- 1. 다음 이차함수의 그래프 중 그래프의 폭이 가장 좁은 것은?
- ①  $y = \frac{1}{2}x^2$  ②  $y = -x^2$  ③  $y = 3x^2 + 4$  ②  $y = -2 x^2$  ⑤ y = x(10 x)

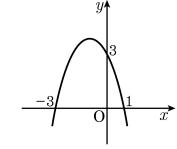
이차항의 계수가 가장 큰 것은  $y = 3x^2 + 4$ 이므로 폭이 가장

좁다.

- 2.  $y = -3(x-2)^2 + 3$  의 그래프를 x 축의 방향으로 -5 만큼, y 축의 방향으로 -2 만큼 평행이동시킨 식의  $x^2$  의 계수는?
  - ① 3 ② -3 ③ 6 ④ -6 ⑤ -18

그래프를 평행이동했을 때 이차항의 계수는 변하지 않는다.

**3.** 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$  의 그래프가 아래 그림과 같을 때, a + b + c의 값은 얼마인가?



- ① -6 ② -2
- 4
  5
  -4

## x 절편이 -3, 1 이므로 y = a(x+3)(x-1)

y 절편이 3 이므로 (0,3) 을 대입하면 3 = -3a

 $\therefore a = -1$ 

따라서 구하는 식은

 $y = -(x+3)(x-1) = -x^2 - 2x + 3, b = -2, c = 3$  $\therefore a + b + c = 0$ 

- 4. 함수  $f:R\to R$  에서  $f(x)=x^2-x-2$  이다. f(a)=4 일 때, 양수 a 의 값은?(단, R은 실수)
  - ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

f(a) = 4 이므로  $a^2 - a - 2 = 4$ ,  $a^2 - a - 6 = 0$ , (a - 3)(a + 2) = 0 a = 3 또는 a = -2 한편, a > 0 이므로 a = 3 이다.

해설

- 5. 이차함수  $y = 2x^2 12x + 10 + k$  의 그래프를 x 축의 방향으로 1 만큼, y 축의 방향으로 3 만큼 평행이동 시켰을 때, x 축과 만나지 않는 k 값의 범위가 k > a 이다. a 의 값은?
  - ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

이차함수의 식을 정리하면  $v = 2(x^2 - 6x + 9) - 18 +$ 

해설

 $y = 2(x^2 - 6x + 9) - 18 + 10 + k = 2(x - 3)^2 - 8 + k$  이므로 평행이동한 그래프의 식은  $y = 2(x - 4)^2 - 5 + k$  이다. 이 그래프가 x 축과 만나지 않으려면 최솟값 -5 + k 가 0 보다 커야 하므로 k > 5

따라서 a = 5 이다.

\_\_\_\_

6. 꼭짓점의 좌표가 (1, -2) 인 포물선이 두 점 (2, -3) , (m, -6) 을 지날 때, 다음 중 m 의 값은?

① -1 ② 5 ③ -3 ④ -6 ⑤ -9

작짓점의 좌표가 (1, -2) 이므로  $y = a(x-1)^2 - 2$  이고 점 (2, -3) 을 지나므로  $-3 = a(2-1)^2 - 2$  a = -1 이다.  $y = -(x-1)^2 - 2$  점 (m, -6) 을 지나므로  $-6 = -(m-1)^2 - 2$  ∴ m = 3 또는 m = -1

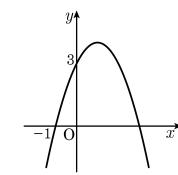
- 7. 세 점 (0,-6),(1,0),(2,2)을 지나는 포물선의 꼭짓점의 좌표는?
  - ① (1, 1) (2, 2)
    - (3, 3)
- ② (1, 2) ③ (2, 1)

 $y = ax^2 + bx + c$ 로 놓고 세 점 (0,-6),(1,0),(2,2)의 좌표를 각각 대입하면 c = -6, a + b - 6 = 0, 4a + 2b - 6 = 2

 $\therefore a = -2, b = 8, c = -6$ 

 $\therefore y = -2x^2 + 8x - 6 = -2(x - 2)^2 + 2$  따라서 꼭짓점의 좌표는 (2, 2)이다.

**8.** 다음 그림은 이차함수  $y = ax^2 + 2x + c$  의 그래프이다. 이차함수의 최댓값은?



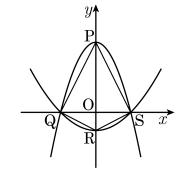
- ①  $\frac{7}{2}$
- ② 4 3  $\frac{9}{2}$  4 5  $\frac{11}{2}$

 $y = ax^2 + 2x + c$  에 점(-1, 0), (0, 3) 을 대입하면

0 = a - 2 + c

- $3 = c, \ a = -1$  $y = -x^2 + 2x + 3$
- $∴ y = -(x-1)^2 + 4$ 따라서 최댓값은 4 이다.

**9.** 함수  $y = -x^2$  의 그래프를 y 축 방향으로 4 만큼 평행이동하고,  $y = \frac{1}{4}x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 -1 만큼 평행이동한 그림을 나타낸 것이다. 이 때 다음 설명 중 옳은 것의 개수는?



- ¬ 점 P(0,4) 이고, 점 R(0,-1) 이다.  $\bigcirc$  점 Q(2,0) 이고, 점 S(-2,0) 이다.
- ©  $\overline{\mathrm{QS}} = 8$  이다.
- ②  $\triangle PRS = 5$ ,  $\triangle QPR = 8$  이다. ©  $\square PQRS = 12$  이다.

