

1. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 \overline{BE} 는 $\angle ABC$ 의 이등분선이다. $\overline{AB} = 14\text{cm}$, $\overline{AD} = 17\text{cm}$ 일 때, \overline{DE} 의 길이는?



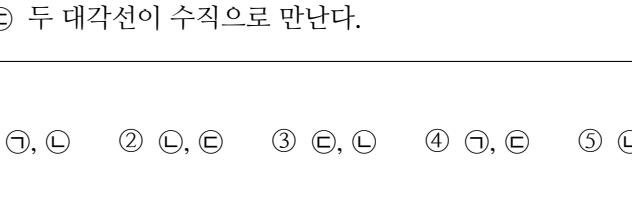
- ① 2cm ② 3cm ③ 4cm ④ 5cm ⑤ 6cm

2. 다음은 평행사변형 ABCD의 두 대각선의 교점 O를 지나는 직선이 변 AD, BC와 만나는 점을 각각 P, Q라고 하면 $\overline{PO} = \overline{QO}$ 를 증명하는 과정이다. 빈칸에 들어갈 알맞은 것을 고르면?

[가정] $\overline{AB} // \overline{CD}$, $\overline{AD} // \overline{BC}$
[결론] $\overline{PO} = \overline{QO}$
[증명] $\triangle APO$ 와 $\triangle CQO$ 에서
 $\angle POA = \angle QOC$, $\overline{AO} = \boxed{\quad}$,
 $\angle PAO = \angle QOC$
 $\therefore \triangle APO \cong \triangle CQO$ (ASA 합동),
 $\therefore \overline{PO} = \overline{QO}$

- ① \overline{PO} ② \overline{AP} ③ \overline{DO} ④ \overline{BO} ⑤ \overline{CO}

3. 다음 그림에서 Ⓐ, Ⓛ에 알맞은 조건을 보기에서 순서대로 고르면?

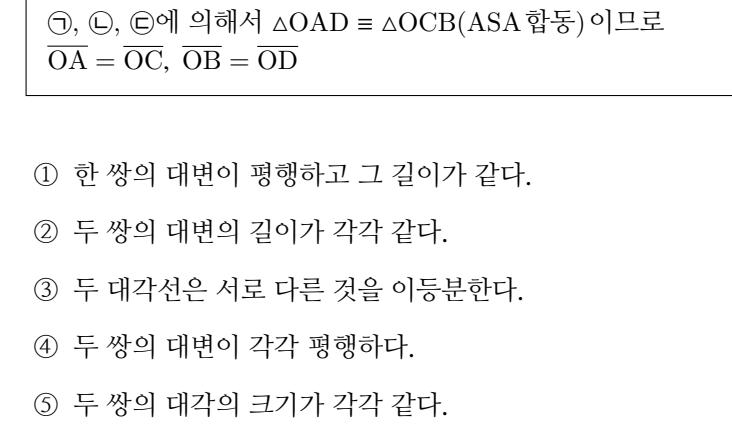


[보기]

- Ⓐ 두 대각선의 길이가 같다.
- Ⓑ 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.
- Ⓒ 두 대각선이 수직으로 만난다.

① Ⓐ, Ⓑ ② Ⓑ, Ⓒ ③ Ⓒ, Ⓑ ④ Ⓐ, Ⓒ ⑤ Ⓑ, Ⓐ

4. 다음은 평행사변형의 성질을 증명하는 과정이다. 어떤 성질을 증명한 것인가?



평행사변형 ABCD에 점 B와 점 D, 점 A와 점 C를 이으면
 $\overline{AD} = \overline{BC}$ … ⊗

$\angle OAD = \angle OCB$ (엇각) … ⊖

$\angle ODA = \angle OBC$ (엇각) … ⊕

⊗, ⊖, ⊕에 의해 $\triangle OAD \cong \triangle OCB$ (ASA 합동) 이므로
 $\overline{OA} = \overline{OC}$, $\overline{OB} = \overline{OD}$

① 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.

② 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.

③ 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.

④ 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.

⑤ 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.

5. 다음 그림의 $\square ABCD$ 는 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 등변사다리꼴이다. $\overline{AB} \parallel \overline{DE}$ 일 때, \overline{BC} 의 길이는?



- ① 16 ② 17 ③ 18 ④ 19 ⑤ 20

6. 다음 그림에서 점 M은 \overline{BC} 의 중점이고 $\overline{AP} : \overline{PC} = 3 : 2$ 이다. $\triangle ABC = 40\text{ cm}^2$ 일 때, $\triangle APM$ 의 넓이는?



