

1. $2\frac{1}{4} = 2\frac{2}{8}$ 를 비례식으로 나타낼 때 바르지 않은 것은 어느 것인지 고르시오.

- ① $9 : 4 = 18 : 8$ ② $18 : 8 = 9 : 4$ ③ $4 : 8 = 9 : 18$
④ $9 : 18 = 4 : 8$ ⑤ $8 : 9 = 4 : 18$

해설

$$2\frac{1}{4} = \frac{9}{4} = 2\frac{2}{8} = \frac{18}{8} \text{ 이다.}$$

따라서 비례식으로 나타내면 $9 : 4 = 18 : 8$,

$9 : 18 = 4 : 8$ 와 같다.

⑤은 비례식이 성립하지 않는다.

$$8 \times 18 \neq 9 \times 4$$

2. 다음 두 비례식의 외항의 곱으로 알맞은 것은 어느 것입니까?

$$2.4 : 3.1 = 7.2 : \square$$

- ① 17.28 ② 22.32 ③ 21.32 ④ 9.3 ⑤ 223.2

해설

비례식의 성질 이용, 내항의 곱과 외항의 곱은 같다.

외항의 수가 \square 일 경우 내항의 곱을 해도 크기는 같습니다.

$$3.1 \times 7.2 = 22.32$$

3. 다음 비를 보고, 비의 값이 같은 것을 찾아 비례식으로 나타낸 것은 어느 것입니까?

$$3 : 4 \quad 3 : 5 \quad 12 : 18$$

$$6 : 10 \quad 12 : 9 \quad 9 : 10$$

① $3 : 4 = 12 : 9$

② $3 : 5 = 9 : 10$

③ $12 : 18 = 6 : 10$

④ $3 : 5 = 6 : 10$

⑤ $6 : 10 = 9 : 10$

해설

$3 : 5$ 의 비의 값은 $\frac{3}{5}$, $6 : 10$ 의 비의 값은

$\frac{6}{10} = \frac{3}{5}$ 이므로 두 비의 비의 값이 같습니다.

따라서 비례식은 $3 : 5 = 6 : 10$ 입니다.

4. 다음 중 어떤 양을 $4 : 9$ 로 비례배분할 때, 알맞은 분수의 비를 모두 고르시오.

① $\frac{1}{4} : \frac{1}{9}$

④ $\frac{4}{13} : \frac{9}{13}$

② $\frac{1}{9} : \frac{1}{4}$

⑤ $\frac{9}{13} : \frac{4}{13}$

③ $\frac{36}{4} : \frac{36}{9}$

해설

각 비를 가장 간단한 자연수의 비로 만들어
 $4 : 9$ 와 같은지 비교합니다.

- ① $9 : 4$ ② $4 : 9$ ③ $9 : 4$ ④ $4 : 9$ ⑤ $9 : 4$

5. 다음 비의 비의 값을 기약분수로 나타낸 것을 고르시오.

$$2\frac{3}{4} : 6.5$$

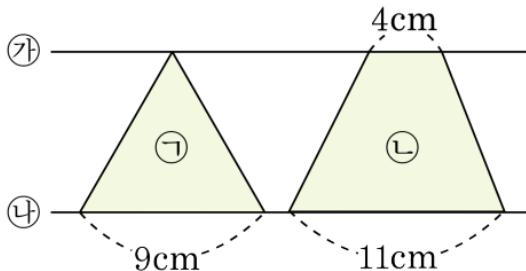
- ① $\frac{275}{650}$ ② $17\frac{7}{8}$ ③ $2\frac{4}{11}$ ④ $\frac{11}{26}$ ⑤ $\frac{8}{143}$

해설

$$2\frac{3}{4} : \frac{65}{10} = \frac{11}{4} : \frac{13}{2} = \left(\frac{11}{4} \times 4 \right) : \left(\frac{13}{2} \times 4 \right)$$

$$= 11 : 26 = \frac{11}{26}$$

6. 다음 직선 가, 나는 서로 평행합니다. ㉠의 넓이에 대한 ㉡의 넓이의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타낸 것은 어느 것입니까?



- ① 9 : 11 ② 4.5 : 7.5 ③ 9 : 15
④ 16 : 9 ⑤ 5 : 3

해설

높이를 □라고 하면,

$$\text{㉠의 넓이} : 9 \times \square \div 2$$

$$\text{㉡의 넓이} : (4 + 11) \times \square \div 2$$

$\square \div 2$ 가 같으므로 생략하고

밑변의 길이로 비를 세워 줍니다.

$$\text{㉠의 넓이에 대한 ㉡의 넓이} = 15 : 9$$

가장 간단히 비를 나타내면, 5 : 3입니다.

7. 다음 비례식 중 □ 안에 들어갈 수가 4 인 것은 어느 것인지 고르시오.

