

1. 다음 표는 A, B, C, D, E 인 5 명의 학생의 수학 쪽지 시험의 결과를 나타낸 것이다. 이 자료의 분산은?

학생	A	B	C	D	E
변량(점)	7	9	6	7	6

- ① 1      ② 1.2      ③ 1.4      ④ 1.6      ⑤ 1.8

해설

주어진 자료의 평균은

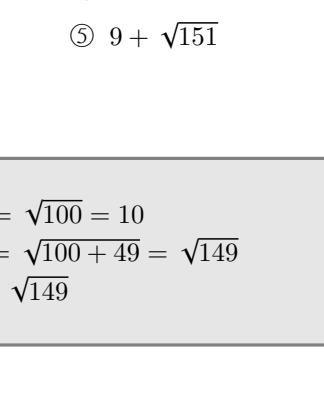
$$\frac{7+9+6+7+6}{5} = \frac{35}{5} = 7(\text{점})$$

이므로 각 자료의 편차는 0, 2, -1, 0, -1이다.

따라서 분산은

$$\frac{0^2 + 2^2 + (-1)^2 + 0^2 + (-1)^2}{5} = \frac{6}{5} = 1.2$$

2. 다음 그림은 두 직각삼각형을 붙여 놓은 것이다.  $x+y$ 의 값을 구하면?



- ①  $9 + \sqrt{149}$       ②  $10 + \sqrt{149}$       ③  $9 + \sqrt{150}$   
④  $10 + \sqrt{150}$       ⑤  $9 + \sqrt{151}$

해설

$$x = \sqrt{6^2 + 8^2} = \sqrt{100} = 10$$
$$y = \sqrt{7^2 + 8^2} = \sqrt{100 + 49} = \sqrt{149}$$
$$\therefore x + y = 10 + \sqrt{149}$$

3. 다음 그림에서  $\overline{AC}$ 의 길이는?

- ① 2      ②  $\sqrt{5}$       ③  $\sqrt{6}$

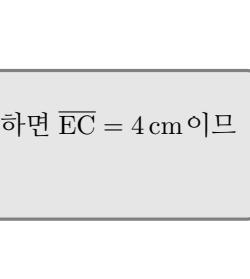
- ④  $\sqrt{7}$       ⑤  $2\sqrt{2}$



해설

$$\overline{AC} = \sqrt{1^2 + 1^2 + 1^2 + 1^2 + 1^2} = \sqrt{5} \text{이다.}$$

4. 다음 그림에서 사다리꼴의 높이  $\overline{AB}$ 의 길이는?

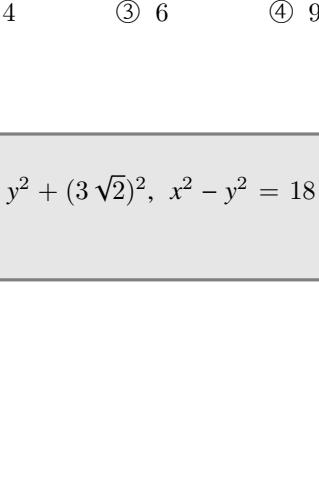


- ①  $2\sqrt{5}$  cm      ②  $5\sqrt{2}$  cm      ③  $3\sqrt{5}$  cm  
④  $5\sqrt{3}$  cm      ⑤  $3\sqrt{3}$  cm

해설

점 D에서  $\overline{BC}$ 에 내린 수선의 발을 E라고 하면  $\overline{EC} = 4$  cm이므로  $\overline{AB} = \sqrt{36 - 16} = 2\sqrt{5}$ (cm)이다.

5. 다음과 같이 정사각형 ABCD 의 내부에 한 점 P 가 있다.  $\overline{PC} = 2\sqrt{2}$ cm ,  $\overline{PD} = 3\sqrt{2}$ cm 일 때,  $x^2 - y^2$  의 값은?



- ① 2      ② 4      ③ 6      ④ 9      ⑤ 10

해설

$$x^2 + (2\sqrt{2})^2 = y^2 + (3\sqrt{2})^2, \quad x^2 - y^2 = 18 - 8, \quad x^2 - y^2 = 10$$

이다.