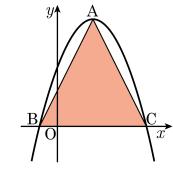
①1 개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

함수  $y=-x^2$  의 그래프를 y 축 방향으로 4 만큼 평행이동한 그래프의 식은  $y=-x^2+4$ 함수  $y = \frac{1}{4}x^2$  의 그래프를 y 축 방향으로 -1 만큼 평행이동한

그래프의 식은  $y = \frac{1}{4}x^2 - 1$  $y = -x^2 + 4$  에 y = 0 을 대입하면 점 Q(-2,0), S(2,0) 이다.  $\overline{\mathrm{QS}}=4$ 

또, P(0, 4)이고 R(0, -1)  $\triangle PRS = \triangle QPR = 5$ 따라서 옳은 것은 ⊙이므로 1 개이다.

**10.** 다음은  $y = a(x-2)^2 + 6$  의 그래프이다.  $\triangle ABC$  의 넓이가 18 일 때, a 의 값을 구하면?



- ① -2 ②  $-\frac{5}{3}$  ③  $-\frac{4}{3}$  ④ -1 ⑤  $-\frac{2}{3}$

해설

 $18 = \frac{1}{2} \times \overline{BC} \times 6$ ,  $18 = 3 \overline{BC}$ ,  $\overline{BC} = 6$ 

따라서 점 B 의 좌표는 (-1, 0) 이고, C 의 좌표는 (5, 0) 이다.  $y = a(x-2)^2 + 6$  에 (5, 0) 을 대입하면 9a + 6 = 0 이다.  $\therefore a = -\frac{2}{3}$ 

- 11. 포물선  $y = -2x^2 bx + c$  에서 b < 0, c > 0 이면 꼭짓점은 제 몇 사분면 위에 있는가?
  - 원점
  - 제1 사분면③ 제2 사분면 ④ 제3 사분면 ⑤ 제4 사분면

해설 
$$y = -2x^2 - bx + c = -2\left(x + \frac{b}{4}\right)^2 + \frac{b^2}{8} + c = -2\left(x + \frac{b}{4}\right)^2 + \frac{b^2 + 8c}{8}$$

$$\therefore 꼭짓점의 좌표는 \left(-\frac{b}{4}, \frac{b^2 + 8c}{8}\right)$$
그런데  $b < 0, c > 0$  이므로  $-\frac{b}{4} > 0, \frac{b^2 + 8c}{8} > 0$ 

12. 이차함수  $y=ax^2+bx+c$  는 x=3 일 때, 최솟값 -4 를 가지며 점 (1, 2) 를 지난다. 이 때, a-b-c 의 값은?

1

- ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

꼭짓점이 (3, -4) 이므로  $y = a(x-3)^2 - 4$  (1, 2)를 대입하면 2 = 4a - 4  $\therefore a = \frac{3}{2}$   $y = \frac{3}{2}(x-3)^2 - 4 = \frac{3}{2}x^2 - 9x + \frac{19}{2}$   $a = \frac{3}{2}, b = -9, c = \frac{19}{2}$   $\therefore a - b - c = \frac{3}{2} - (-9) - \frac{19}{2} = 1$ 

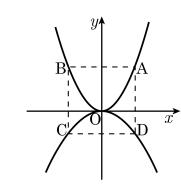
$$\therefore a = \frac{1}{2}$$

$$y = \frac{3}{2}(x - 3)$$

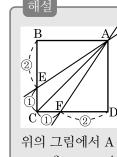
$$y = \frac{3}{2}($$

$$\therefore a-b-c=\frac{3}{2}-(-9)$$

**13.** 두 함수  $y = x^2$ ,  $y = -\frac{1}{2}x^2$ 과 정사각형 ABCD에 대하여 점 A를 지 나고 정사각형 ABCD의 넓이를 3등분하는 두 개의 직선의 기울기의 곱을 구하면?



- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ ①  $\frac{1}{2}$  ⑤  $\frac{1}{3}$



- 위의 그림에서 A점의 x좌표를 구하면  $2a = \frac{3}{2}a^2, a = \frac{4}{3}$
- $\therefore A\left(\frac{4}{3}, \frac{16}{9}\right)$
- 정사각형의 넓이는  $(2a)^2 = \frac{64}{9}$ 이므로 넓이가 삼등분되면 각

- 넓이는  $\frac{64}{9} \times \frac{1}{3} = \frac{64}{27} 에서$  $\frac{64}{27} = \frac{8}{3} \times 2 \times \frac{1}{2}$  $2 = \frac{16}{9}$ 
  - 의 지원 AF의 기울기는  $\frac{\frac{8}{3}}{\frac{16}{9}} = \frac{3}{2}$  마찬가지 방법으로 AE의 기울기를 구하면  $\frac{2}{3}$
  - ..두 기울기의 곱은  $\frac{3}{2} \times \frac{2}{3} = 1$

- **14.** 이차함수  $y = x^2 5x 6$  의 그래프는 x 축과 두 점 A, B 에서 만난다고 한다. 이 때, 선분 AB 의 길이는?
  - ① 1 ② 2 ③ 4 ④ 6



 $y = x^2 - 5x - 6$  의 x 절편은 y = 0 대입  $x^2 - 5x - 6 = 0, (x+1)(x-6) = 0$  $\therefore x = -1, 6$ 

- $\therefore \overline{AB} = 6 (-1) = 7$

- **15.** 이차함수  $y = x^2 2(m+1)x + 4m$  의 최솟값을 a 이라 할 때, a 의 최댓값은?



- m + 2m + 1=  $-(m^2 2m + 1)$ =  $-(m 1)^2$ 따라서 a 의 최댓값은 0 이다.