① $11 : 13 = \square : 26$

② $1\frac{1}{2} : \frac{1}{3} = 18 : \square$

③ $7.2 : 1.8 = 36 : \square$

④ $120 : 52 = 30 : \square$

⑤ $\square : 6 = 3\frac{1}{2} : 21$

해설

□ 안에 4 를 써 넣은 후, 내항의 곱과 외항의 곱이 같은 수를 찾아보면 ②이다.

② $1\frac{1}{2} : \frac{1}{3} = 18 : 4$

외항의 곱 = $1\frac{1}{2} \times 4 = 6$

내항의 곱 = $\frac{1}{3} \times 18 = 6$

8. 갑동과 을동이 각각 160 만 원, 120 만 원을 투자하여 56 만 원의 이익을 얻었습니다. 이익금을 투자한 금액의 비로 나누어 가지면 을동은 얼마를 가지게 되는지 구하시오.

- ① 24 만 원 ② 28 만 원 ③ 30 만 원
④ 32 만 원 ⑤ 34 만 원

해설

$$(갑동):(을동) = 1600000 : 1200000 = 4 : 3 \text{ 이므로}$$

$$(\text{을동의 배당액}) = 56 \text{ 만 원} \times \frac{3}{4+3}$$

$$= 560000 \times \frac{3}{7}$$

$$= 240000 (\text{원})$$

9. 두 상품 Ⓐ, Ⓣ 있습니다. Ⓐ의 정가에 2할 6푼을 더한 금액과 Ⓣ의 정가에서 18%로 할인한 금액이 같다고 합니다. Ⓐ, Ⓣ의 정가의 비를 가장 간단하게 나타낸 것은 어느 것입니까?

- ① 80 : 126 ② 126 : 82 ③ 41 : 63
- ④ 18 : 26 ⑤ 126 : 118

해설

$$\textcircled{A} \times (1 + 0.26) = \textcircled{B} \times (1 - 0.18)$$

$$\textcircled{A} \times 1.26 = \textcircled{B} \times 0.82$$

$$\textcircled{A} : \textcircled{B} = 0.82 : 1.26$$

$$\textcircled{A} : \textcircled{B} = 82 : 126 \Rightarrow 41 : 63$$

10. 엽서가 17장에 10200원입니다. 엽서 4장의 값에 대한 엽서 7장의 값의 비를 간단하게 나타내시오.

- ① 7 : 4 ② 3 : 4 ③ 4 : 7 ④ 7 : 3 ⑤ 17 : 4

해설

$$\text{엽서 1장의 가격} = 10200 \div 17 = 600 \text{ 원}$$

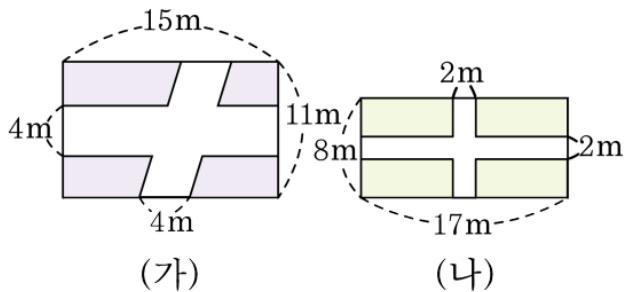
$$\text{엽서 4장의 가격} = 2400,$$

$$\text{엽서 7장의 가격} = 4200$$

엽서 4장의 값에 대한 엽서 7장의 비 :

$$4200 : 2400 \Rightarrow (4200 \div 600) : (2400 \div 600) = 7 : 4$$

11. 가의 땅에 소나무 100그루를 심을 수 있다면 나의 땅에 몇 그루의 소나무를 심을 수 있겠습니까?



- ① 120 그루 ② 116 그루 ③ 115 그루
④ 117 그루 ⑤ 114 그루

해설

가의 넓이 :

$$\begin{aligned}(15 \times 11) - \{(4 \times 11) + (4 \times 15)\} + (4 \times 4) \\= 165 - (44 + 60) + 16 \\= 165 - 104 + 16 \\= 77(\text{m}^2)\end{aligned}$$

나의 넓이 :

$$\begin{aligned}(17 \times 8) - \{(2 \times 17) + (2 \times 8)\} + (2 \times 2) \\= 136 - (34 + 16) + 4 \\= 90(\text{m}^2)\end{aligned}$$

따라서 가의 넓이 : 나의 넓이 = 77 : 90 이므로

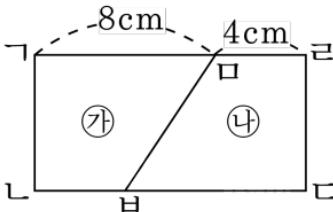
$$77 : 90 = 100 : \square$$

$$77 \times \square = 9000$$

$$\square = 116.88\cdots$$

따라서 나의 땅에 심을 수 있는 소나무는 116 그루입니다.

