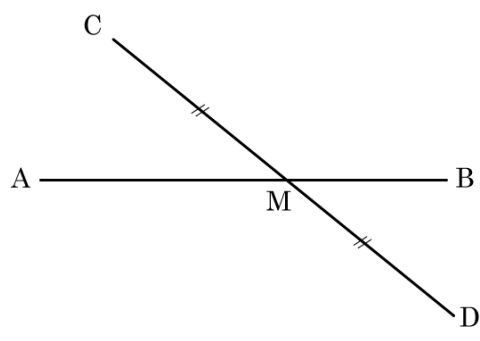


1. $\overline{AB} = 10\text{cm}$, $\overline{CD} = 8\text{cm}$ 인 $\overline{AB}$ 와 $\overline{CD}$ 가 $\overline{CD}$ 의 중점 M 에서 만난다. 네 점 A, B, C, D 가 한 원 위에 있을 때, $\overline{AM}$ 의 길이는? (단, $AM > BM$)



- ① 2cm ② 6cm ③ 8cm ④ 10cm ⑤ 12cm

해설

$$\overline{AM} \cdot \overline{BM} = \overline{CM} \cdot \overline{DM}$$

$\overline{AM} = x$ 라 하면,

$$\overline{BM} = 10 - x, \quad x(10 - x) = 4 \cdot 4$$

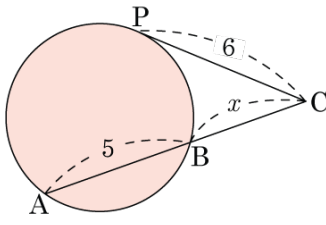
$$x^2 - 10x + 16 = 0$$

$$(x - 2)(x - 8)$$

$$\therefore x = 2 \text{ or } x = 8$$

그런데 $\overline{AM} > \overline{BM}$ 이므로 $x = 8$

2. 그림에서 x 의 값은? (단, $\overline{PC}$ 는 접선이다.)

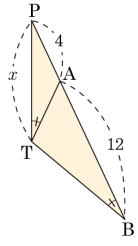


- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}\overline{PC}^2 &= \overline{BC} \times \overline{AC} \\ 36 &= \overline{BC}(\overline{BC} + 5) \\ \overline{BC}^2 + 5\overline{BC} - 36 &= 0 \\ (\overline{BC} + 9)(\overline{BC} - 4) &= 0 \\ \therefore \overline{BC} &= 4\end{aligned}$$

3. 다음 그림에서 $\angle ATP = \angle ABT$ 가 성립할 때, x 값을 구하면?



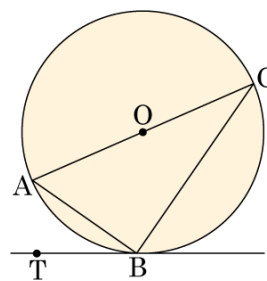
- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

해설

$\angle ATP = \angle ABT$ 이 같으므로 $\overline{PT}$ 는 세 점 A, T, B 을 지나는 원의 접선이다.
따라서, $\overline{PT}^2 = \overline{PA} \times \overline{PB}$, $x^2 = 4 \times (4 + 12) = 4 \times 16 = 64$, $x = 8$ 이다.

4. 다음 그림에서 $\overline{AC}$ 는 원 O 의 지름이고 $\widehat{TB}$ 는 접선이다. $5.0\text{pt}\widehat{AB} : 5.0\text{pt}\widehat{BC} = 1 : 2$ 일 때, $\angle ABT$ 의 크기는?

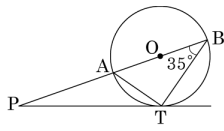
- ① 25° ② 30° ③ 35°
 ④ 40° ⑤ 45°



해설

$\overline{AC}$ 가 지름이므로 $\angle ABC = 90^\circ$,
 $5.0\text{pt}\widehat{AB} : 5.0\text{pt}\widehat{BC} = 1 : 2$ 이므로 $\angle ACB = x$ 라 하면,
 $\angle CAB = 2x$
 $\therefore 3x = 90^\circ, x = 30^\circ$
 $\therefore \angle ABT = \angle ACB = x = 30^\circ$

5. 다음 그림에서 $\overline{AB}$ 는 원 O의 지름이고 $\overrightarrow{PT}$ 는 접선이다. $\angle PBT = 35^\circ$ 일 때, $\angle BPT$ 의 크기는?



- ① 20° ② 22° ③ 24° ④ 26° ⑤ 28°

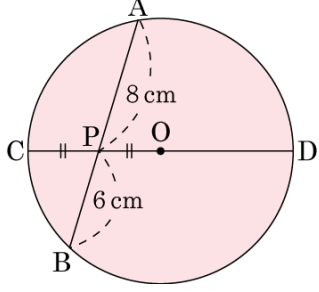
해설

$$\angle ATP = \angle ABT = 35^\circ$$

$\triangle BPT$ 에서

$$\angle BPT = 180^\circ - (35^\circ + 35^\circ + 90^\circ) = 20^\circ$$

6. 다음 그림에서 $\overline{CD}$ 는 원 O 의 지름이다. $\overline{OP} = \overline{CP}$ 이고, $\overline{AP} = 8\text{cm}$, $\overline{BP} = 6\text{cm}$ 일 때, 원 O 의 원주의 길이는?