① 4 cm^2

② 8 cm^2

③ 12 cm^2

④ 16 cm^2

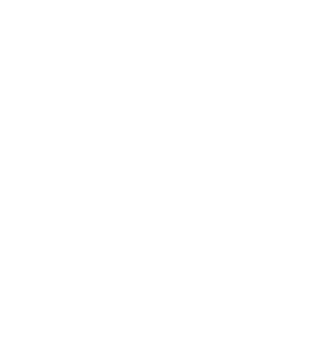
⑤ 20 cm^2

7. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AE} : \overline{EC} = 3 : 4$, $\overline{BO} : \overline{OE} = 3 : 2$ 이다. $\triangle EOC$ 의 넓이가 8cm^2 일 때, $\triangle ABC$ 의 넓이는?



- ① 20cm^2 ② 24cm^2 ③ 28cm^2
④ 32cm^2 ⑤ 35cm^2

8. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 $\overline{AC} \parallel \overline{EF}$, $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ 이고 $\triangle BCF = 34\text{cm}^2$ 일 때, $\triangle ACE$ 의 넓이는?



- ① 18cm^2 ② 22cm^2 ③ 26cm^2
④ 30cm^2 ⑤ 34cm^2

9. 평행사변형 $ABCD$ 에서 $\overline{EF} \parallel \overline{BD}$ 이다. $\triangle ABE = 20\text{ cm}^2$ 일 때,
 $\triangle AFD$ 의 넓이를 구하여라.



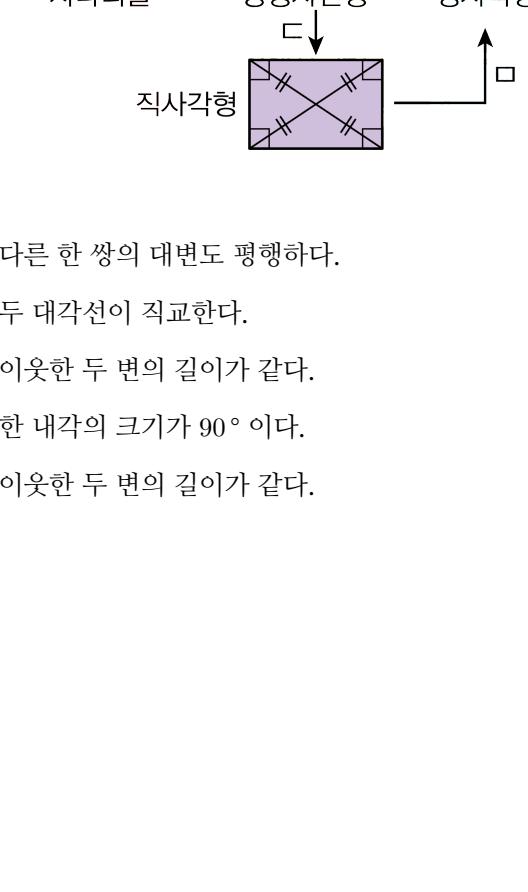
- ① 16 cm^2 ② 18 cm^2 ③ 20 cm^2
④ 22 cm^2 ⑤ 24 cm^2

10. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD 를 $\angle EDC = 25^\circ$ 가 되고 꼭짓점 C 가 변 AB 위에 있도록 접었다. 이 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 40° ② 45° ③ 50° ④ 55° ⑤ 60°

11. 다음 그림은 사각형들 사이의 포함 관계를 나타낸 것이다. \square ~ \square 중 각 도형이 되기 위한 조건으로 옳지 않은 것은?

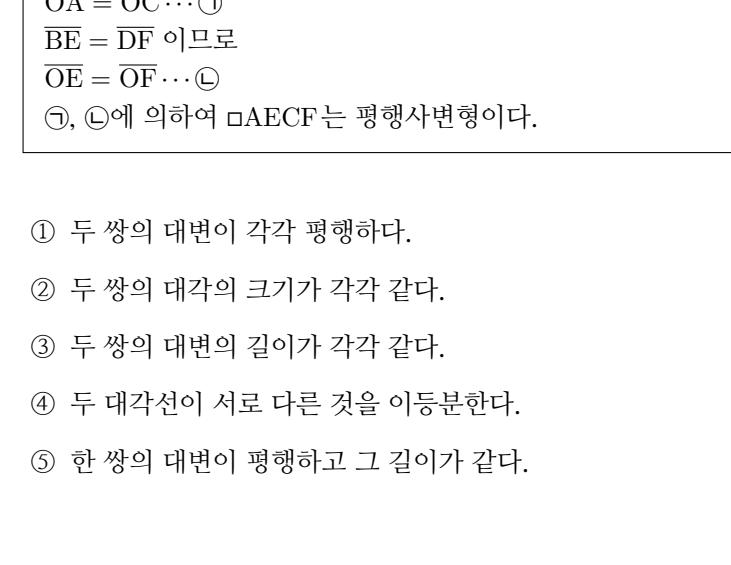


- ① \square . 다른 한 쪽의 대변도 평행하다.
- ② \square . 두 대각선이 직교한다.
- ③ \square . 이웃한 두 변의 길이가 같다.
- ④ \square . 한 내각의 크기가 90° 이다.
- ⑤ \square . 이웃한 두 변의 길이가 같다.