6. 다음은 어느 가게에서 월요일부터 일요일까지 매일 판매된 우유의 개수를 나타낸 것이다. 하루 동안 판매된 우유 개수의 중앙값이 30, 최빈값이 38 일 때, 화요일과 금요일에 판매된 개수의 합을 구하여라.

요일	월	화	수	목	금	토	일
우유의 개수	24	$y$	14	28	$x$	38	31

▶ 답:

▷ 정답: 68

해설

최빈값이 38 이므로  $x = 38$  또는  $y = 38$ 이다.

$x = 38$ 이라고 하면 14, 24, 28, 31, 38, 38,  $y$ 에서 중앙값이 30 이므로  $y = 30$ 이다.

따라서 화요일과 금요일에 판매된 개수의 합은  
 $30 + 38 = 68$ 이다.

7. 영웅이의 4 회에 걸친 수학 족지 시험의 성적이 평균이 45 점이었다.  
5 회의 시험 성적이 떨어져 5 회까지의 평균이 4 회까지의 평균보다 5  
점 내렸다면 5 회의 성적은 몇 점인가?

- ① 14 점    ② 16 점    ③ 18 점    ④ 20 점    ⑤ 22 점

해설

4 회까지의 평균이 45 이므로 4회 시험까지의 총점은

$$45 \times 4 = 180(\text{점})$$

5 회까지의 평균은 45 점에서 5 점이 내린 40 점이므로 5 회째의  
성적을  $x$  점이라고 하면

$$\frac{180 + x}{5} = 40, \quad 180 + x = 200 \quad \therefore x = 20(\text{점})$$

8. 다음의 표준편차를 순서대로  $x$ ,  $y$ ,  $z$  라고 할 때,  $x$ ,  $y$ ,  $z$  의 대소 관계를 바르게 나타낸 것은?

X : 1 부터 200 까지의 짹수  
Y : 1 부터 200 까지의 홀수  
Z : 1 부터 400 까지의 4 의 배수

- ①  $x = y = z$       ②  $x < y = z$       ③  $x = y < z$   
④  $x = y > z$       ⑤  $x < y < z$

해설

X, Y, Z 모두 변량의 개수는 100 개이다.  
이때, X, Y 는 모두 2 만큼의 간격을 두고 떨어져 있으므로 X, Y  
의 표준편자는 같다.  
한편, Z 는 4 만큼의 간격을 두고 떨어져 있으므로 X, Y 보다  
표준편자가 크다.

9. 5개의 변량  $3, 5, 9, 6, x$ 의 평균이 6일 때, 분산은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

주어진 변량의 평균이 6이므로

$$\frac{3+5+9+6+x}{5}=6$$

$$23+x=30$$

$$\therefore x=7$$

변량의 편차는  $-3, -1, 3, 0, 1$ 이므로 분산은

$$\frac{(-3)^2 + (-1)^2 + 3^2 + 0^2 + 1^2}{5} = \frac{9+1+9+1}{5} = \frac{20}{5} = 4$$

10. 네 개의 변량 4, 6,  $a$ ,  $b$ 의 평균이 5이고, 분산이 3 일 때,  $a^2 + b^2$  의 값은?