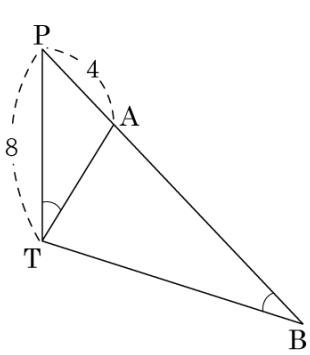
- ① $12\pi\text{cm}$ ② $13\pi\text{cm}$ ③ $14\pi\text{cm}$
 ④ $15\pi\text{cm}$ ⑤ $16\pi\text{cm}$

해설

원 O 의 반지름의 길이를 $2r$ 라 하면
 $\overline{CP} = \overline{PO} = r$ 이므로 $r(r + 2r) = 8 \times 6$
 $3r^2 = 48, r^2 = 16 \quad \therefore r = 4$
 반지름 $2r = 8$ (cm) ($\because r > 0$)
 따라서 원 O 의 원주의 길이는
 $2\pi \times 8 = 16\pi$ (cm) 이다.

7. 다음 그림에서 $\overline{PT} = 8$, $\overline{PA} = 4$ 이고 $\angle ABT = \angle PTA$ 일 때, $\overline{AB}$ 의 길이로 옳은 것은?

- ① 3 ② 12.5 ③ 12
 ④ 11 ⑤ 10.5



해설

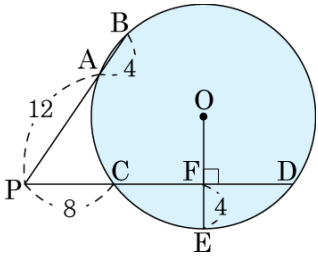
$\angle ABT = \angle PTA$ 이므로 $\overline{PT}$ 는 세 점 A, B, T 를 지나는 원의 접선이다.

$$\overline{PT}^2 = \overline{PA} \cdot \overline{PB} \text{ 이므로}$$

$$8^2 = 4 \times (4 + \overline{AB}), \quad 64 = 16 + 4\overline{AB}$$

$$\overline{AB} = \frac{48}{4} = 12$$

8. 다음 그림과 같이 원 O의 외부에 한 점 P에서 두 직선을 그어 원 O와 만난 점을 각각 A, B, C, D라 하고, 점 O에서 $\overline{CD}$ 에 내린 수선의 발을 F, $\overline{OF}$ 의 연장선과 원 O와 만난 점을 E라 한다. $\overline{PA} = 12$, $\overline{AB} = 4$, $\overline{PC} = 8$, $\overline{EF} = 4$ 일 때, 원 O의 넓이를 구하면?

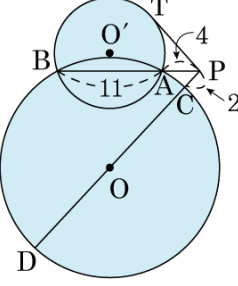


- ① 100 ② 100π ③ $\frac{100}{3}\pi$
 ④ $\frac{100}{3}$ ⑤ $100\sqrt{3}\pi$

해설

1) $8(8 + \overline{CD}) = 12(12 + 4)$
 $\overline{CD} = 16$, $\overline{CF} = \overline{FD} = 8$
 2) 반지름의 길이를 r 라 하면 $\overline{OE} = \overline{OD} = r$
 $\overline{OF} = r - 4$
 $r^2 = (r - 4)^2 + 8^2$
 $\therefore r = 10$
 따라서 $S = 100\pi$ 이다.

9. 다음 그림과 같이 두 원이 두점에서 만날 때, 원 O의 넓이는?

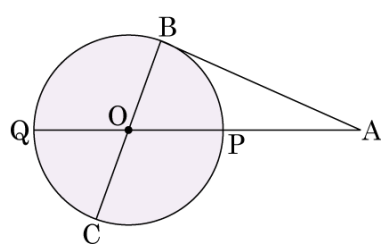


- ① 121π ② 144π ③ 169π ④ 196π ⑤ 225π

해설

$$\begin{aligned} \overline{PT}^2 &= \overline{PA} \times \overline{PB} = \overline{PC} \times \overline{PD} \\ 4 \times 15 &= 2 \times (2 + 2r) \\ 60 &= 2 \times (2 + 2r) \\ r &= 14 \\ \therefore \pi(14)^2 &= 196\pi \end{aligned}$$

10. 다음 그림에서 O는 원의 중심이고, $\overline{AB} = b$, $\overline{BC} = a$, $\overline{AB}$ 는 원의 접선일 때, 이차방정식 $x^2 + ax - b^2 = 0$ 의 해를 길이로 갖는 선분은?



① $\overline{AB}$ ② $\overline{BC}$

③ $\overline{PQ}$ ④ $\overline{AQ}$

⑤ $\overline{AP}$

해설

$\overline{PQ} = a$ ($\because$ 원 O의 지름)

$$\overline{AB}^2 = \overline{AP} \times \overline{AQ}$$

$$b^2 = \overline{AP}(\overline{AP} + a)$$

$$\therefore \overline{AP}^2 + a\overline{AP} - b^2 = 0 \Rightarrow x^2 + ax - b^2 = 0$$

$$\therefore x = \overline{AP}$$