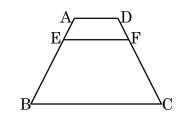


① 12 cm ② 11 cm ③ 10 cm ④ 9 cm ⑤ 8 cm

$$6:9 = 4:6$$
이므로 \overline{FD} // \overline{AC}
 $6:4 = 9:6$ 이므로 \overline{AB} // \overline{ED}
 $\overline{FD} = 10 \times \frac{4}{10} = 4 \text{ cm}$
 $\overline{ED} = 10 \times \frac{6}{10} = 6 \text{ cm}$

 $\therefore \overline{FD} + \overline{ED} = 4 + 6 = 10 \text{ (cm)}$

21. 다음 그림에서 \overline{AD} $// \overline{EF}$ $// \overline{BC}$ 이고 $\overline{AD} = 8$, $\overline{BC} = 24$ 일 때, \overline{EF} 의 길이는?(단, \overline{EF} 는 \overline{AC} 와 \overline{BD} 의 교점을 지난다.)

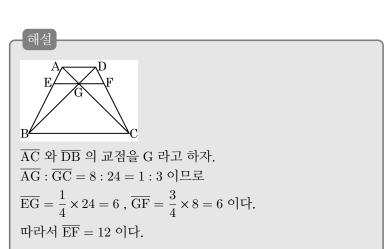


① 6 ② 8

③ 10

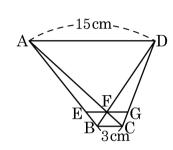
19)12

⑤ 16



22. 다음 그림과 같이 사다리꼴 ABCD 의 대각선의 교점 F 를 지나면서 $\overline{\rm AD}//\overline{\rm EG}//\overline{\rm BC}$ 가 되도록 직선을 그어 그 사다리꼴과의 교점을 각각

E, G 라고 하자. $\overline{AD}=15\,\mathrm{cm}, \overline{BC}=3\,\mathrm{cm}$ 일 때, $\frac{\overline{EG}}{\overline{AD}+\overline{BC}}$ 를 구하여라.



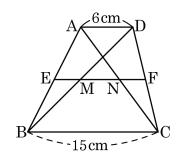
$$ightharpoonup$$
 정답: $\frac{5}{18}$

 $\overline{AF}: \overline{FC} = 15:3$ 이므로 $\overline{EF} = \frac{5}{6} \times 3 = 2.5$ cm $\overline{DF}: \overline{FB} = 15:3$ 이므로 $\overline{FG} = \frac{5}{6} \times 3 = 2.5$ cm

따라서 $\overline{\mathrm{EG}} = 2.5 + 2.5 = 5 \mathrm{\ cm}$ 이다.

$$\therefore \frac{\overline{EG}}{\overline{AD} + \overline{BC}} = \frac{5}{15+3} = \frac{5}{18}$$

23. $\Box ABCD$ 에서 $\overline{AD}//\overline{BC}$ 이고 $2\overline{AE}=\overline{BE}$, $\overline{AD}=6\mathrm{cm}$, $\overline{BC}=15\mathrm{cm}$ 일 때, \overline{MN} 의 길이는?

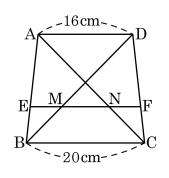


 $\overline{AE}: \overline{AB} = \overline{EN}: \overline{BC} = 1:3$ 이므로 $1:3 = \overline{EN}: 15$ $\therefore \overline{EN} = 5$ $\overline{BE}: \overline{BA} = \overline{EM}: \overline{AD} = 2:3$ 이므로 $2:3 = \overline{EM}: 6$ $\therefore \overline{EM} =$

 $\therefore \overline{MN} = 5 - 4 = 1(cm)$

24. 다음 그림과 같이 $\overline{AD}//\overline{EF}//\overline{BC}$ 인 사다리꼴 ABCD 에서 \overline{AE} : \overline{EB} =

2:1일 때, MN 의 길이는?