- ① 20      ② 40      ③ 60      ④ 80      ⑤ 100

해설

변량 4, 6,  $a$ ,  $b$ 의 평균이 5이므로

$$\frac{4+6+a+b}{4} = 5, \quad a+b+10 = 20$$

$$\therefore a+b = 10 \cdots ㉠$$

또, 분산이 3이므로

$$\frac{(4-5)^2 + (6-5)^2 + (a-5)^2 + (b-5)^2}{4} = 3$$

$$\frac{1+1+a^2-10a+25+b^2-10b+25}{4} = 3$$

$$\frac{a^2+b^2-10(a+b)+52}{4} = 3$$

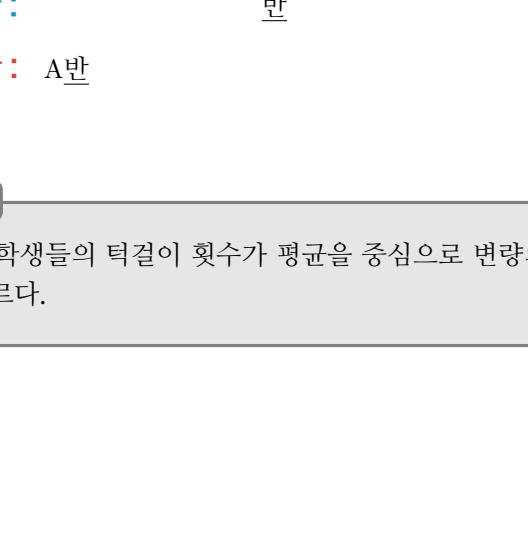
$$a^2+b^2-10(a+b)+52 = 12$$

$$\therefore a^2+b^2-10(a+b) = -40 \cdots ㉡$$

㉡의 식에 ㉠을 대입하면

$$\therefore a^2+b^2 = 10(a+b)-40 = 10 \times 10 - 40 = 60$$

11. 다음은 A 반 학생 5 명과 B 반 학생 5 명의 턱걸이 횟수를 히스토그램으로 나타낸 것이다. 어느 반 학생의 성적이 더 고르다고 할 수 있는가?



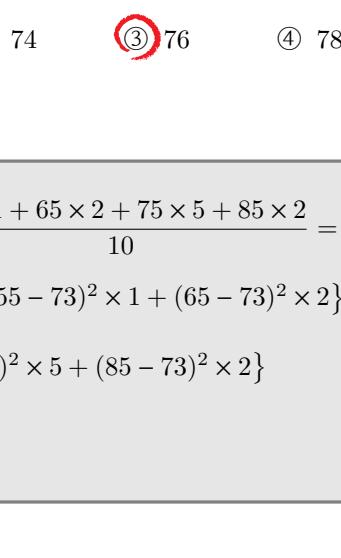
▶ 답: 반

▷ 정답: A반

해설

A 반 학생들의 턱걸이 횟수가 평균을 중심으로 변량의 분포가 더 고르다.

12. 다음 히스토그램은 학생 10 명의 영어 성적을 나타낸 것이다. 이 자료의 분산은?



- ① 72      ② 74      ③ 76      ④ 78      ⑤ 80

해설

$$(\text{평균}) = \frac{55 \times 1 + 65 \times 2 + 75 \times 5 + 85 \times 2}{10} = \frac{730}{10} = 73(\text{점})$$

$$(\text{분산}) = \frac{1}{10} \left\{ (55 - 73)^2 \times 1 + (65 - 73)^2 \times 2 \right\}$$

$$+ \frac{1}{10} \left\{ (75 - 73)^2 \times 5 + (85 - 73)^2 \times 2 \right\}$$

$$= \frac{760}{10} = 76$$

13. 다음은 학생 20 명의 턱걸이 횟수에 대한 도수분포표이다. 이 분포의 분산은?(단, 평균, 분산은 소수 첫째자리에서 반올림한다.)

계급	도수
3 <sup>이상</sup> ~ 5 <sup>미만</sup>	6
5 <sup>이상</sup> ~ 7 <sup>미만</sup>	3
7 <sup>이상</sup> ~ 9 <sup>미만</sup>	8
9 <sup>이상</sup> ~ 11 <sup>미만</sup>	3
합계	20

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

학생들의 턱걸이 횟수의 평균은  
(평균) =  $\frac{\{(계급값) \times (도수)\} \text{의 총합}}{(도수) \text{의 총합}}$   
=  $\frac{4 \times 6 + 6 \times 3 + 8 \times 8 + 10 \times 3}{24 + 18 + 64 + 30}$   
=  $\frac{20}{20} = 6.8(\text{회})$

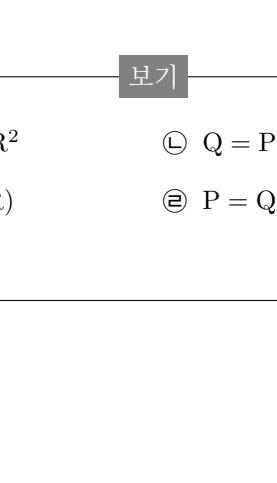
이므로 소수 첫째자리에서 반올림하면 7(회)이다.