12. 다음 직사각형에서 (변 ㄴ ㅂ): (변 ㅂ ㄷ)= $2\frac{1}{2} : 3\frac{1}{2}$ 입니다. 직사각형의 넓이가 120 cm^2 일 때, 사다리꼴 ⑦의 넓이를 cm^2 라 할 때 에 알맞은 수를 구하시오.



- ① 63 cm^2 ② 65 cm^2 ③ 67 cm^2
④ 69 cm^2 ⑤ 71 cm^2

해설

$$(\text{변 } ㄴ ㅂ): (\text{변 } ㅂ ㄷ) = 2\frac{1}{2} : 3\frac{1}{2} = \frac{5}{2} : \frac{7}{2} = 5 : 7$$

변 ㄴ ㄷ의 길이는 12 cm 이므로,

$$\text{변 } ㄴ ㅂ \text{의 길이} : 12 \times \frac{5}{12} = 5(\text{cm})$$

세로의 길이 : (넓이) \div (가로)

$$= 120 \div 12 = 10(\text{cm})$$

$$\textcircled{7} \text{의 넓이} : (8 + 5) \times 10 \div 2 = 65(\text{cm}^2)$$

13. 서로 다른 정육면체 ⑨, ⑩가 있습니다. ⑨의 부피는 ⑩의 부피의 $\frac{1}{8}$ 이고, ⑩의 부피는 512cm^3 입니다. ⑩의 한 모서리의 길이에 대한 ⑨의 한 모서리의 길이의 비의 값과 같은 것은 어느 것인지 구하시오.

① $1 : 512$

② $1 : 64$

③ $1 : 8$

④ $1 : 4$

⑤ $1 : 2$

해설

$$\textcircled{9}\text{의 부피} = \textcircled{10}\text{의 부피} \times \frac{1}{8} = 512 \times \frac{1}{8} = 64(\text{cm}^3)$$

정육면체의 부피

= (한 모서리) \times (한 모서리) \times (한 모서리) 이므로

(⑨의 한 모서리의 길이) = $4(\text{cm})$

(⑩의 한 모서리의 길이) = $8(\text{cm})$

따라서 $4 : 8 = 1 : 2$

14. 작년에 우유 한 팩과 초코과자 1봉지의 가격의 비는 11 : 13이었습니다. 올해는 작년보다 가격이 100씩 올라서 가격의 비가 13 : 15가 되었습니다. 작년 우유 한 팩과 초코과자 1봉지의 가격은 얼마인지 차례로 쓴 것을 고르시오.

- ① 440 원, 520 원 ② 550 원, 650 원 ③ 660 원, 780 원
④ 330 원, 390 원 ⑤ 770 원, 910 원

해설

작년 우유와 초코과자의 가격의 비 $\Rightarrow 11 : 13$

작년 우유 한 팩의 가격 : $\square \times 11$

작년 초코과자 하나의 가격 : $\square \times 13$

올해 우유와 초코과자의 가격의 비 $\Rightarrow 13 : 15$

$$(\square \times 11) + 100 : (\square \times 13) + 100 = 13 : 15$$

$$\{(\square \times 13) + 100\} \times 13 = \{(\square \times 11) + 100\} \times 15$$

$$\square \times 13 \times 13 + 100 \times 13 = \square \times 11 \times 15 + 100 \times 15$$

$$\square \times 169 - \square \times 165 = 1500 - 1300$$

$$\square \times 4 = 200$$

$$\square = 200 \div 4 = 50$$

작년 우유 한 팩의 가격 : $50 \times 11 = 550$ (원)

작년 초코과자의 가격 : $50 \times 13 = 650$ (원)

15. 아버지의 몸무게는 72kg, 어머니의 몸무게는 54kg입니다. 두 분이 시소에 수평이 되도록 타고 있다가 딸 유리가 와서 어머니와 함께 처음 아버지 자리에 앉고, 아버지는 처음 어머니의 자리로 가서 앉았더니, 수평이 되었습니다. 유리의 몸무게를 구하시오.

- ① 36 kg ② 38 kg ③ 40 kg ④ 41 kg ⑤ 42 kg

해설

수평이 되는 비 \Rightarrow

$$(\text{아버지 몸무게}) : (\text{어머니 몸무게}) = 72 : 54 = (72 \div 18) : (54 \div 18) = 4 : 3$$

시소의 무게의 비와 중심에서부터의 거리의 비는 반대입니다.

유리의 몸무게를 \square 라 하면

$$72 : (54 + \square) = 3 : 4$$

$$(54 + \square) \times 3 = 72 \times 4$$

$$54 \times 3 + \square \times 3 = 288$$

$$\square \times 3 = 288 - 162$$

$$\square = 126 \div 3$$

$$\square = 42(\text{kg})$$