① 8cm ② 9cm ③ 10cm ④ 11cm ⑤ 12cm

해설

i) △BEM, △BAD 에서 ∠B 는 공통, ∠BEM = ∠BAD 따라서 △BEM ∽ △BAD (AA 닮음)

닮음비로 $\overline{\mathrm{EM}}:\overline{\mathrm{AD}}=\overline{\mathrm{BE}}:\overline{\mathrm{BA}}\Leftrightarrow\overline{\mathrm{EM}}:16=1:3$

$$\therefore \ \overline{\mathrm{EM}} = \frac{16}{3} \mathrm{cm}$$

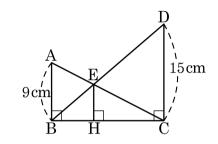
ii) △AEN, △ABC 에서 ∠A 는 공통, ∠AEN = ∠ABC 따라서 △AEN ∽ △ABC (AA 닮음)

닮음비로 \overline{AE} : $\overline{AB} = \overline{EN}$: $\overline{BC} \Leftrightarrow 2: 3 = \overline{EN}: 20$

$$\therefore \ \overline{\mathrm{EN}} = \frac{40}{3} \mathrm{cm}$$

$$\therefore \overline{MN} = \overline{EN} - \overline{EM} = \frac{40}{3} - \frac{16}{3} = 8(cm)$$

25. 다음 그림에서 $\overline{AB}=9\mathrm{cm}$, $\overline{DC}=15\mathrm{cm}$, $\overline{AB}//\overline{EH}//\overline{DC}$ 일 때, \overline{EH} 의 길이는?

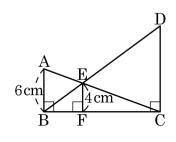


①
$$\frac{15}{8}$$
 cm ② $\frac{45}{8}$ cm ④ $\frac{58}{7}$ cm ⑤ 9 cm

③ 8cm

해설
$$\overline{AB}//\overline{EH}//\overline{DC}$$
이므로 $\overline{EH}=\frac{\overline{AB}\times\overline{DC}}{\overline{AB}+\overline{DC}}=\frac{9\times15}{9+15}=\frac{45}{8}(\text{cm})$ 이다.

26. 다음 그림에서 \overline{AB} , \overline{EF} , \overline{DC} 는 모두 \overline{BC} 에 수직이다. 이때, \overline{DC} 의 길이는?



① 10 ② 11

③ 12

4 13

⑤ 14

해설

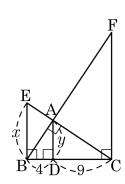
 \triangle ABC와 \triangle EFC에 대하여 \angle ABC = \angle EFC , \angle ECF는 공통이므로 두 삼각형은 닮은 도형이고 닮음비는 6:4=3:2이다.

 $\overline{BC}:\overline{FC}=3:2$ 이므로 $\overline{BF}:\overline{FC}=1:2$, $\overline{BC}:\overline{BF}=3:1$ 이다.

 Δ BCD와 Δ BFE에 대하여 \angle B는 공통, \angle BFE = \angle BCD이므로 두 삼각형은 닮은 도형이고 닮음비는 3:1이다.

 $\therefore x = 4 \times 3 = 12$

27. 다음 그림은 $\angle A = 90^{\circ}$ 인 직각삼각형 ABC의 꼭짓점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 D 라 하고, 점 B와 C에서 \overline{BC} 에 각각 수직으로 그어 \overline{AC} 와 \overline{AB} 의 연장선과 만나는 점을 E와 F라 할 때, x와 v의 값은?



①
$$x = 4$$
, $y = \frac{8}{3}$
③ $x = 6$, $y = \frac{8}{3}$
⑤ $x = 10$, $y = \frac{26}{3}$

$$\Im x = 10, y = \frac{36}{2}$$

$$x = \frac{26}{3}, y = 6$$

①
$$x = 8, y = 5$$

직각삼각형 ABC에서
$$y^2 = 4 \times 9$$
, $y = 6$

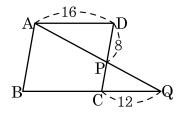
 \triangle EBC에서 9:13=6:x, $x=\frac{26}{3}$

28. 다음 그림에서 \overline{AB} // \overline{EF} // \overline{DC} 일 때, \overline{BF} 의 길이는?