따라서 구하는 분산은

$$\begin{aligned} & \frac{1}{20} \{ (4 - 7)^2 \times 6 + (6 - 7)^2 \times 3 + (8 - 7)^2 \times 8 + (10 - 7)^2 \times 3 \} \\ & = \frac{1}{20} (54 + 3 + 8 + 27) = 4.6 \end{aligned}$$

이므로 소수 첫째자리에서 반올림하면 5이다.

14. 다음 그림과 같이  $\angle B = 90^\circ$  인 직각삼각형 ABC에서  $\overline{AC}$ ,  $\overline{AB}$ ,  $\overline{BC}$ 를 지름으로 하는 반원의 넓이를 P, Q, R라 할 때, 다음 중 옳은 것을 보기에서 모두 골라라.



보기

- Ⓐ  $P^2 = Q^2 + R^2$  Ⓑ  $Q = P - R$   
Ⓑ  $P = 2(Q - R)$  Ⓒ  $P = Q + R$   
Ⓓ  $P = Q - R$

▶ 답:

▶ 답:

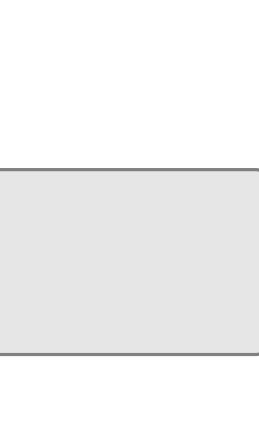
▷ 정답: Ⓑ

▷ 정답: Ⓒ

해설

$P = Q + R$  이므로 옳은 것은  
Ⓐ  $Q = P - R$ , Ⓒ  $P = Q + R$  뿐이다.

15. 그림과 같이 직각삼각형 ABC 의  $\overline{AB}$  를 한 변으로 하는 정사각형 ADEB 를 그렸을 때,  $\triangle EBC$  의 넓이가  $72 \text{ cm}^2$  이면  $\overline{AC}$  의 길이는 얼마인지를 구하여라. (단, 단위는 생략)



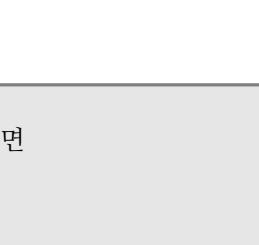
▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$\begin{aligned}\triangle EBC &= \triangle EBA = 72 \text{ cm}^2 \\ \square ADEB &= 144 \text{ cm}^2, \overline{AB} = 12 \text{ cm} \\ \therefore \overline{AC} &= \sqrt{13^2 - 12^2} = 5 \text{ (cm)}\end{aligned}$$

16. 다음 그림과 같이 좌표평면 위에 있는 한 변의 길이가  $\frac{2\sqrt{5}}{3}$  인 정사각형 DEFG 가 있고,  $\overline{OD}$  의 길이는  $\overline{AD}$  의 길이보다 3 배 길다고 할 때, 점 D 와 점 F 를 지나는 그래프의 y 절편은?



- ①  $\sqrt{2}$       ②  $2\sqrt{2}$       ③  $3\sqrt{2}$       ④  $4\sqrt{2}$       ⑤  $5\sqrt{2}$

해설

$\overline{OD} = 3\overline{AD}$  이므로  $D = (a, 0)$  이라고 하면

$$G = \left(0, \frac{1}{3}a\right)$$

이를 피타고라스 정리에 대입하면

$$\left(\frac{2\sqrt{5}}{3}\right)^2 = a^2 + \frac{a^2}{9} = \frac{10a^2}{9} \text{ 이 되어 } a = \sqrt{2} \text{ 가 성립한다.}$$

$D(\sqrt{2}, 0)$ ,  $F\left(\frac{\sqrt{2}}{3}, \frac{4\sqrt{2}}{3}\right)$  를 지나는 함수의 식을 구하면  $f(x) = -2x + 2\sqrt{2}$  이다.

그러므로 함수  $f$  의 y 절편은  $2\sqrt{2}$  이다.

