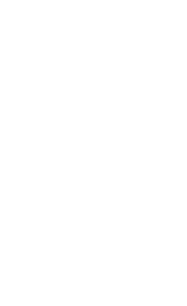
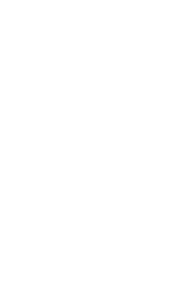
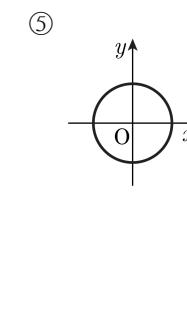


1. 다음 그래프 중에서 함수의 그래프는?



2. 두 집합 $X = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$, $Y = \{y|y\text{는 정수}\}$ 일 때, 함수 $f : X \rightarrow Y$ 를 다음과 같이 정의한다. 이 때, f 의 치역의 모든 원소의 합을 구하여라.

$$f(x) = \begin{cases} x+2 & (x > 0) \\ -x^2 + 1 & (x \leq 0) \end{cases}$$

▶ 답: _____

3. 다음 ()안에 알맞은 말을 써라.

함수 $f(x)$ 의 치역과 공역이 같고, 정의역의 서로 다른 원소에 치역의 서로 다른 원소가 대응할 때, 이 함수를 ()이라고 한다.

▶ 답: _____

5. 집합 $X = \{-1, 0, 1\}$ 에 대하여 다음 중 X 에서 X 로의 항등함수를 모두 고른 것은 무엇인가?

$$\boxed{f(x) = x, \quad g(x) = |x| \\ h(x) = x^3, \quad k(x) = \frac{|x+1| - |x-1|}{2}}$$

- ① f ② f, h ③ f, g, h
④ f, h, k ⑤ g, h, k

6. 다음 보기의 대응 중에서 함수인 것을 모두 고른 것은 무엇인가?

[보기]

- Ⓐ 원의 반지름의 길이와 그 넓이의 대응
- Ⓑ 이차방정식과 그 방정식의 실근의 대응
- Ⓒ 선분과 그 길이의 대응
- Ⓓ 함수와 그 함수의 정의역의 대응
- Ⓔ 실수와 그 실수를 포함하는 집합의 대응

① Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ

② Ⓐ, Ⓑ, Ⓓ

③ Ⓐ, Ⓒ, Ⓓ

④ Ⓑ, Ⓒ

⑤ Ⓑ, Ⓓ

7. 자연수 전체의 집합 N 에 대하여 함수 $f : N \rightarrow N$ 을 $f(n) = (n\text{의 양의 약수의 개수})$ 로 정의한다. 이 때, 집합 $A = \{n | f(n) = 2\}$ 에 대하여 다음 중 옳은 것은 무엇인가?

- ① $1 \in A$ ② $2 \in A$ ③ $4 \in A$
④ $6 \in A$ ⑤ $10 \in A$

8. 함수 $f(x)$ 는 임의의 두 실수 a, b 에 대하여 $f(a+b) = f(a) + f(b)$ 를 만족시킨다. 이러한 함수를 다음에서 고르면?

- ① $f(x) = |x|$ ② $f(x) = -x^2$
③ $f(x) = 3x$ ④ $f(x) = 2x + 3$
⑤ $f(x) = x^3 + 3x$

9. 실수 전체의 집합에 대하여 공집합이 아닌 부분집합 X 를 정의역으로 하는 두 함수 $f(x) = 2x^2 - 10x - 5$, $g(x) = -x^2 + 2x + 10$ 이 서로 같을 때, 집합 X 의 개수는 몇 개인가?

① 0 개 ② 1 개 ③ 2 개 ④ 3 개 ⑤ 4 개

10. 두 집합 $X = \{1, 2, 3\}$, $Y = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 에 대하여 X 에서 Y 로의
함수 f 중에서 X 의 임의의 두 원소 x_1, x_2 에 대하여 $x_1 \neq x_2$ 일 때,
 $f(x_1) \neq f(x_2)$ 인 함수는 몇 개인가?

- ① 15개 ② 60개 ③ 120개
④ 125개 ⑤ 243개

11. 다음은 실수 전체의 집합 R 에서 R 로의 함수이다. 일대일대응인 것은 무엇인가?

- | | |
|--------------------------------------|-----------------|
| ① $y = -x^2$ | ② $y = - x $ |
| ③ $y = 3$ | ④ $y = -2x - 1$ |
| ⑤ $y = \sqrt{2}x - 2$ ($x \geq 1$) | |

12. 두 집합 $X = \{-1, 0, 1\}$, $Y = \{a, b, c, d\}$ 에 대하여 집합 X 에서 집합 Y 로의 함수 $f : X \rightarrow Y$ 의 개수는?

- ① 12 개 ② 27 개 ③ 36 개 ④ 64 개 ⑤ 81 개

13. 집합 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 에서 집합 $B = \{a_1, a_2, a_3, a_4, a_5\}$ 로의
대응 f 중 $f(1) = a_1, f(2) = a_2$ 인 함수 f 의 개수는?

- ① 8개 ② 25개 ③ 64개
④ 81개 ⑤ 125개

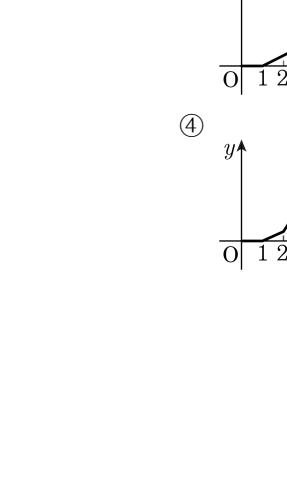
14. 공집합이 아닌 두집합 X, Y 에 대하여 X 에서 Y 로의 함수 $f(x) = x^2 - x - 3, g(x) = x + 5$ 에 대하여 $f = g$ 일 때, 정의역 X 가 될 수 있는 집합의 개수는 a 개이다. a 의 값을 구하여라.

▶ 답: _____

15. $0 \leq x \leq 1$ 일 때 $f(x) = x(1-x)$ 이고 모든 실수 x 에 대하여 $f(x+1) = \frac{1}{2}f(x)$ 를 만족하는 함수 $f(x)$ 가 있다. 이 때 $f\left(\frac{5}{2}\right)$ 의 값은?

- ① $-\frac{3}{16}$ ② $-\frac{1}{16}$ ③ $\frac{1}{16}$ ④ $\frac{3}{16}$ ⑤ $\frac{1}{4}$

16. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 1인 정사각형의 변 $ABCD$ 위를 움직이는 동점 P 가 있다. 점 P 는 A 점에서 출발, 일정한 속력으로 점 B 를 돌아 다시 점 A 로 돌아온다. 점 P 가 움직인 거리를 x , 선분 AP 가 지나간 부분의 넓이를 $f(x)$ 라 할 때, 다음 중 함수 $y = f(x)$ 의 그래프의 개형으로 옳은 것은?



17. 집합 $X = \{a, b, c\}$, $Y = \{1, 2, 3, 4\}$ 에 대하여 함수 $f : X \rightarrow Y$ 에서
치역의 원소의 개수가 2 개인 함수 f 의 개수를 구하시오.

▶ 답: _____ 개