① $\frac{11}{3}$ cm ② $\frac{10}{3}$ cm ③ 3 cm
④ $\frac{8}{3}$ cm ③ $\frac{7}{3}$ cm

$$\overline{EF} = \frac{4 \times 8}{4 + 8} = \frac{32}{12} = \frac{8}{3} \text{(cm)}$$
$$\frac{8}{3} : 4 = (10 - \overline{BF}) : 10$$
$$\therefore \overline{BF} = \frac{10}{3} \text{ cm}$$

 ${f 29}$. 다음 평행사변형 ABCD 에서 ${f AB}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

➢ 정답: 14

해설

 $\overline{AB} = x$ 라고 하면 $\overline{AB} : \overline{PC} = \overline{BQ} : \overline{CQ}$

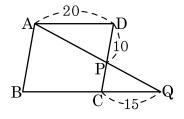
x:(x-8)=(16+12):12

12x = (28x - 224)

16x = 224

 $\therefore x = 14$

30. 다음 평행사변형 ABCD 에서 \overline{AB} 의 길이는?



②
$$\frac{35}{3}$$



$$5) \frac{37}{3}$$

$$\overline{AB} = x$$
 라고 하면

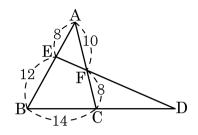
 $\overline{AB} : \overline{PC} = \overline{BQ} : \overline{CQ}$

x:(x-10)=(20+15):15

35(x - 10) = 15x

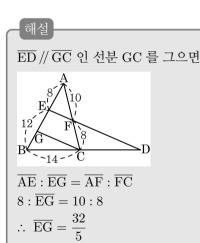
20x = 350 $\therefore x = \frac{35}{2}$

31. 다음 그림에서 $\overline{\text{CD}}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 16



 $\overline{BC} : \overline{CD} = \overline{BG} : \overline{GE}$

 $14: \overline{CD} = \left(12 - \frac{32}{5}\right): \frac{32}{5}$

 $14: \overline{CD} = \frac{28}{5}: \frac{32}{5}$

 $14: \overline{\mathrm{CD}} = 28:32$

 $\therefore \overline{\mathrm{CD}} = 16$

32. 다음 그림의 △ABC 에서 ĀD : DB = 3 : 4, BE : EC = 4 : 3, CF : FA = 4 : 3 이다. FP = 4 cm, PC = 7 cm 일 때, DP 와PE 의 길이의 차를 구하여라.

① 2 cm ② 2.5 cm ③ 3 cm

(4) 3.5 cm (5) 4 cm

해설

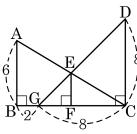
DF // BC, DE // AC 이므로
□DECF 는 평행사변형이다.

DP = PC = 7 cm

PE = FP = 4 cm

DP - PE = 7 - 4 = 3(cm)

33. 다음 그림에서 $\angle B = \angle BFE = \angle DCG = 90^{\circ}$, $\overline{AB} = 6$, $\overline{DC} = 8$, $\overline{BG} = 2$, $\overline{GC} = 8$ 일 때, \overline{EF} 의 길이는?



$$\overline{\mathrm{EF}}//\overline{\mathrm{DC}}$$
이므로 $\overline{\mathrm{GF}}:\overline{\mathrm{GC}}=\overline{\mathrm{EF}}:\overline{\mathrm{CD}}$
 $\overline{\mathrm{GF}}:8=x:8$, $\overline{\mathrm{GF}}=x$
 $\therefore \overline{\mathrm{CF}}=8-x$

$$\overline{AB}//\overline{EF}$$
이므로 $\overline{CF}:\overline{CB}=\overline{EF}:\overline{AB}$
(8-x):10=x:6
10x=6(8-x)

$$10x = 48 - 6x$$
$$16x = 48$$

 $\therefore x = 3$

해설