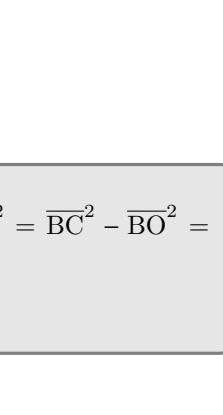
17. 뱃변의 길이가  $m^2 + n^2$  이고, 다른 한 변의 길이가  $m^2 - n^2$  인 직각삼각형의 나머지 한 변의 길이는? (단,  $m > 0, n > 0$ )

- ①  $m + n$       ②  $2m + n$       ③  $m + 2n$   
④  $2(m + n)$       ⑤  $2mn$

해설

나머지 한 변의 길이를  $X$  라 하면  
 $(m^2 + n^2)^2 = (m^2 - n^2)^2 + X^2$   
 $m^4 + 2m^2n^2 + n^4 = m^4 - 2m^2n^2 + n^4 + X^2$   
 $X^2 = 4m^2n^2 = (2mn)^2$   
 $X > 0, m > 0, n > 0$  이므로  $X = 2mn$  이다.

18. 다음 그림과 같은 사각형 ABCD에서  $\overline{AC} \perp \overline{BD}$  일 때,  $\overline{OC}$ 의 길이를 구하여라.



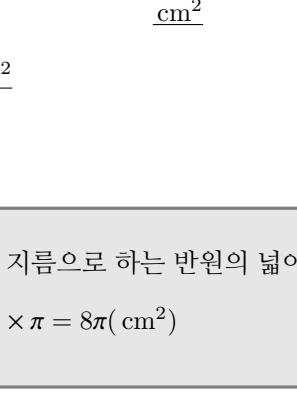
▶ 답:

▷ 정답:  $\sqrt{11}$

해설

$$\begin{aligned}\overline{BC}^2 + (\sqrt{10})^2 &= 3^2 + 4^2, \quad \overline{BC}^2 = 15, \quad \overline{OC}^2 = \overline{BC}^2 - \overline{BO}^2 = \\ 15 - 4 &= 11 \\ \therefore \overline{OC} &= \sqrt{11}\end{aligned}$$

19. 다음 그림에서  $\angle BAC = 90^\circ$  이고,  $\overline{AB}$  와  $\overline{AC}$  를 지름으로 하는 반원의 넓이를 각각 P, Q 라 할 때, P + Q 의 값을 구하여라.



▶ 답: cm<sup>2</sup>

▷ 정답:  $8\pi \text{ cm}^2$

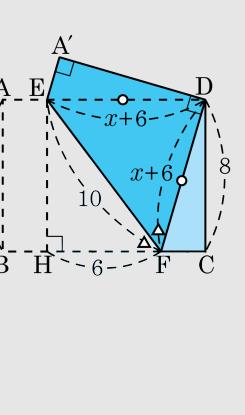
해설

P + Q 는  $\overline{BC}$  를 지름으로 하는 반원의 넓이와 같으므로

$$P + Q = \frac{1}{2} \times 4^2 \times \pi = 8\pi(\text{ cm}^2)$$

20. 다음 그림은 직사각형 ABCD 의 점 B 가 점 D에 오도록 접은 것이다.  $\overline{BC}$ 의 길이는?

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \frac{32}{3} & \textcircled{2} \frac{28}{3} & \textcircled{3} \frac{26}{3} \\ \textcircled{4} \frac{22}{3} & \textcircled{5} \frac{20}{3} & \end{array}$$



**해설**

E에서  $\overline{BC}$ 에 내린 수선의 발을 H라

하면  $\overline{HF} = 6$

$\overline{CF} = x$  라 하면  $\overline{CH} = \overline{DE} = 6 + x$

접은 각과 엇각에 의해  $\angle DEF = \angle DFE$  이므로

$\overline{DF} = \overline{DE} = 6 + x$

$\triangle DFC$ 에서  $(6+x)^2 = 8^2 + x^2, 12x =$

$$28 \quad \therefore x = \frac{7}{3}$$

또한  $\overline{BH} = \overline{AE} = \overline{A'E} = \overline{CF}$

$$\therefore \overline{BC} = \frac{7}{3} \times 2 + 6 = \frac{32}{3}$$



21. 세 개의 변량  $a, b, c$  의 평균을  $M$ , 표준편차를  $S$  라고 할 때,  $a + 1, b + 1, c + 1$  의 평균과 분산을 차례대로 나열한 것은?