12. 다음 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분하는 사각형은 등변사다리꼴이다.
- ② 두 대각선의 길이가 같은 평행사변형은 직사각형이다.
- ③ 등변사다리꼴의 두 대각선은 길이가 같다.
- ④ 두 대각선이 서로 수직인 평행사변형은 마름모이다.
- ⑤ 두 대각선이 서로 다른 것을 수직이등분하는 평행사변형은 마름모이다.

13. 다음은 평행사변형 ABCD에서 두 대각선의 교점을 O라 하고 대각선 BD 위에 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 가 되도록 두 점 E, F를 잡을 때, $\square AECF$ 는 평행사변형임을 증명하는 과정이다. 평행사변형이 되는 어떤 조건을 이용한 것인가?



가정) $\square ABCD$ 는 평행사변형 $\overline{BE} = \overline{DF}$

결론) $\square AECF$ 는 평행사변형

증명) $\square ABCD$ 는 평행사변형이므로

$\overline{OA} = \overline{OC} \dots \textcircled{\text{①}}$

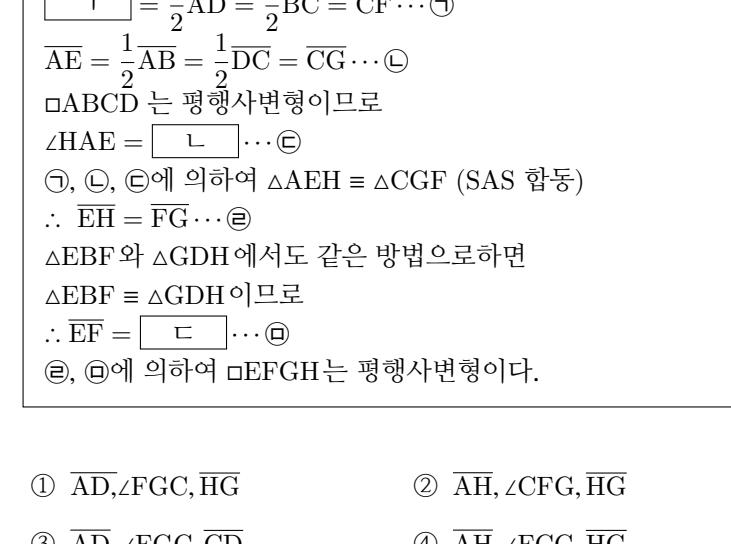
$\overline{BE} = \overline{DF}$ 이므로

$\overline{OE} = \overline{OF} \dots \textcircled{\text{②}}$

①, ②에 의하여 $\square AECF$ 는 평행사변형이다.

- ① 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- ② 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
- ③ 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
- ④ 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분한다.
- ⑤ 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.

14. 다음은 평행사변형 ABCD의 각 변의 중점을 차례로 E, F, G, H라 할 때, □EFGH가 평행사변형임을 증명하는 과정이다. ㄱ~ㄷ에 들어갈 것으로 옳은 것을 차례로 나열한 것은?



$\triangle AEH$ 와 $\triangle CGF$ 에서

$$\boxed{\text{ㄱ}} = \frac{1}{2}\overline{AD} = \frac{1}{2}\overline{BC} = \overline{CF} \cdots \text{㉠}$$

$$\overline{AE} = \frac{1}{2}\overline{AB} = \frac{1}{2}\overline{DC} = \overline{CG} \cdots \text{㉡}$$

□ABCD 는 평행사변형이므로

$$\angle HAE = \boxed{\text{ㄴ}} \cdots \text{㉢}$$

㉠, ㉡, ㉢에 의하여 $\triangle AEH \equiv \triangle CGF$ (SAS 합동)

$$\therefore \overline{EH} = \overline{FG} \cdots \text{㉣}$$

$\triangle EBF$ 와 $\triangle GDH$ 에서도 같은 방법으로하면

$\triangle EBF \equiv \triangle GDH$ 이므로

$$\therefore \overline{EF} = \boxed{\text{ㄷ}} \cdots \text{㉤}$$

㉣, ㉤에 의하여 □EFGH는 평행사변형이다.

① $\overline{AD}, \angle FGC, \overline{HG}$

② $\overline{AH}, \angle CFG, \overline{HG}$

③ $\overline{AD}, \angle FGC, \overline{CD}$

④ $\overline{AH}, \angle FCG, \overline{HG}$

⑤ $\overline{AH}, \angle FCG, \overline{GD}$

15. 다음 그림의 정사각형 ABCD에서 점 M은 \overline{AB} 의 중점이다. $\triangle MBP = 15 \text{ cm}^2$ 일 때, $\square ABCD$ 의 넓이를 구하면?



- ① 120 cm^2 ② 140 cm^2 ③ 160 cm^2
④ 180 cm^2 ⑤ 200 cm^2