- ①  $M, S^2$   
②  $M, S^2 + 1$   
③  $M + 1, S^2$   
④  $M + 1, S^2 + 1$   
⑤  $M + 1, (S + 1)^2$

해설

세 개의 변량  $a, b, c$  의 평균과 분산이 각각  $M, S^2$  이므로

$$M = \frac{a+b+c}{3}$$

$$S^2 = \frac{(a-M)^2 + (b-M)^2 + (c-M)^2}{3}$$

$a + 1, b + 1, c + 1$  의 평균을  $M_1$  과 분산을  $S_1^2$  이라고 하면

$$M_1 = \frac{(a+1) + (b+1) + (c+1)}{3}$$

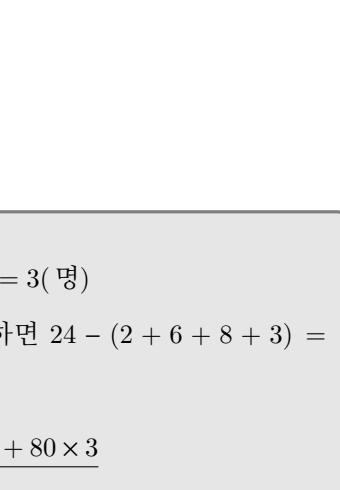
$$= \frac{(a+b+c) + 3}{3} = \frac{a+b+c}{3} + 1 = M + 1$$

$$S_1^2 = \frac{1}{3} \{ (a+1-M-1)^2 + (b+1-M-1)^2 + (c+1-M-1)^2 \}$$

$$= \frac{1}{3} \{ (a-M)^2 + (b-M)^2 + (c-M)^2 \} = S^2$$

따라서  $a + 1, b + 1, c + 1$  의 평균과 분산은 각각  $M + 1, S^2$  이다.

22. 다음 히스토그램은 수진이네 반 학생 24 명의 몸무게를 조사하여 만든 것인데 일부가 찢어졌다. 계급값이 80 일 때, 도수가 전체 학생의 12.5 % 일 때, 전체 학생의 분산을 구하여라. (단, 평균과 분산은 소수 첫째 자리에서 반올림한다.)



▶ 답:

▷ 정답: 129

해설

$$\text{계급값이 } 80 \text{ 인 도수는 } 24 \times \frac{12.5}{100} = 3(\text{명})$$

$$\text{계급값이 } 70 \text{ 인 도수를 } x \text{ 라고 하면 } 24 - (2 + 6 + 8 + 3) = 5 \quad \therefore x = 5$$

이므로 평균은

$$\frac{40 \times 2 + 50 \times 6 + 60 \times 8 + 70 \times 5 + 80 \times 3}{24}$$

$$= \frac{80 + 300 + 480 + 350 + 240}{24} = 60.4\cdots (\text{kg})$$

이므로 소수 첫째자리에서 반올림하면 60kg 이다.

따라서 구하는 분산은

$$\frac{1}{24} \{ (40 - 60)^2 \times 2 + (50 - 60)^2 \times 6 + (60 - 60)^2 \times 8 + (70 - 60)^2 \times 5 + (80 - 60)^2 \times 3 \}$$

$$= \frac{1}{24} (800 + 600 + 0 + 500 + 1200) = 129.16\cdots \text{이다.}$$

따라서 소수 첫째자리에서 반올림하면 129 이다.

23.  $\overline{AB} = 2$ ,  $\overline{BC} = 3$  인 직사각형 ABCD에서 변 BC 위의 점 P 와 변 AD 위의 점 Q에 대하여 사각형 APCQ가 마름모일 때, 마름모 APCQ의 넓이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{13}{3}$

해설

마름모는 네 변의 길이가 같으므로  $\overline{AP} = x$ 로 놓으면

$\overline{PC} = x$ ,  $\overline{BP} = 3 - x$

$\triangle ABP$ 에서  $\overline{AP}^2 = \overline{AB}^2 + \overline{BP}^2$  이므로

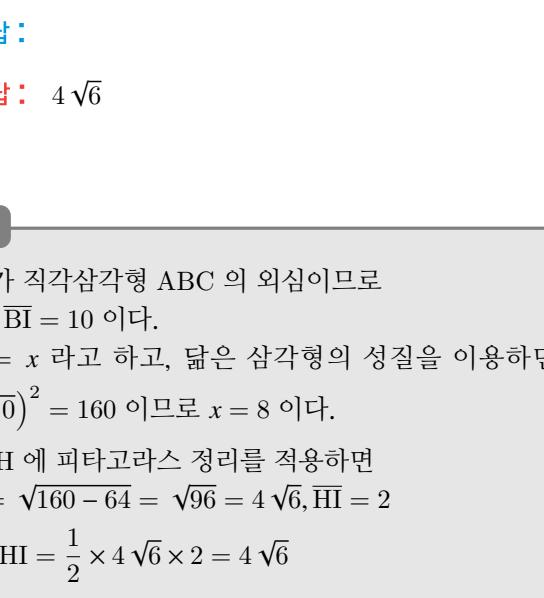
$$2^2 + (3 - x)^2 = x^2$$

$$6x = 13$$

$$\therefore x = \frac{13}{6}$$

따라서 마름모 APCQ의 넓이는  $\frac{13}{6} \times 2 = \frac{13}{3}$ 이다.

24. 다음 그림과 같이  $\angle C = 90^\circ$  인 직각삼각형 ABC 의 점 I 는  $\overline{AB}$  의 중점이고, 점 C 에서  $\overline{AB}$  에 내린 수선의 발을 H 라 할 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답:  $4\sqrt{6}$

해설

점 I 가 직각삼각형 ABC 의 외심이므로

$\overline{AI} = \overline{BI} = 10$  이다.

$\overline{AH} = x$  라고 하고, 넓은 삼각형의 성질을 이용하면  $20x =$

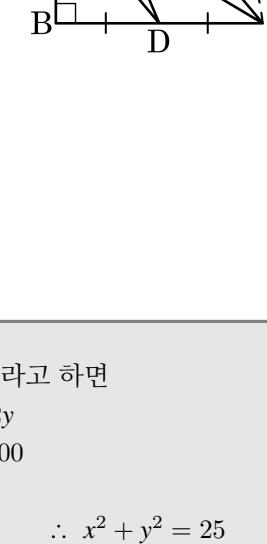
$$(4\sqrt{10})^2 = 160$$
 이므로  $x = 8$  이다.

$\triangle CAH$  에 피타고라스 정리를 적용하면

$$\overline{CH} = \sqrt{160 - 64} = \sqrt{96} = 4\sqrt{6}$$

$$\therefore \triangle CHI = \frac{1}{2} \times 4\sqrt{6} \times 2 = 4\sqrt{6}$$

25. 다음 그림에서  $\angle B = 90^\circ$ 이고, D, E는 각각  $\overline{BC}$ ,  $\overline{AB}$ 의 중점이다.  
 $\overline{AC} = 10$  일 때,  $\overline{AD}^2 + \overline{CE}^2$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 125

해설

$$\begin{aligned}\overline{BE} &= x, \overline{BD} = y \text{ 라고 하면} \\ \overline{AB} &= 2x, \overline{BC} = 2y \\ (2x)^2 + (2y)^2 &= 100 \\ 4x^2 + 4y^2 &= 100 \\ 4(x^2 + y^2) &= 100 \quad \therefore x^2 + y^2 = 25 \\ \overline{ED} &= \sqrt{x^2 + y^2} = 5 \text{ 이므로} \\ \overline{AD}^2 + \overline{CE}^2 &= \overline{ED}^2 + \overline{AC}^2 \\ &= (\sqrt{x^2 + y^2})^2 + 10^2 \\ &= x^2 + y^2 + 100 \\ &= 25 + 100 \\ &= 125\end{aligned}$$